

**ЎЗБЕКИСТОН АЛОҚА ВА АХБОРОТЛАШТИРИШ  
АГЕНТЛИГИ**

**ТОШКЕНТ АХБОРОТ ТЕХНОЛОГИЯЛАРИ  
УНИВЕРСИТЕТИ**

**ФИЗИКА КУРСИ**

**ДАРСЛИК**

**1-қисм**

**Тошкент-2008 й.**

**Муаллифлар: Абдурахманов Қ.П., физика-математика  
фанлари доктори, профессор, Эгамов Ў. физика-математика  
фанлари номзоди, доцент**

**Тақризчилар:** Р.А. Мўминов, Ўзбекистон Фанлар Академияси  
академиги, физика-математика фанлари  
доктори, профессор.  
М.С. Бахадирханов, физика - математика  
фанлари доктори, профессор.

Дарслик ахборот технологиялари ва техника йўналишида таҳсил олаётган талабалар, магистрлар ва аспирантларни физика фанини чуқурроқ ўзлаштиришлари, мустақил шуғулланишлари учун мўлжалланган бўлиб, 2 қисмдан иборат:

**I - қисм.** Механика. электр, электромагнетизм, гармоник тебранишлар, тўлқинлар, электромагнит тебранишлар, акустика.

**II - қисм.** Тўлқин оптикаси ва квант механикаси. физикавий статистика, молекуляр физика, термодинамика, қаттиқ жисмлар физикаси ва ядро физикаси.

Ушбу дарслик, физика фанининг намунавий дастури мазмуни асосида тайёрланди.

Дарслик ТАТУ нинг илмий-услубий кенгаши қарорига асосан чоп этилди.

*(№ 1 баённома 20.09. 2007 й.)*

**Тошкент ахборот технологиялари университети, 2007 й.**

## Сўз боши

Ушбу «Физика курси» дарслиги Ўзбекистон Республикаси Давлат таълим стандартининг техника университетлари таълим йўналишлари бўйича бакалаврлар тайёрлаш мазмуни ва савиясининг мажбурий минимумига бўлган талабларга мувофиқ тузилган.

Тошкент ахборот технологиялари университетининг физика кафедрасида виртуал лаборатория ишларидан ташқари, талабаларга мультимедиа муҳитида маъruzalар ўқилмоқда.

Мультимедиа муҳитида ўқиладиган маъruzalар янги ахборот имкониятларига эга бўлган маъruzalар матни асосида ўтилади. Электрон маъruzalар матни, электрон дарсликдан фарқли равишда, асосан маъruzачининг маъруза ўтишдаги индивидуал маҳорати ва талабаларнинг қобилияти даражасига боғлик равишда тузилади.

Одатда мультимедиали маъруза сифатини ошириш учун маъruzalар матнини тайёрлашда ахборот технологияларидан унумли фойдаланиш: илмий ва ўқув маълумотлари графикларини сканерлаш, Интернет тармоғидан ноёб фотосуратларни, видеоклипларни олиш, ҳаракатдаги графиклар, жонли ҳодисалар ва анимацион роликларни тайёрлаш орқали эришилади.

Ўқитиши маълумотлари асосан “WebCT”, “Tool book II Instruktur”, “Power Point” дастурларида кадр ёки слайд кўринишида тайёрланиб, тақдим этилади.

Мультимедиа муҳитида маъruzalарни талабалар интерактив шароитда тинглаб, осонгина ўзлаштирадилар ва хотирада узоқ вақт сақлай оладилар. Аммо, кадрлар тайёрлаш Миллий дастурида мустақил ишларга кўп эътибор бериш кўзланган ва аудитория соатларининг сезиларли қисми шуларга ажратилган. Бу соҳада мультимедиали электрон маъruzalар матни талабаларнинг мустақил шуғулланишига тўла имкон берадилмайди. Унинг устига ҳозирги кундаги ўзбек тилида физика фани бўйича мавжуд бўлган дарсликлар кўп эмас, ҳажми

ва назарий жиҳатдан мұхандис кадрлар тайёрлаш учун мүлжалланган.

Ахборот технологиялари ва техника йўналишларида таҳсил олаётган талабаларга физика фанини чукурроқ ўзлаштириши, мустақил шуғулланиши учун мос дарсликлар, ўқув қўлланмалар ҳозирча етарли эмас.

Шу сабабли, ТАТУ физика кафедрасида кўп йиллардан бери ўқилаётган маъruzалар асосида, физика фанининг намунавий дастури мазмуни доирасида бакалаврлар учун мүлжалланган, «Физика курси» дарслигини тайёрлашни мақсадга мувофиқ, деб ҳисобладик. Бу ўқув дарслик электрон маъruzалар матнидан мазмуни бўйича тўлақонлилиги билан фарқ қиласди.

Фойдаланиш учун қулай бўлишини эътиборга олиб, ушбу дарслик 2 қисмга бўлинди:

**I - қисм.** Механика. Электр. Электромагнетизм. Гармоник тебранишлар, тўлқинлар, электромагнит тебранишлар. акустика. Тўлқин оптикаси ва квант механикаси.

**II - қисм.** Физикавий статистика. Молекуляр физика, термодинамика, қаттиқ жисмлар физикаси ва ядро физикаси.

Ушбу дарсликни таҳрир қилишда ижобий кўрсатмалар берган физика-математика фанлари номзоди, доцент Қ.Хайдаров ва РРТ факультети илмий-услубий кенгаши раиси, техника фанлари номзоди, доцент **А.А.Абдуазизовга** ҳамда қўлланмани тайёрлаб, шу кўринишга олиб келган физика кафедраси катта лаборанти Н.А.Амировага муаллифлар чукур миннатдорчилик билдирадилар.

## **КИРИШ**

Келажак ўтмишда шаклланади. Вақтнинг узвий боғлиқлигини инсоният ривожланишда, айниқса фан ва техниканинг ривожланишида яққол тасаввур қилиши мумкин. Физика ва у билан чамбарчас боғланган алоқа техникаси бундан истисно эмас. Ахборот алмашуви, аниқроқ қилиб айтганда, алоқа инсоният ривожланиши учун зарур асос хисобланади.

Алоқа тизимларининг ҳозирги кунда бизга хизмат кўрсатаётган намуналарининг бир қисми XIX ва XX асрларда яратилган. Бу электр алоқа тизимлар – телеграф, телефон, радио ва компьютер тармоқлариридир.

Бошланишда улар ўзларича алоҳида, рақобат тариқасида ривожлана бошлади. Ўзаро техникавий рақобат, вақт ўтиши билан, ўзаро боғлиқлик, бир мақсадни бажариш учун бирлашишга олиб келди. Уч электродли лампанинг яратилиши уларга биринчи асос бўлди ва радиотехникани ривожланишига, электрон аппаратларининг янги авлодларини пайдо бўлишига олиб келди.

Ўтган асрнинг ўрталарида кичик ўлчамли актив яrim ўтказгич асбобларидан бири - транзистор кашф этилиши алоқа тизимларида, радиоэшиттириш ва телевидениеда иккинчи (инқилоб) революцияга, дискрет яrim ўтказгич асбобларнинг яратилиши эса электрониканинг шаклланишига олиб келди. Радиотехника ва электрониканинг аста-секин ўзаро боғланиши радиосхема ва электрон компоненталар ўртасидаги чегаранинг йўқолишига сабаб бўлди.

Интеграл схемаларнинг яратилиши ва қўлланилиши микроэлектрониканинг шаклланишига имкон берди. Сантиметр квадратининг юздан бири бўлакларида тайёрланадиган интеграл схемалар бир неча ўн мингдан иборат актив ва пассив электрон элементларни ўз ичига олди. Натижада, интеграл схемаларга асосланган, алоқа тизимларининг учинчи авлодлари пайдо бўлди.

Кристалл ҳажми бўйича тақсимланган актив ва пассив элементларнинг, алоҳида функцияни бажариши учун, ўзаро юқори интеграцияли интеграл схемаларнинг яратилишга олиб келди. Масалан, зарядларни кўчириш асбоби бўлган телевизион камера  $3 \times 4$   $\text{мм}^2$  сиртга эга бўлиб, миллиондан ортиқ актив элементларни ўз ичига олади ва мураккаб функцияларни бажаришга хизмат қилади.

Катта интеграл схемалар яратилиши компьютерларнинг янги авлодини, мобиль телефонлар, телевизион камералар ва бошқа ҳозирги замон алоқа тизимларини яратилишига асос бўлди.

Ҳозирги вақтда, қаттиқ жисм электроникасида, ўта янги электрон қурилмаларни яратиш учун янги физикавий принциплар ва ҳодисаларни аниқлашда изланиш ишлари олиб борилмоқда. Бу физикавий жараёнларнинг характерли хусусияти - қаттиқ жисм ҳажмидаги динамик ножинслиликлардан ахборотни саклаш ва қайта ишлашда фойдаланишдир. Динамик ножинслиликларга Ганн электр доменлари, цилиндрик ва магнит доменлар, зарядни кўчириш асбобларидағи пакет ва «чўнтаклар», сиртқи ва ҳажмий акустик ҳамда спинли тўлқинлар киради. Натижада ҳозирги, энг янги электрон қурилмаларни яратиш учун акустикавий – магнитоэлектроника, квант электроникаси, спин~~отроника~~ ва нанотехнология йўналишлари яратилмоқда.

Бу янги технологиялар ўз навбатида инсоният фаолиятининг барча соҳаларини ривожланишига олиб келиши ҳеч шубҳасизdir.

Юқорида келтирилган фан ва техниканинг ютуқлари исталган давлатнинг ижтимоий-иқтисодий ривожланишига хизмат кўрсатади.

Ҳозирги давр талабига жавоб берадиган мутахассисларни тайёрлашда, бакалаврият босқичидаги талабаларга физика фани асосларини ўргатишдан асосий мақсад – уларда ҳозирги замон илмий – техникавий дунёқарашни шакллантириш, уларга замонавий техника воситалари асосларини таништириш ва улардан фойдаланишга замин яратишдан иборат. Шуни унутмаслик керакки, физика фани олий ўқув юртларида

ўқитиладиган олий математика, информатика, ахборот технологиялари, электр занжирлар назарияси, радиоэлектроника ва микроэлектроника асослари ва бошқа фанлар билан узвий боғланган.

Физика фани – табиат ҳодисаларининг оддий ва умумий қонуниятларини, моддалар тузилиши ва хусусиятларини, уларнинг ҳаракат қонунларини ўргатувчи фандир.

«Физика» сўзи грекча «physics» - табиат сўзидан келиб чиқади, шунинг учун табиатшунослик фанининг асосида ётади.

Физиканинг қонунлари маълумотларга асосланган бўлиб, асосан тажрибаларда ўрнатилган ва математик тилда ифодаланган миқдорий тенгламалардан иборатdir. Шу сабабли, у аниқ фанлар қаторига киради.

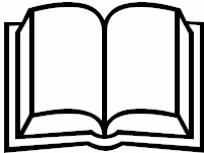
Ўрганиладиган материал ҳаракатлари, шакллари ва объектларнинг кўп қирралилигига асосан физика бир қатор қисмларга бўлинади:

1. Атом ва молекуляр физика;
2. Газ ва суюқликлар физикаси;
3. Қаттиқ жисмлар физикаси;
4. Плазма физикаси;
5. Элементар заррачалар физикаси;
6. Ядро физикаси.

Материянинг ҳаракат турларига қараб физика қуйидаги бўлимларга бўлинади:

- Моддий нуқта ва қаттиқ жисмлар механикаси;
- Термодинамика ва статистика;
- Электродинамика;
- Оптика;
- Гравитация;
- Квант механикаси;
- Майдоннинг квант назарияси;
- Тебраниш ва тўлқинлар;
- Амалий оптика.

## **Б и р и н ч и қ и с м**



### **I боб**

### **МЕХАНИКА**

#### **1-§ Механикавий ҳаракат**

Вақт ўтиши билан жисмнинг фазодаги вазиятини бошқа жисмларга нисбатан ўзгариши **жисмнинг механикавий ҳаракати** деб аталади.

Галилей - Ньютоннинг механикаси **классик механика** деб аталади. Классик механика, тезлиги ёруғликнинг вакуумдаги тезлигидан сезиларли равишда кичик тезликка эга бўлган макроскопик жисмларнинг ҳаракат қонунларини ўрганади.

Ёруғлик тезлигига яқин ёки тенг тезликларга эга бўлган микроскопик жисмлар ҳаракат қонунларини маҳсус нисбийлик назариясига асосланган **релятивистик механика** ўрганади.

Механика асосан уч қисмга бўлинади:

- 1) кинематика; 2) динамика; 3) статика.

**Кинематика** – жисмлар ҳаракатини, унинг келиб чиқиш сабабларини эътиборга олмай, ўрганади.

**Динамика** – жисмлар ҳаракатини, унинг келиб чиқиш сабабларини билган ҳолда, ўрганади.

**Статика** – жисмлар тизими, тўпламининг мувозанат ҳолати қонунларини ўрганади.

#### **2-§ Моддий нуқта. Абсолют қаттиқ жисм. Фазо ва вақт**

Классик механикада ўрганиладиган энг содда объект моддий нуқта ҳисобланади.

**Моддий нуқта** деб, маълум массага эга бўлган, ўрганиладиган масофаларга нисбатан ўлчами жуда кичик бўлган жисмга айтилади.

Моддий нуқта тушунчаси абстрактдир. Масалан, Ернинг ўлчами Қуёшгача бўлган масофага нисбатан жуда кичик бўлгани учун, Қуёш атрофидаги ҳаракатида уни моддий нуқта деб фараз қилиш мумкин. Бунда Ернинг бутун массаси унинг геометрик марказида мужассамланган деб ҳисобланади.

Жисмлар бири-бири билан ўзаро таъсирлашганда уларнинг шакли ва ўлчамлари ўзгариши мумкин.

**Ҳар қандай шароитда деформацияланмайдиган жисм абсолют қаттиқ жисм** деб аталади.

Қаттиқ жисмнинг қисмлари ёки икки нуқтаси орасидаги масофа ўзгармасдир. Қаттиқ жисмларнинг исталган ҳаракати илгариланма ва айланма ҳаракатлар мажмуасидан иборат.

**Илгариланма ҳаракат** – бу шундай ҳаракатки, унда ҳаракат қилаётган жисм билан мустаҳкам боғланган исталган тўғри чизик бошланғич ҳолатига нисбатан параллелигини сақлаб қолади.

**Айланма ҳаракат** – бу ҳаракатда жисмнинг барча нуқталарининг ҳаракат траекториялари айланалардан иборат бўлиб, уларнинг маркази эса айланиш ўқи деб аталадиган тўғри чизикда ётади.

Жисмлар ҳаракатини текширишда, уларнинг вазиятини бошқа, шартли равишда қўзғолмас деб қабул қилинган жисмга нисбатан аниқлаш керак.

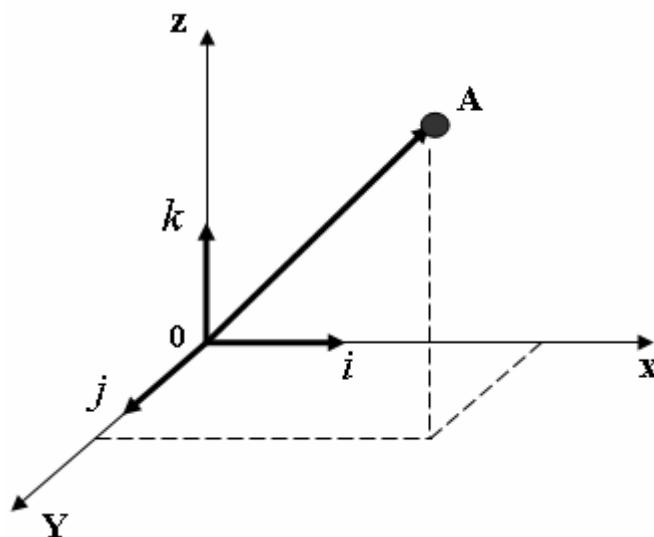
Жисмларнинг фазодаги вазиятини аниқлашга имкон берадиган, қўзғалмас жисм билан боғланган координаталар тизими **фазовий саноқ тизими** деб аталади.

Танлаб олинган фазовий саноқ тизимидағи ҳар бир нуқтанинг ўрнини учта  $x$ ,  $y$ ,  $z$  координаталар орқали ифодалаш мумкин (*1-расм*). Координата бошидан  $A$  нуқтагача йўналтирилган кесма **радиус-вектор** деб аталади. Радиус-

вектор  $\vec{r}$  нинг координатлари  $x$ ,  $y$ ,  $z$  ўқлардаги проекцияларидан иборат, яъни:

$$\vec{r} = x \cdot \vec{i} + y \cdot \vec{j} + z \cdot \vec{k},$$

Бу ерда,  $\vec{i}$ ,  $\vec{j}$ ,  $\vec{k}$  координата ўқлари бўйлаб йўналган бирлик векторлардир.



*1-расм. Фазовий саноқ тизимида моддий нуқтанинг координаталари*

Агар  $A$  моддий нуқтанинг бирор саноқ тизимидаги радиус вектори  $\vec{r}$  бўлса, унинг  $x$ ,  $y$ ,  $z$  координатлари  $t$  вақтнинг функцияси кўринишида ифодаланади:

$$\vec{r} = \vec{r}(t); \quad x = x(t); \quad y = y(t); \quad z = z(t),$$

Ҳар қандай ҳаракатни ўрганиш учун фазода турли саноқ тизимларини танлаб олиш мумкин. Шуни қайд этиш керакки, турли саноқ тизимларида айни бир жисмнинг ҳаракати турлича бўлади. Лекин, саноқ тизими шароитга қараб танланади. Масалан, жисмларнинг ҳаракати Ер билан боғланган саноқ тизими ёрдамида ўрганилади.

Ернинг сунъий йўлдошлари, космик кемаларнинг ҳаракати эса, Қуёш билан боғлиқ бўлган гелиоцентрик саноқ тизимида текширилади.

Маълум бир танланган саноқ тизимидағи нуқта ҳолатини белгиловчи  $x$ ,  $y$ ,  $z$  координаталар қандайдир сонлардан иборат деб ҳисобласақ, энг аввал, уларни ўлчаш усулини ёки принципини танлашимиз керак.

Фазодаги нуқта ёки жисм ҳолатини белгиловчи  $x$ ,  $y$ ,  $z$  координаталар узунликдан иборат бўлгани учун, узунликни ўлчаш усулини танлаш керак бўлади. Одатда, узунликни ўлчаш учун, қандайдир қаттиқ стерженни намуна деб ҳисоблаб, уни ўлчов бирлиги деб қабул қилинади. Нуқтанинг фазодаги координаталаридан бирини ўлчаш учун, шу йўналишга ўлчов бирлиги бўлган намуна неча марта жойлашиш сони аниқланади. Ана шу сон танланган йўналишдаги жисмнинг узунлигини белгилайди. Агарда бу сон бутун бўлмаса, намуна майда бўлакларга (ўндан бир қисми, юздан бир қисми ва ҳ.к.) бўлинади.

Бундай ўлчаш **тўғридан - тўғри ўлчаш** деб аталади. Аммо бу усул камчиликлардан ҳоли эмас. Масалан, Ернинг радиусини, Ердан Ойгача ва Қуёшгача бўлган масофасини ўлчашда намунадан фойдаланиб бўлмайди.

Бизнинг Галактикамиз ўлчамлари тартиби тахминан  $\sim 10^{20}$  метрга яқин. Иккинчи тарафдан қаттиқ жисмлар атомлари орасидаги масофалар  $\sim 10^{-10} \text{ м}$  ёки айрим ядро заррачалари ўлчами  $\sim 10^{-15} \text{ м}$  га tengdir. Бу ҳолларда, тўғридан-тўғри ўлчаш усулини қўллаб бўлмайди, узунликни ўлчаш учун бошқа ўлчаш принципларини танлашга мажбурмиз.

Катта масофаларни ўлчашда намуналардан фойдаланиш имконияти йўқ бўлгани учун ёруғлик нурининг тарқалиш тезлигидан фойдаланилади. Кичик масофаларни ўлчаш учун эса, аниқ тузилишли моддаларнинг физикавий хусусиятларидан фойдаланилади.

Вақт ҳам физик катталик бўлгани учун унинг миқдорий қийматлари айрим сонлардан иборат бўлади.

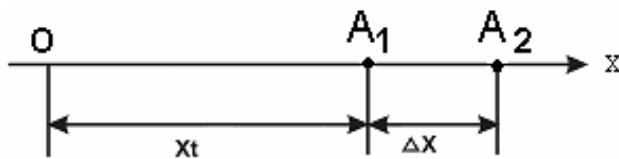
Аммо, узунликка ўхшаш вақтнинг абсолют қиймати йўқ. Вақт деганда қандайдир вақт оралигини тушуниш керак.

Вақтни амалий үлчаш усулларидан бири Ернинг ўз ўқи атрофидаги айланишдаги Қуёш суткасидан иборат. Унга кетган вақтнинг 86400 дан бир улуши секунддир.

Вақтни үлчаш усулларининг энг аниғи деб Цезий атомининг асосий ҳолатларига тегишли икки энергетик сатҳлар орасини ўтишда электромагнит нурланишнинг 9192631770 марта тебранишига кетган вақт олинади. Бу вақт бир секундга тенгдир.

### 3-§ Моддий нуқта кинематикаси

Моддий нуқтанинг тўғри чизик бўйлаб ҳаракатини кузатайлик (2-расм).



*2-расм. Моддий нуқтанинг 0X ўқи бўйича тўғри чизиқли ҳаракати*

Тўғри чизик  $0X$  координат ўқи бўйлаб жойлашган деб ҳисоблаймиз. Моддий нуқта ҳолати қуидаги ифода билан белгиланади:

$$x=x(t)$$

Белгиланган  $t$  вақтда моддий нуқта координатаси  $x_1=x(t)$  бўлган  $A_1$  ҳолатда деб ҳисоблаймиз.  $\Delta t$  вақтдан сўнг моддий нуқта координатаси  $x_2=x(t+\Delta t)$  бўлган  $A_2$  ҳолатга кўчади. Демак, моддий нуқта  $\Delta t$  вақт ичида  $\Delta x$  йўлни босиб ўтади.

$$\Delta x=x_2-x_1=x(t+\Delta t)-x(t)$$

Босиб ўтилган  $\Delta x$  йўлни  $\Delta t$  вақт оралиғига нисбати моддий нуқтанинг **ўртача тезлиги** деб аталади

$$\langle v \rangle = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x(t + \Delta t) - x(t)}{\Delta t}, \quad (3.1)$$

Агарда  $\Delta t$  вақт оралиғи нисбатан катта бўлса, ўртача тезлик тушунчаси ўринли бўлади. Аммо  $\Delta t$  вақт оралигини кичрайтира борсак, натижада  $\Delta x / \Delta t$  нисбат маълум бир чегаравий қийматга интилади. Бу чегаравий қиймат моддий нуқтанинг оний тезлиги деб аталади

$$v = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta x}{\Delta t} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{x(t + \Delta t) - x(t)}{\Delta t}, \quad (3.2)$$

Математикада бу ифода  $x(t)$  ифодадан  $t$  вақт бўйича олинган ҳосила деб айтилади.

$$v = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{dx}{dt} = \frac{ds}{dt}, \quad (3.3)$$

Босиб ўтилган йўлдан вақт бўйича олинган биринчи тартибли ҳосила моддий нуқтанинг оний тезлиги деб аталади.

Кўпинчалик моддий нуқтанинг тезлиги вақтнинг функциясидан иборат бўлади, яъни  $v = v(t)$ . Бу тезликни вақт бирлигига ўзгариши нуқтанинг **ўртача тезланиши** деб аталади.

$$\langle a \rangle = \frac{\Delta v(t)}{\Delta t}, \quad (3.4)$$

$$a = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta v(t)}{\Delta t} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{v(t + \Delta t) - v(t)}{\Delta t} = \frac{dv}{dt},$$

$$a = \frac{dv}{dt} = \frac{d}{dt} \left( \frac{dx}{dt} \right) = \frac{d^2 x}{dt^2} \quad (3.5)$$

Босиб ўтилган йўлдан вақт бўйича олинган иккинчи тартибли ҳосила моддий нуқтанинг **оний тезланиши** деб аталади.

Босиб ўтилган  $S$  йўлни, тезлик функциясини 0 дан  $t$  вақтгача чегарада интеграллаш йўли билан ҳисоблаш мумкин.

$$s = \int_0^t v(t) dt ,$$

Агар ҳаракат түғри чизиқли текис ҳаракатдан иборат бўлса,  $v=const$  бўлади.

$$s = \int_0^t v \cdot dt = vt ,$$

бундан,

$$v = \frac{s}{t} ,$$

Агар моддий нуқта ҳаракатининг бошланғич моментида ( $\Delta t = 0$ ) тезлик  $v_0$  га тенг бўлса:

$$v(t) = v_0 + \int_0^t a(t) dt ,$$

га эга бўламиз.

Тезланиш ўзгармас бўлган ҳолда ( $a=const$ ) ҳаракат **текис ўзгарувчан ҳаракат** деб аталади. У ҳолда

$$v_t = v_0 + at ,$$

$$s = \int_0^t v_t dt = \int_0^t (v_0 + at) dt = v_0 t + \frac{at^2}{2} ,$$

Агар  $a > 0$  бўлса, ҳаракат **текис тезланувчан ҳаракат** дейилади,  $a < 0$  бўлганда эса, текис секинланувчан ҳаракат деб аталади.

Халқаро бирликлар тизими- «ХБТ»да тезлик метр/секунд билан ўлчанади.

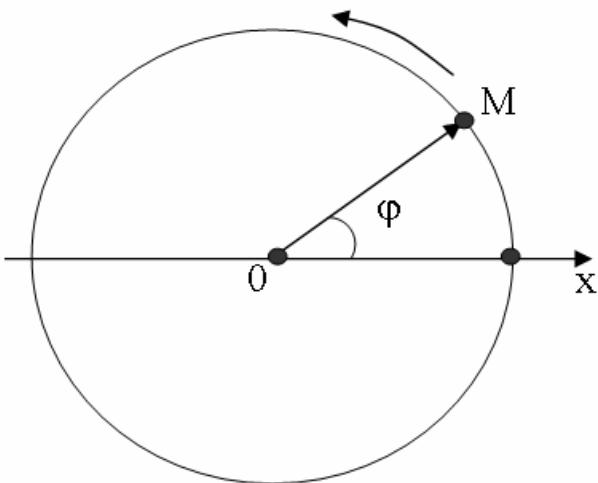
$$|v| = \left| \frac{s}{t} \right| = \frac{\text{метр}}{\text{сек.}}$$

Тезланиш эса,

$$a = \left| \frac{s}{t^2} \right| = \frac{\text{метр}}{\text{сек.}^2}$$

#### 4-§ Нүктанинг айлана бўйлаб ҳаракати

Моддий нүктанинг айлана бўйлаб ҳаракати 3- расмда келтирилган.  $M$  моддий нүктанинг ҳолати ўзгармас  $OX$  ўқи билан  $OM$  радиус вектор орасидаги бурчак  $\varphi$  билан белгиланади.



3-расм. Моддий нүктанинг айлана бўйлаб ҳаракати

Бу ҳолда  $r$  радиусда ётган ҳар ҳил нүқталарнинг чизиқли тезликлари ҳар хил бўлади ( $v_1, v_2, \dots$ , ва ҳ.к.). Шунинг учун айланма ҳаракатда моддий нүктанинг тезлиги учун алоҳида катталик киритилади.

Ўзгармас  $OX$  ўқи билан  $OM$  радиус вектор орасидаги бурчакдан вақт бўйича олинган биринчи тартибли ҳосила **бурчак тезлик** деб аталади.

$$\omega = \frac{d\varphi}{dt},$$

Агар бурчак тезлик  $\omega$  ўзгармас бўлса, айлана бўйлаб ҳаракат **текис айланма ҳаракат** деб аталади. Моддий нуқта бир марта тўлиқ айланишда  $\varphi=2\pi$  бурчакка бурилади.  $2\pi$  бурчакка бурилишга кетган вақт Т **айланиш даври** деб аталади.

$$\omega = \frac{\Delta\varphi}{\Delta t} = \frac{2\pi}{T} ; \quad T = \frac{2\pi}{\omega} , \quad (4.1)$$

Бирлик вақт ичида айлана бўйлаб қилинган тўлиқ айланишлар сони **айланиш частотаси** деб аталади

$$v = \frac{1}{T} = \frac{\omega}{2\pi} , \quad \omega = 2\pi v , \quad (4.2)$$

Бурчак тезликтан вақт бўйича олинган биринчи тартибли ҳосила ёки  $\varphi$  - бурчакдан вақт бўйича олинган иккинчи тартибли ҳосила **бурчак тезланиш** деб аталади.

$$\beta = \frac{d\omega}{dt} = \frac{d^2\varphi}{dt^2} , \quad (4.3)$$

ХМ айлана ёйининг узунлигини  $S$  деб ҳисобласак, чизиқли тезлик ва чизиқли тезланиши қўйидаги кўринишда ифодалаш мумкин:

$$v = \frac{dS}{dt} , \quad a = \frac{d^2S}{dt^2} , \quad (4.4)$$

Айлана радиусини  $\vec{r}$  деб белгиласак,  $S$  айлана ёйи қўйидагига teng бўлади.

$$S = r\varphi , \quad (4.5)$$

У ҳолда бурчак тезлик ва тезланишларни радиус вектор орқали ифодалашимиз мумкин:

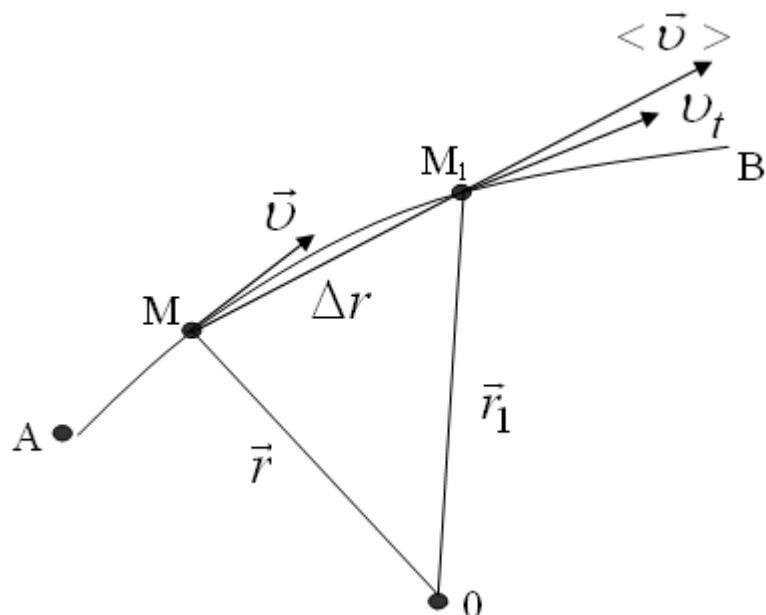
$$v = \frac{ds}{dt} = \vec{r} \cdot \frac{d\varphi}{dt} = r \cdot \omega , \quad (4.6)$$

$$a = \frac{d^2s}{dt^2} = r \cdot \frac{d^2\varphi}{dt^2} = r \cdot \frac{d\omega}{dt} = r \cdot \beta , \quad (4.7)$$

## 5-§ Эгри чизиқли ҳаракат

Эгри чизиқли траектория бўйлаб ҳаракатланаётган моддий нуқтанинг чизиқли тезланиш ва тезлигини кўриб чиқамиз (4-расм).

$AB$  эгри чизиқли траекторияда ҳаракатланаётган моддий нуқта ҳолатлари  $\vec{r}$  радиус векторнинг кўчиши билан белгиланади.  $t$  вақт моментида моддий нуқта  $\vec{r} = \vec{r}(t)$  радиус векторли  $M$  ҳолатда бўлади,  $\Delta t$  вақт ўтгандан сўнг моддий нуқта



4-расм. Моддий нуқтанинг эгри чизиқли траектория бўйлаб ҳаракати

$\vec{r}_1 = \vec{r}(t + \Delta t)$  радиус-векторли  $M_1$  нуқтага кўчади. Расмдан кўриниб турибдики моддий нуқта  $AB$  эгри чизиқ бўйлаб ҳаракатланганда  $\vec{r}(t)$  радиус-вектор катталиги ва йўналиши ўзгаради.

Ўртача тезлик қўйидагича ифодаланади.

$$\langle \vec{v} \rangle = \frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t} = \frac{\vec{r}(t + \Delta t) - \vec{r}(t)}{\Delta t}, \quad (5.1)$$

Бу тезлик вектор катталиқдир, унинг йўналиши  $MM_1$  хорда ёки  $\Delta\vec{r}$  кесма йўналиши билан мос тушади.

Ўртacha тезликнинг  $\Delta t$  вақтни нолга интилишида олган чегаравий қиймати радиус- вектор  $\vec{r}$  дан вақт бўйича олинган ҳосилага тенг бўлади:

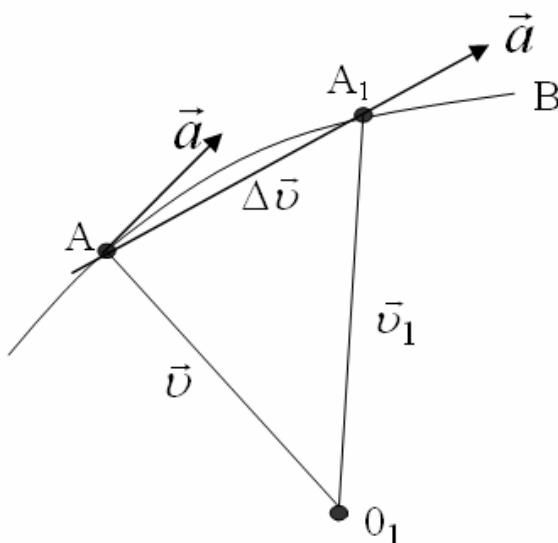
$$\vec{v} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta\vec{r}}{\Delta t} = \frac{d\vec{r}}{dt}, \quad (5.2)$$

Бу ерда  $\vec{v}$  моддий нуқтанинг эгри чизиқли ҳаракатидаги оний тезлигидир. Оний тезлик йўналиши ҳаракатланаётган моддий нуқта траекториясига уринма йўналишда бўлади. Оний тезлик белгиланган  $t$  вақтга тегишли  $M$  нуқтада эгри чизиққа уринма бўлади. Тезланиш эса, тезлик вектори  $\vec{v}$  дан вақт бўйича олинган ҳосилага тенг

$$\vec{a} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta\vec{v}}{\Delta t} = \frac{d\vec{v}}{dt}, \quad (5.3)$$

$$\vec{a} = \frac{d^2\vec{r}}{dt^2}, \quad (5.4)$$

4- ва 5-расмларга назар ташласак, тезлик ва тезланиш векторлари орасидаги ўхшашликларни кўрамиз.



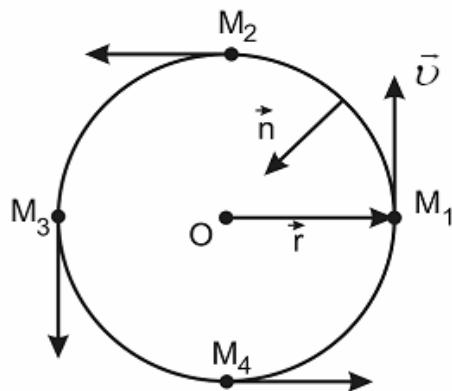
*5-расм. Моддий нуқтанинг тезлик траекторияси*

Кўзғалмас  $O_1$  нуқтага ҳар хил вақт моментида ҳаракатланаётган нуқтанинг тезлик векторини  $(\vec{v})$

жойлаштирамиз. Бу ҳолда  $\vec{v}$  - векторнинг охирини тезланувчан нуқта  $A$  – деб атайды.

Тезланувчан нуқталардан иборат геометрик ҳолатларни **тезлик траекторияси** деб атайды.

6 – расмда  $\vec{v}$  тезлик айланага уринма бўлиб йўналган, унинг қиймати

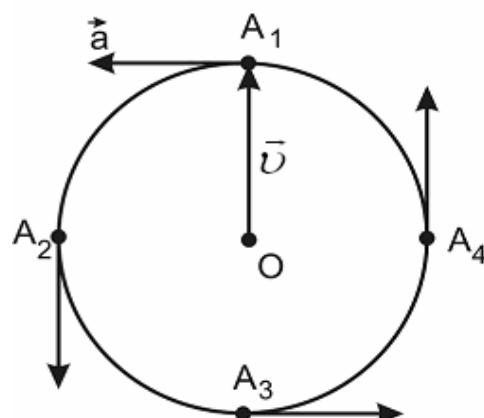


*6-расм. Моддий нуқта радиусининг айланга бўйла бўйла ҳаракати*

$$\vec{v} = \omega \vec{r} = \frac{2\pi \vec{r}}{T}, \quad (5.5)$$

га тенг.

7-расмда  $\vec{v}$  радиусли векторнинг траекторияси айланга кўринишда тасвир этилган.



*7-расм. Моддий нуқта тезлик векторининг айланга бўйла бўйла ҳаракати*

Моддий нуқтанинг  $M_1, M_2, M_3, M_4$  ҳолатлари 7-расмда  $A_1, A_2, A_3, A_4$  тезланиш нуқталарини белгилайди.

Тезланиш  $\vec{a}$   $\vec{v}$  - радиусли айланага уринма бўйлаб йўналган.

Тезланиш қийматини қўйидаги кўринишда ифода қилиш мумкин.

$$\vec{a} = \omega v = \frac{2\pi v}{T} = \frac{v^2}{r}, \quad (5.6)$$

бу ерда

$$\frac{2\pi}{T} = \frac{v}{r};$$

Бу марказга интилма тезланиш бўлиб, уни вектор шаклида қўйидагича келтирамиз:

$$\vec{a}_n = -\omega^2 \vec{r}, \quad (5.7)$$

$\vec{a}$  билан  $\vec{r}$  векторлари бир-бирига қарама-қарши йўналган учун минус ишораси пайдо бўлди.

$$\vec{a} = \frac{v^2}{r} \vec{n}.$$

Бу ерда  $\vec{n}$  - нуқтанинг айланма ҳаракати траекториясига перпендикуляр бўлган ва айлана марказига йўналган бирлик вектордир.

$\vec{\tau}$  - эса айланага уринма йўналишда бўлган бирлик вектордир. Шунинг учун

$$\vec{v} = v \cdot \vec{\tau}.$$

Агар

$$\vec{a} = v \frac{d\vec{\tau}}{dt}, \quad \frac{d\vec{\tau}}{dt} = \frac{v}{r} \vec{n}, \quad (5.8)$$

бўлса,

$$\vec{a} = \frac{v^2}{r} \cdot \vec{n}$$

га тенг бўлади.

Моддий нүкта айланы бўйлаб бир текис ҳаракат қилганда, тезланиш марказга томон йўналган бўлади, яъни траекториясига перпендикуляр равишда бўлади.

Агар тезлик қиймати ўзгара борса,

$$\vec{v} = v \cdot \vec{\tau}$$

бу ифодани дифференциалласак, қўйидагига эга бўламиш:

$$\begin{aligned}\vec{a} &= \frac{d(v\vec{\tau})}{dt} = \frac{dv\vec{\tau}}{dt} + v \cdot \frac{d\vec{\tau}}{dt}, \\ \frac{d\vec{\tau}}{dt} &= \frac{v}{r} \vec{n}, \\ \vec{a} &= \frac{dv}{dt} \vec{\tau} + \frac{v^2}{r} \cdot \vec{n},\end{aligned}\quad (5.9)$$

Демак, тезланиш вектори  $\vec{a}$ ,  $\vec{\tau}$  ва  $\vec{n}$  бирлик векторлар текислигида ётар экан.

(5.9) – ифодадаги биринчи ҳад қўйидагига тенг бўлади:

$$\vec{a}_t = \frac{dv}{dt} \vec{\tau}, \quad (5.10)$$

Бу айланага уринма бўлган вектор – **тангенциал тезланиш** деб аталади.

Иккинчи ҳад эса:

$$\vec{a}_n = \frac{v^2}{r} \vec{n}, \quad (5.11)$$

**нормал тезланиш** деб аталади ва у марказга қараб йўналган бўлади.

Шундай қилиб, умумий ҳолда  $\vec{a}$  - тезланиш тангенциал ва нормал тезланишларнинг геометрик йиғиндисидан иборат бўлади

$$\vec{a} = \vec{a}_t + \vec{a}_n, \quad (5.12)$$

**Тангенциал тезланиш**  $\vec{a}_t$  тезликни миқдор жиҳатидан ўзгариши ҳисобига пайдо бўлади.

**Нормал тезланиш**  $\vec{a}_n$  тезликнинг йўналиши ўзгариши ҳисобига пайдо бўлади.

### Қайтариш учун назорат саволлари

1. Илгариланма ва айланма ҳаракатлар учун асосий кинематик катталикларни таърифланг ва формулаларини ёзинг, улар орасидаги боғланиш формулаларини ёзинг.
2. Эгри чизиқли ҳаракатда тезлик ва тезланишларни ташкил этувчиларини тушинтириб беринг. Нормал ва тангенциал тезланишларни маъносини тушинтиринг.
3. Айланма ҳаракат кинематикасининг асосий катталикларини (бурчак тезлик, тезланиш) вектор йўналишлари қандай топилади?

## 6-§ Моддий нуқта динамикаси

Ўтган дарсларда таъкидлашимизча, кинематика жисмлар ҳаракатини унинг келиб чиқиш сабабларини эътиборга олмай ўрганади, деган эдик.

**Динамика** эса жисмлар ҳаракатини унинг келиб чиқиш сабабларини билган ҳолда ўрганади. Динамика асосида Ньютон қонунлари ётади.

**Ньютоннинг биринчи қонуни.** Жисм ўзининг тинч ҳолатини ёки тўғри чизиқли текис ҳаракатини ташқаридан бошқа жисмлар таъсир этмагунча сақлаб қолади.

Жисмларни ўзининг тинч ҳолатини ёки тўғри чизиқли текис ҳаракатини сақлаб қолиш хусусияти, **инерция** хусусияти деб аталади.

Шунинг учун, Ньютоннинг биринчи қонуни, инерция қонуни деб ҳам аталади.

Механик ҳаракат нисбийдир ва унинг хусусиятлари саноқ тизимига боғлиқ бўлади. Ньютоннинг биринчи қонуни исталган саноқ тизимида бажарилавермайди, шунинг учун бу қонун бажариладиган саноқ тизимлари **инерциал саноқ тизимлари** деб аталади.

Бошқа саноқ тизимларига нисбатан ўзининг тинч ҳолатини ёки тўғри чизиқли текис ҳаракатини сақлай оладиган саноқ тизимлари **инерциал саноқ тизимлари** бўлаолади.

Координата боши Қуёш марказига жойлашган гелиоцентрик саноқ тизимини жуда катта аниқлик билан инерциал саноқ тизими деб ҳисоблаш мумкин. Унинг координата ўқлари ўрганиладиган планета ёки юлдузларга йўналтирилган бўлади.

Худди шу ҳолат учун, Ер билан боғланган саноқ тизими инерциал саноқ тизими бўлаолмайди, чунки Ер нафақат Қуёш атрофида, хаттоқи ўзининг ўқи атрофида ҳам айланишини ҳисобга олиш зарур. Аммо Ердаги механикавий ҳаракатлар учун Ер билан боғлиқ бўлган саноқ тизимини инерциал саноқ тизим деб ҳисоблаш мумкин.

Тажрибалардан маълумки, бир хил таъсир остида турли жисмлар ўзининг ҳаракат тезлигини бир хил ўзгартирмайди,

бошқача қилиб айтганда, ҳар хил тезланиш қийматларига эга бўладилар.

Тезланиш фақат таъсир кучига боғлиқ бўлмай, жисмнинг ўзини хусусиятига, яъни массасига ҳам боғлиқдир.

Жисмнинг **массаси** – материянинг асосий хусусиятларидан бири бўлиб, унинг инерциал ва гравитациявий хусусиятларини белгилайди.

Инерциал масса жисм инертлигининг ўлчов бирлиги бўлиб, инертликни ўзи эса, жисмнинг ўз ҳолатини сақлаб қолиш хусусиятидир.

Ньютоннинг биринчи қонуидаги таъсирни таърифлаш учун куч тушунчасини киритиш зарурдир. Ташқи куч таъсирида жисм ўзининг ҳаракат тезлигини ўзгартиради, тезланишга эга бўлади ёки ўзининг шакли ва ўлчамларини ўзгартириши мумкин – деформацияланади. Демак куч икки хил таъсирга эгадир: динамик ва статик.

Вақтнинг ҳар бир белгиланган моментида, куч ўзининг қиймати, фазодаги йўналиши ва қайси нуқтага қўйилгани билан характерланади.

Шундай қилиб, куч вектор катталиқ бўлиб, бошқа жисм ёки майдонларнинг, жисмга механикавий таъсирининг ўлчови бўлаолади.

**Ньютоннинг иккинчи қонуни.** Ньютоннинг иккинчи қонуни – илгариланма ҳаракат динамикасининг асосий қонуни бўлиб, ташқи қўйилган куч таъсирида моддий нуқта ёки жисмнинг механикавий ҳаракати қандай ўзгаришини тушунириб беради.

Моддий нуқта ёки жисмга ҳар хил кучлар таъсир этганда, тезланиш қўйилган кучларнинг teng таъсир этувчи қийматига пропорционалдир.

$$a \sim F, \quad (m = const) \quad , \quad (6.1)$$

Турли жисмларга бир хил куч таъсир этса, уларнинг олган тезланишлари ҳар хил бўлади. Жисмнинг массаси қанча катта

бўлса, унинг инертлиги шунча юқори бўлади ва олган тезланиши кичик бўлади.

$$a \sim \frac{1}{m}, \quad (F = const), \quad (6.2)$$

(6.1) ва (6.2) – ифодалардан фойдаланган ҳолда, куч ва тезланиш вектор катталик эканлигини ҳисобга олиб, куйидаги ифодани ёзишимиз мумкин:

$$\vec{a} = K \frac{\vec{F}}{m}, \quad (6.3)$$

(6.3) – формула Ньютон иккинчи қонуенинг математик ифодасидир.

Моддий нуқтанинг олган тезланиши, таъсир этувчи куч йўналишига мос келиб, шу куч моддий нуқта массасининг нисбатига тенгдир.

Ньютоннинг иккинчи қонуни факат инерциал саноқ тизимлари учун ўринлидир.

«ХБ» тизимида пропорционаллик коэффициенти  $K$  бирга тенг. У ҳолда:

$$\vec{a} = \frac{\vec{F}}{m}$$

ёки

$$\vec{F} = m\vec{a} = m \frac{d\vec{v}}{dt}, \quad (6.4)$$

$$\vec{F} = \frac{d(m\vec{v})}{dt}, \quad (6.5)$$

$$\vec{P} = m\vec{v}$$

вектор катталик, тезлик йўналиши бўйича йўналган бўлиб, ҳаракат миқдори – **импульс** деб аталади.

$$\vec{F} = \frac{d\vec{p}}{dt}, \quad (6.6)$$

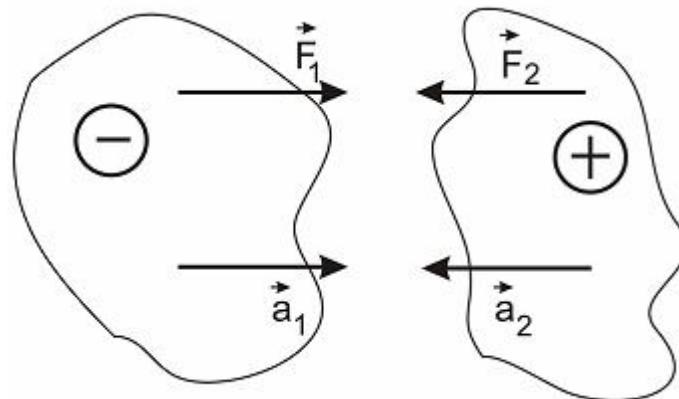
Моддий нуқта ҳаракат миқдорининг вақт бўйича ҳосиласи жисмга таъсир этувчи кучга тенгдир.

$$1H = 1 \frac{\text{кг.метр}}{\text{сек}^2}$$

**Ньютоннинг учинчи қонуни.** Моддий нүқталарнинг ўзаро таъсири характеристини Ньютоннинг учинчи қонуни билан ифодалаш мумкин. Моддий нүқта ёки жисмларнинг бир-бирига таъсири, ўзаро таъсир кучлари характеристига эга, бу кучлар модули бўйича тенг бўлиб, бир-бирига қарама-қарши йўналган:

$$\vec{F}_1 = -\vec{F}_2 , \quad (6.7)$$

Мусбат ва манфий зарядлар билан зарядланган  $m_1$  ва  $m_2$  массали жисмлар бир-бирига тортишишгандаги ўзаро таъсирни кўриб чиқайлик (8-расм).



8-расм. Зарядланган жисмларнинг ўзаро таъсири

$\vec{F}_1$  ва  $\vec{F}_2$  кучлар таъсирида жисмлар  $\vec{a}_1$  ва  $\vec{a}_2$  тезланишларга эга бўлади.

Ньютоннинг иккинчи қонунини қуйидагича ёзиш мумкин:

$$\vec{F}_1 = \vec{a}_1 m_1 , \quad \vec{F}_2 = \vec{a}_2 m_2 , \quad (6.8)$$

$$m_1 \vec{a}_1 = -m_2 \vec{a}_2 \quad \text{ёки} \quad \vec{a}_1 = -a_2 \frac{m_2}{m_1} , \quad (6.9)$$

Ўзаро таъсир этувчи жисмларнинг олган тезланишлари массаларига тескари пропорционал ва бир-бирига қарама-қарши йўналган бўлади.

## 7-§ Табиатда кучлар

**Гравитацион тортишиш кучи** – бу иккита моддий нуқталар орасидаги ўзаро таъсир этувчи кучdir. Бутун дунё тортишиш қонунига асосан  $m_1$  ва  $m_2$  массали жисмлар орасидаги гравитацион тортишиш кучи жисмлар массаларига тўғри пропорционал ва ораларидаги масофанинг квадратига тескари пропорционал бўлиб, икки жисм марказларини туташтирувчи тўғри чизик бўйлаб йўналгандир:

$$\vec{F} = \gamma \frac{m_1 m_2}{r^2} \left| \frac{\vec{r}}{r} \right| \quad (7.1)$$

бу ерда  $\gamma$  - гравитацион доимийлик.

$$\gamma = 6,6720 \cdot 10^{-11} \text{ Нм}^2/\text{кг}^2$$

Бу ифодада массалар тортишиш хусусиятини белгилагани учун уларни гравитацион массалар деб аташади, аммо қиймати бўйича инерцион массаларга тенгdir.

## Кулон кучи

Бу иккита  $q_1$  ва  $q_2$  нуқтавий зарядлар орасидига таъсир этувчи кучdir:

$$F = k \frac{q_1 q_2}{r^2}, \quad (7.2)$$

$k$  – пропорционаллик коэффициенти,  $r$  – зарядли нуқталар орасидаги масофа.

Гравитацион тортишиш кучидан фарқли равишда Кулон кучи тортишиш ёки итариш хусусиятларига эга бўлиши мумкин.

Агар зарядлар ҳаракатланса, Кулон қонуни аник бажарилмайди, чунки зарядлар ҳаракатига боғлиқ магнит майдон ва унинг кучлари пайдо бўла бошлайди.

### **Бир жинсли оғирлик кучи**

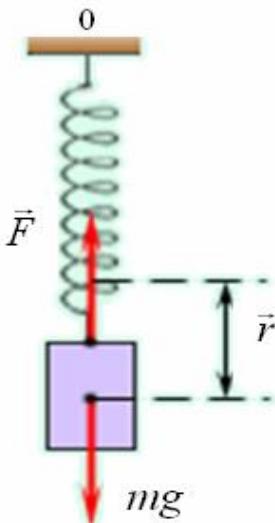
Бутун олам тортишиш қонунига кўра, табиатдаги барча жисмлар бир-бирини тортишиш хусусиятига эгадирлар. Бу қонунга биноан, Ер атрофидаги барча жисмлар Ернинг тортиш кучи таъсирида бўлади. Ернинг тортиш кучи таъсирида ҳосил бўладиган куч **оғирлик кучи** дейилади ва бу куч жисмларнинг эркин тушиш тезланишига боғлиқдир. Шунинг учун бу кучни жисмларнинг эркин тушиш тезланиши таъсирида пайдо бўлувчи **куч** ҳам дейилади

$$F = mg \quad , \quad (7.3)$$

*m* – жисм массаси, *g* – эркин тушиш тезланиши

### **Эластиклик кучи**

**Эластиклик кучи** моддий нуқтанинг мувозанат ҳолатидан кўчишига пропорционал ва мувозанат ҳолати томон йўналган бўлади (*9-расм*).



**9-расм.** Пружинага осилган жисмнинг мувозанат ҳолатидан силжиши

$$\vec{F} = -\alpha \vec{r} , \quad (7.4)$$

бу ерда  $\vec{r}$  - жисмнинг мувозанат ҳолатидан силжишини белгиловчи радиус-вектордир.

$\alpha$  - жисмнинг эластиклик хусусиятига боғлиқ бўлган пропорционаллик коэффициенти.

### Ишқаланиш кучи

**Ишқаланиш кучи** жисмнинг бошқа жисм сиртида сирпанишига қаршилик кўрсатадиган куч бўлиб, жисмнинг сиртига нормал бўйича берган босим кучига tengdir.

$$\vec{F} = k \vec{R}_n , \quad (7.5)$$

$k$  - жисм сиртининг ҳолатига боғлиқ бўлган ишқалиш коэффициенти.  $R_n$  - жисм сиртига нормал бўйича йўналган босим кучи.

## Қаршилик кучи

**Қаршилик кучи** газ ва суюқликларнинг илгариланма ҳаракатларида ҳосил бўладиган кучdir.

Газ ва суюқликларда ҳаракатланувчи ҳар қандай жисм қаршиликка учрайди ва бу илгариланма ҳаракатни сусайтиришга олиб келади. Бу куч ҳаракатланувчи жисмни ҳаракат тезлигига кучли боғланишда бўлади:

$$\vec{F} = -k_1 \vec{v} , \quad (7.6)$$

бу ерда  $k_1$  – муҳитни характерловчи доимийлик (мой, сув, ёпишқоқ суюқликлар).

Бу куч суюқлик ёки газнинг ҳаракат тезлигига пропорционал куч бўлиб, кичик тезликлар учун ўринли бўлади. Катта тезликларда эса формула бироз бошқача қўринишга эга бўлиб, куч тезликнинг квадратига пропорционал бўлади.

$$\vec{F} = -k_2 \vec{v}^2 ,$$

## 8-§ Моддий нуқталар тизими. Инерция маркази

Шу вақтгача моддий нуқта деб ҳисобланиши мумкин бўлган жисмнинг ҳаракати қараб чиқилди. Энди  $n$  та моддий нуқталардан ташкил топган тизимни (жисмлар тизимини) қараб чиқайлик.

Кучлар таъсирида тизимдаги ҳар бир моддий нуқта ўз ҳаракатини ўзгартиради. Бинобарин, тизимнинг ҳаракатини текшириш учун тизимдаги ҳар бир моддий нуқта учун тузилган ҳаракат тенгламалари тизимини ечиш керак.

Бундай масалани ечиб, моддий нуқталар тизими ҳаракатини бутунлигicha текшириб ҳал қилиш мумкин. Бунинг

учун, моддий нуқталар тизимини тавсифловчи янги тушунчалар киритамиз:

1. Моддий нуқталар тизимининг массаси  $m_c$  ни тизимдаги моддий нуқталар массаларининг алгебрик йиғиндисига тенг деб ҳисоблаймиз:

$$m_c = m_1 + m_2 + \dots + m_n = \sum_{i=1}^n m_i , \quad (8.1)$$

2. Моддий нуқталар тизимининг масса марказини – инерция маркази деб ҳисоблаб, мазкур нуқтанинг вазиятини координата бошига нисбатан қуйидаги радиус вектор билан ифодалаш мумкин:

$$\vec{r}_c = \frac{m_1 \vec{r}_1 + m_2 \vec{r}_2 + \dots + m_n \vec{r}_n}{m_1 + m_2 + \dots + m_n} = \frac{\sum_{i=1}^n m_i \vec{r}_i}{m_c} , \quad (8.2)$$

Тизим инерция маркази радиус-векторининг декарт координата ўқларига проекциялари қуйидагиларга тенг бўлади:

$$x_c = \frac{\sum_{i=1}^n m_i x_i}{m_c} ; \quad y_c = \frac{\sum_{i=1}^n m_i y_i}{m_c} ; \quad z_c = \frac{\sum_{i=1}^n m_i z_i}{m_c} , \quad (8.3)$$

Шуни таъкидлаб ўтиш керакки, тизимнинг инерция маркази унинг оғирлик маркази билан устма-уст тушади;

3. Моддий нуқталар тизими инерция марказининг радиус-векторидан вақт бўйича биринчи тартибли ҳосила олинса, **инерция марказининг тезлиги** келиб чиқади:

$$\vec{v}_c = \frac{d\vec{r}_c}{dt} = \frac{\sum_{i=1}^n m_i \frac{d\vec{r}_i}{dt}}{m_c} = \frac{\sum_{i=1}^n m_i}{m_c} \vec{v}_i , \quad (8.4)$$

буерда,  $m_i \vec{v}_i = \vec{P}_i$  эканини ҳисобга олсак:

$$\vec{v}_c = \frac{\sum_{i=1}^n \vec{P}_i}{m_c} = \frac{\vec{P}_c}{m_c}, \quad (8.5)$$

бунда  $\vec{P}_c$  тизимнинг импульси бўлиб, тизимдаги моддий нуқталар импульсларининг геометрик йифиндисига teng

$$\vec{P}_c = \sum_{i=1}^n \vec{P}_i, \quad (8.6)$$

(8.5) – ифодадан моддий нуқталар тизимининг импульси қўйидагига teng бўлади.

$$\vec{P}_c = m_c \vec{v}_c, \quad (8.7)$$

Бу ниҳоятда катта аҳамиятга эга бўлган хулосани келтириб чиқаради: тизим нуқталарининг ҳамма массалари, унинг инерция марказига тўпланган ҳолда ҳаракатланганда, уларнинг марказга тўпланган умумий импульслари қандай бўлса, тизимнинг тўла импульси ҳам шунга teng бўлади.

Шунинг учун тизимнинг импульсига унинг инерция марказининг импульси ҳам дейилади. Тизим инерция марказининг импульсини (8.7) ифодага асосан қўйидагича ифодалаш мумкин:

$$\vec{P}_c = m_c \vec{v}_c = m_1 \vec{v}_1 + m_2 \vec{v}_2 + \dots + m_n \vec{v}_n = \sum_{i=1}^n m_i \vec{v}_i, \quad (8.8)$$

бунда  $m_c$  – тизимнинг тўлик массаси,  $\vec{v}_c$  – тизим инерция марказининг тезлиги;  $\vec{v}_1, \vec{v}_2, \dots, \vec{v}_n$  – тизимдаги моддий нуқталарнинг тезликлариидир.

4. Тизимдаги моддий нуқталар орасидаги ўзаро таъсир ва акс таъсир кучларини **ички кучлар** деб атаемиз.

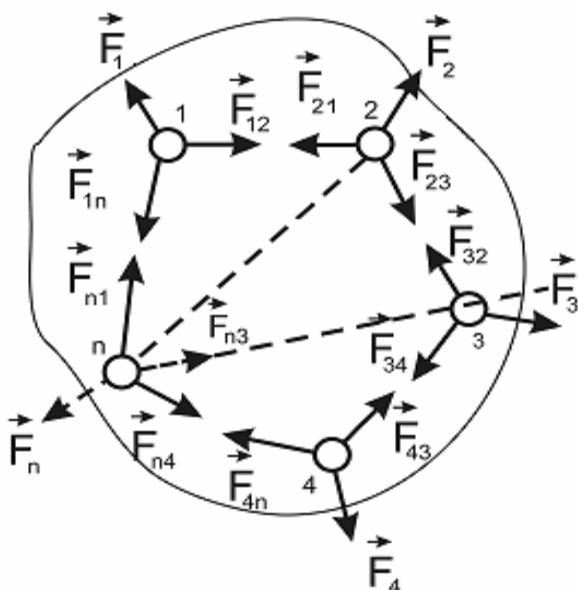
Масалан, тизимдаги 1-жисмга 2-жисмнинг таъсир кучини  $\vec{F}_{12}$ , 2 - жисмга 1-жисмнинг акс таъсир кучини эса  $\vec{F}_{21}$ , билан

белгилаймиз, шу билан бирга Ньютоннинг учинчи қонунига мувофиқ  $\vec{F}_{12} = -\vec{F}_{21}$  ёки  $\vec{F}_{12} + (-\vec{F}_{21}) = 0$  бўлади.

5. Тизимдан 1-, 2- ва х.к.  $n$ -та моддий нуқталарга таъсир қилувчи ташқи кучларнинг teng таъсир этувчисини эса битта индекс билан, яъни

$$\vec{F}_1, \vec{F}_2, \dots, \vec{F}_n$$

билилаймиз.



*10-расм. Механик тизимдаги моддий нуқталар орасидаги ўзаро таъсир кучлари*

6. Энди моддий нуқтали механик тизим учун импульснинг ўзгариш ва сақланиш қонунини қараб чиқайлик (10 - расм).

Механик тизимдаги  $n$  та нуқтанинг ҳар бири учун

$$\frac{d(m\vec{v})}{dt} = \vec{F}$$

бўлишини ҳисобга олиб, ҳаракат тенгламасини ёзамиш:

$$\left. \begin{aligned} \frac{d(m_1\vec{v}_1)}{dt} &= \vec{F}_{12} + F_{13} + \dots + \vec{F}_{1n} + \vec{F}_1 \\ \frac{d(m_2\vec{v}_2)}{dt} &= \vec{F}_{21} + \vec{F}_{23} + \dots + \vec{F}_{2n} + \vec{F}_2 \\ \dots &\dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots \\ \frac{d(m_n\vec{v}_n)}{dt} &= \vec{F}_{n1} + \vec{F}_{n2} + \dots + \vec{F}_{n(n-1)} + \vec{F}_n \end{aligned} \right\} \quad (8.9)$$

Бу тенгламаларни ҳадма-хад қўшиб, ички кучлар мос равиша гурухланса, қуйидаги кўринишдаги тенглама ҳосил бўлади.

$$\sum_{i=1}^n \frac{d}{dt}(m_i\vec{v}_i) = (\vec{F}_{12} + \vec{F}_{21}) + (\vec{F}_{13} + \vec{F}_{31}) + \dots + (\vec{F}_{n(n-1)} + \vec{F}_{(n-1)n}) + \sum_{i=1}^n \vec{F}_i \quad (8.10)$$

Ньютоннинг учинчи қонунига асосан, ҳар бир қавс ичидағи кучлар йифиндиси нолга тенг. Демак, тизим ички кучларининг тўлиқ вектор йифиндиси ҳам нолга тенг бўлади. У ҳолда (8.10) тенгламани қуйидаги кўринишда ёзиш мумкин.

$$\sum_{i=1}^n \frac{d}{dt}(m_i\vec{v}_i) = \sum_{i=1}^n \vec{F}_i \quad . \quad (8.11)$$

Бу ифоданинг чап томонидаги  $(m_i\vec{v}_i)$  кўпайтма импульс  $\vec{P}_i$  га тенг бўлиб,  $\sum_{i=1}^n \vec{P}_i$  эса тизим импульсига тенг бўлади

$$\vec{P}_c = \sum_{i=1}^n \vec{P}_i = \sum_{i=1}^n m_i \vec{v}_i \quad . \quad (8.12)$$

Ўнг томондаги ифода эса механик тизимга таъсир қилувчи ташқи кучларнинг тенг таъсир этувчисидан иборат:

$$\vec{F}_c = \sum_{i=1}^n \vec{F}_i \quad , \quad (8.13)$$

натижада,

$$\frac{d\vec{P}_c}{dt} = \vec{F}_c \quad . \quad (8.14)$$

Шундай қилиб, моддий нүқталар тизими импульсидан вақт бўйича олинган ҳосила, тизимга таъсир қилувчи ташқи кучларнинг геометрик йиғиндисидан иборат бўлган натижаловчи кучга тенгдир.

Демак, ички кучлар моддий нүқталар тизими импульсини ўзгартира олмайди.

(8.14) – тенгламага биноан қуйидаги хulosага келамиз:

Тизим инерция маркази, унда тизимдаги барча моддий нүқталар массалари мужассамлашгандек ва тизимдаги моддий нүқталарга қўйилган ташқи кучларнинг геометрик йиғиндисига тенг куч таъсир қилгандек ҳаракатланади.

## 9-§ Импульснинг сақланиш қонуни

Агар моддий нүқталар тизимиға таъсир қилаётган ташқи кучларнинг геометрик йиғиндиси нолга тенг бўлса, кўрилаётган тизим берк тизим дейилади, яъни

$$\vec{F}_c = \sum_{i=1}^n \vec{F}_i = 0 \quad \text{бўлса,}$$

(8.14) – ифода  $\frac{d\vec{P}_c}{dt} = 0$  кўринишга келади ва

$$\vec{P}_c = \vec{P}_1 + \vec{P}_2 + \dots + \vec{P}_n = const \quad (9.1)$$

бўлади.

Бу ифода тизим инерция маркази импульснинг сақланиш қонуни деб аталади.

Берк тизимдаги жисмлар импульсларининг геометрик йиғиндиси ўзгармас бўлиб қолади.

Энди  $\vec{F}_c \neq 0$  бўлиб, унинг бирор  $OX$  ўқига проекцияси нолга тенг бўлса, яъни  $\frac{d\vec{P}_x}{dt} = 0$  бўлса, импульснинг шу ўқса проекцияси ўзгармас бўлиб қолади  $\vec{P}_x = const$ .

Бу ҳолат (оғирлик кучи майдони таъсиридаги жисм ҳаракати) горизонтга бурчак остида отилган тош ёки отилган ўқ ҳаракатида намоён бўлади.

Бу ҳолда тизимнинг натижаловчи импульси  $\vec{P}_c \neq 0$  бўлиб, фақат унинг  $x$  ўқига проекцияси ўзгармас ҳолда сақланади.

Масалан, жисмнинг эркин тушишида импульснинг горизонтал  $x$  ўқи йўналишидаги ташкил этувчиси

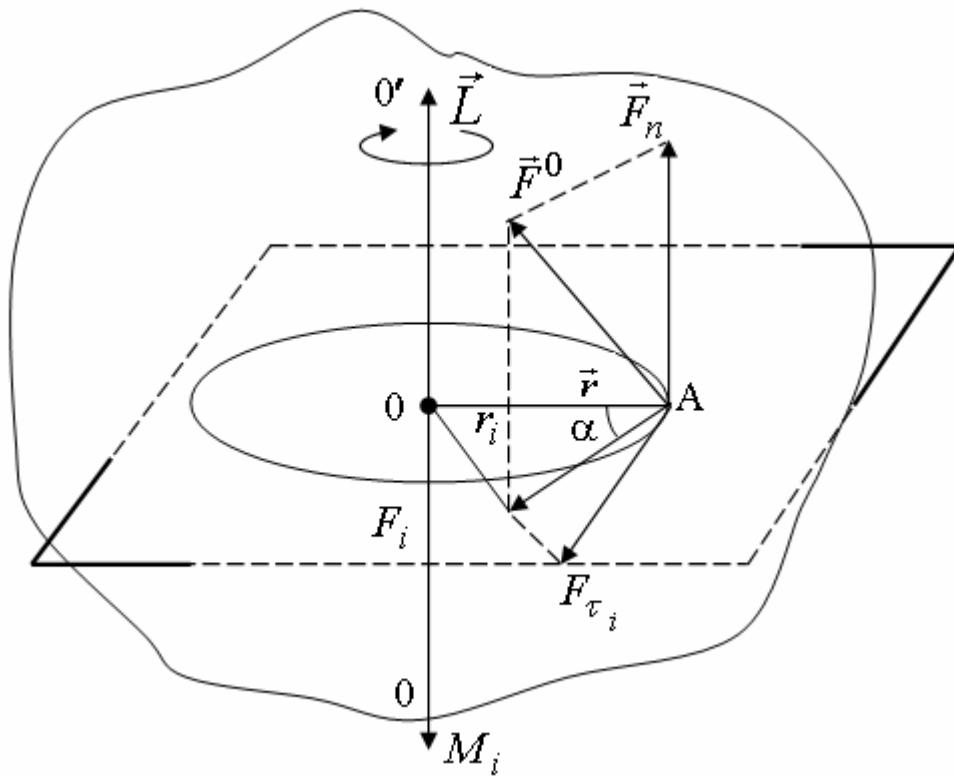
$$\vec{P}_x = \text{const}$$

бўлиб, вертикал  $y$  ўқи йўналишидаги ташкил этувчи  $\vec{P}_y$  эса узлуксиз ўзгара боради.

## 10-§ Куч моменти

Қаттиқ жисм айланма ҳаракат динамикасининг асосий катталиклари - импульс моменти ва куч моменти тушунчалари бир-бири билан чамбарчас боғлиқдир. Куч моменти нуқтага нисбатан бўлса, импульс моменти ўққа нисбатандир. Шунинг учун уларни бир-бири билан алмаштириш мумкин эмас. Ҳар қандай векторнинг бирор нуқтага нисбатан моменти вектор катталик бўлгани учун, куч моменти ҳам вектор катталикдир. Импульс моменти эса вектор катталик эмас.

Энди қаттиқ жисмнинг бирор  $O$  нуқтасига нисбатан куч вектори  $\vec{F}$  нинг ёки импульс вектори  $\vec{P}$  нинг моментини қараб чиқайлик (*11-расм*). Бу нуқта **бош нуқта ёки қутб** деб аталади.



**11-расм. 00' айланниш ўқига ўрнатилган қаттиқ жисмга ихтиёрий ташқи куч таъсири**

Масса марказидан ўтган 00' ўққа маҳкамланган жисмнинг, шу ўқдан  $r$  масофага жойлашган қандайдир  $A$  нуқтасига исталган йўналишда  $\vec{F}^0$  куч қўямиз.

$\vec{F}^0$  – куч вектори билан устма-уст тушган чизикка кучнинг таъсир чизиги деб аталади.

Айланниш ўқига перпендикуляр бўлган текисликда ётувчи кучнинг  $\vec{F}_i$  ташкил этувчиси жисмнинг айланнишига сабаб бўлиши мумкин.

$\vec{F}_n$  – ташкил этувчиси эса, 00' ўқ бўйлаб илгариланма ҳаракатни вужудга келтиради.

Кучнинг  $\vec{F}_{\tau i}$  – тангенциал ташкил этувчиси таъсирида,  $m_i$  массали А нуқта  $\vec{r}$  радиусли айланани чизиши мумкин.

$\vec{F}_i$  кучнинг айлантириш эфекти 00' ўқ билан кучнинг таъсир чизиги орасидаги масофа катта бўлиши билан орта боради.

Радиус вектор  $\vec{r}_i$  нинг  $\vec{F}_i$  кучга вектор кўпайтмаси кучнинг ихтиёрий қўзғалмас  $00'$  ўққа нисбатан куч моменти деб аталади.

$$\vec{M}_i = [\vec{r}_i \cdot \vec{F}_i] , \quad (10.1)$$

Куч моментининг модули қўйидагига тенг

$$|\vec{M}_i| = [\vec{r}_i \cdot \vec{P}] = M_i = F_i \cdot r \sin \alpha , \quad (10.2)$$

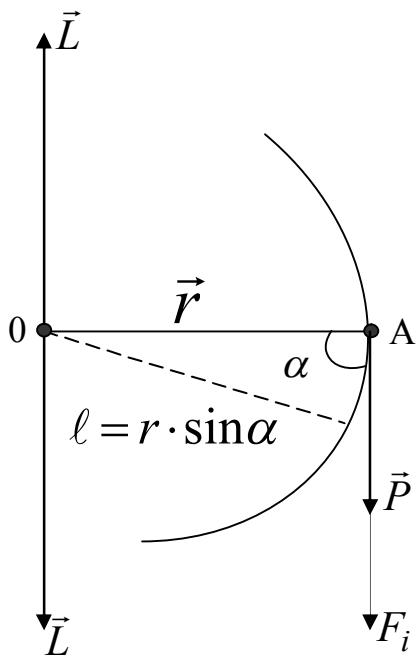
Учта  $\vec{r}_i$ ,  $\vec{F}_i$ ,  $\vec{M}_i$  векторлар ўнг парма қоидасига бўйсунгани учун куч моментининг йўналиши  $00'$  ўқ бўйича йўналган бўлади.

Массаси  $m$  га тенг бўлган моддий нуқта  $\vec{v}$  тезлик билан ҳаракатланаётганда  $\vec{P}$  импульсга эга бўлади.

$\vec{r}$  – радиус векторнинг  $\vec{P}$  импульсга вектор кўпайтмаси импульс моменти деб аталади.

$$\vec{L} = [\vec{r} \cdot \vec{P}] = [\vec{r}(m \cdot \vec{v})] = m[\vec{r} \cdot \vec{v}] , \quad (10.3)$$

$\vec{L}$  – импульс моментининг вектори йўналиши парма қоидаси асосида аниқланади (*12-расм*).



**12-расм. Моддий нүқта импульс моменти векторининг йўналиши**

$\vec{r}$  - радиус вектор ва  $\vec{P}$  - импульс вектори ётган текисликка перпендикуляр равишда 0 нүктага жойлаштирилган парма дастасининг айланма ҳаракат йўналиши импульс йўналиши билан мос тушганда, парманинг илгариланма ҳаракат йўналиши импульс моменти  $\vec{L}$  нинг йўналишини кўрсатади.

Импульс моментининг модули қўйидагига тенгdir

$$[L] = [\vec{r} \cdot \vec{P}] = r \cdot P \sin \alpha , \quad (10.4)$$

Моддий нүқта импульс моменти ўзгариш қонунини импульс моментининг вақт бўйича ҳосиласи орқали топамиз

$$\frac{d\vec{L}}{dt} = \frac{d}{dt} [\vec{r} \cdot \vec{P}] = \left[ \frac{d\vec{r}}{dt} \cdot \vec{P} \right] + \left[ \vec{r} \cdot \frac{d\vec{P}}{dt} \right] , \quad (10.5)$$

$$\frac{d\vec{L}}{dt} = [\vec{v} \cdot \vec{P}] + [\vec{r} \cdot \vec{F}] , \quad (10.6)$$

$\vec{v}$  ва  $\vec{P}$  векторлар параллел, коллениар векторларнинг кўпайтмаси бўлгани учун  $[\vec{v} \cdot \vec{P}] = 0$  га тенг бўлади, у ҳолда

$$\frac{d\vec{L}}{dt} = [\vec{r} \cdot \vec{F}] = \vec{M}_c$$

яъни

$$\frac{d\vec{L}}{dt} = \vec{M}_c , \quad (10.7)$$

Моддий нуқта импульсининг бирор нуқтага нисбатан ўзгариши, шу моддий нуқтага таъсир қилувчи куч моментига тенгдир.

Агар  $\vec{M}=0$  бўлса, импульс моментининг сақланиш қонунини ифодасига эга бўламиз.

$$\frac{d\vec{L}}{dt} = 0 , \quad \vec{L} = [\vec{v} \cdot \vec{P}] = [\vec{r} \cdot m \cdot \vec{v}] = const , \quad (10.8)$$

Ихтиёрий ўқ атрофида айланма ҳаракат қилаётган моддий нуқтага ташқи куч моменти таъсир этмаса, у ўзининг импульс моментини миқдор ва йўналиши жиҳатдан ўзгармас ҳолда сақлайди.

## Қайтариш учун назорат саволлари

1. Масса деб нимага айтилади? Куч тушунчасида қандай маъно ётади?
2. Динамиканинг асосий қонунлари, Ньютон қонунларини тушунтиринг. Бу қонунлар қандай саноқ тизимлари учун ўринли.
3. Табиатдаги кучларни изохлаб тушунтириб беринг.
4. Импульс ва импульснинг сақланиш қонунини тушунтириб беринг. Куч моменти нима? Импульс моменти ва унинг сақланиш қонунини тушунтиринг. Куч ва импульс моментларини вектор йўналишларини аниқлаб беринг.

## 11-§ Қаттиқ жисм айланма ҳаракат динамикасининг асосий тенгламаси

Шу вақтгача айланы бўйлаб ҳаракат тенгламаларини чизиқли тезлик орқали ифода қилган эдик. Энди шу ифодаларни бурчак тезлик  $\omega$  ва бурчакли тезланиш  $\beta$

$$\frac{d\omega}{dt} = \beta$$

орқали ифодалаймиз.

1. Импульс моменти.

$$\vec{L} = [\vec{r} \cdot \vec{P}] = [\vec{r} \cdot m \cdot \vec{v}] = m[\vec{r} \cdot \vec{v}] , \quad (11.1)$$

чизиқли тезлик бурчак тезлик билан қуйидагича боғланган  $\vec{v} = \omega \vec{r}$ , у ҳолда

$$L_z = m[\vec{r} \cdot \omega \vec{r}] = mr^2 \cdot \omega \quad (11.2)$$

$\vec{L}_z$  - моддий нуқта импульсининг  $z$  ўққа нисбатан импульс моментидир.

Моддий нуқта импульсининг  $z$  айланыш ўқига нисбатан **инерция моменти** унинг массасининг айланыш радиуси квадрати қўпайтмасига тенг бўлган физик катталикдир.

$$I_z = \frac{\vec{L}_z}{\omega} = m\vec{r}^2 , \quad (11.3)$$

Қаттиқ жисмнинг  $z$  айланыш ўқига нисбатан импульс моменти -  $\vec{L}_z$  шу ўққа нисбатан инерция моменти  $I_z$  – нинг бурчак тезликка қўпайтмасига тенгдир.

$$L_z = I_z \cdot \omega$$

Энди импульс моментининг ўзгаришини аниқлаймиз.

$$\frac{d\vec{L}_z}{dt} = \frac{d(I_z\omega)}{dt} = M_z \quad , \quad (11.4)$$

$$\frac{dL_z}{dt} = I_z \cdot \frac{d\vec{\omega}}{dt} = I_z \cdot \vec{\beta} = \vec{M}_z \quad (11.5)$$

Шундай қилиб, қаттиқ жисмнинг  $z$  айланиш ўқига нисбатан инерция моментини бурчак тезланишга кўпайтмаси, ташқи кучнинг шу ўққа нисбатан натижавий куч моментига тенг бўлади.

(11.5) – ифода қаттиқ жисм айланма ҳаракат динамикасининг асосий тенгламасидир, у  $\vec{F} = m\vec{a}$  тенгламага ўхшаш бўлгани учун баъзан унинг қаттиқ жисм айланма ҳаракати учун Ньютоннинг иккинчи қонуни деб аталади.

Агар айланиш ўқига эга бўлган жисмга ташқи кучлар таъсир қилмаса

$$\vec{M}_z = 0$$

$$d\vec{L}_z = \vec{M}_z dt = 0$$

ёки

$$d\vec{L}_z = d(I_z \cdot \vec{\omega}) = \vec{M}_z dt = 0$$

$$L_z = I_z \vec{\omega} = const \quad , \quad (11.6)$$

Бу ифода **импульс моментининг сақланиш қонунидир**.

Айланиш ўқига эга бўлган қаттиқ жисмга ташқи кучлар таъсир этмаса ёки уларнинг айланиш ўқига нисбатан куч моменти нолга тенг бўлса, қаттиқ жисмнинг айланиш ўқига нисбатан импульс моменти миқдор ва йўналиши жиҳатидан ўзгармай қолади.

## 12-§ Иш ва қувват

Энергия – барча турдаги моддаларнинг ҳаракати ва ўзаро таъсириининг универсал миқдорий ўлчовидир.

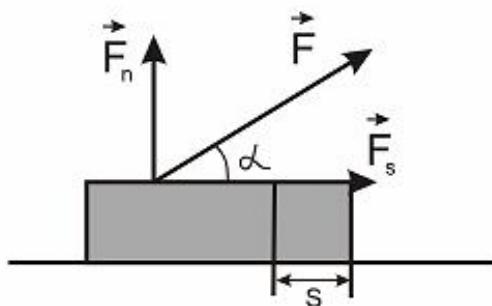
Модда ҳаракатининг шаклига қараб, энергиянинг ҳар хил турларига эга бўламиз: механик энергия, иссиқлик энергияси, электромагнит энергия, қуёш энергияси ва ҳ.к.

Айрим ҳодисаларда модданинг ҳаракат шакли ўзгармайди, (масалан, қизиган жисм совуқ жисмни иситади) бошқа ҳодисаларда ҳаракат бошқа шаклга ўтади (механик ишқаланишда механик ҳаракат энергияси иссиқлик энергиясига айланади).

Аммо, барча ҳолларда бошқа жисмга узатилган энергия, иккинчи жисм олган энергияга teng бўлади.

Жисм механик ҳаракатининг ўзгариши унга бошқа жисмлар томонидан таъсир этган кучлар ҳисобига бўлади. Шу сабабли, ўзаро таъсиrlашаётган жисмлар орасидаги энергия алмашуви миқдорини баҳолаш учун, кузатилаётган жисмга қўйилган кучнинг бажарган иши кўриб чиқилади.

Агар, жисм тўғри чизиқли ҳаракат қилаётган бўлса ва унга кўчиш йўналиши билан  $\alpha$  бурчак ҳосил қилган доимий  $\vec{F}$  куч таъсир этса, шу кучнинг бажарган **иши** кучнинг ҳаракат йўналишига проекциясини куч қўйилган нуқтанинг силжишига кўпайтмасига tengdir (*13-расм*).

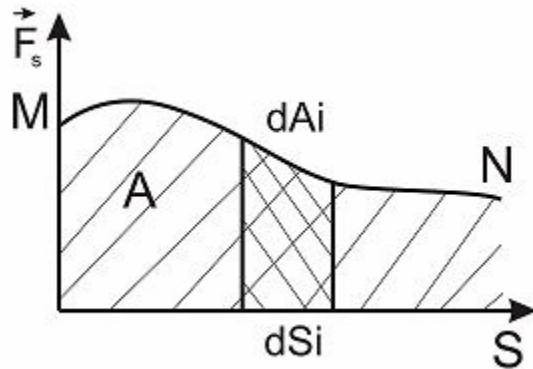


*13-расм.*  $F$  куч таъсирида тўғри чизиқли ҳаракат қилаётган жисмнинг кўчиши

$$A = F_s \cdot S = F \cdot S \cdot \cos \alpha . \quad (12.1)$$

Умумий ҳолларда, куч модули ва йўналиши бўйича ўзгариб туриши мумкин.

Ўзгарувчан куч бажарган ишни аниқлаш учун, босиб ўтилган йўлни шундай кичик бўлакчаларга бўламизки, уларнинг ҳар бирини тўғри чизиқдан иборат ва улардаги таъсир кучни ўзгармас деб ҳисоблаймиз (14-расм).



*14-расм. Ўзгарувчи ташқи куч таъсирида жисмнинг қўчишида бажарган иши*

У ҳолда элементар иш

$$dA_i = F_{Si} dSi = F_i dS_i \cos \alpha_i . \quad (12.2)$$

Ўзгарувчан кучнинг  $MN$  қўчишида бажарган иши

$$A = \int_M^N F_S dSi = \int_M^N F_i dS_i \cos \alpha_i , \quad (12.3)$$

га тенг бўлади. Бу интегрални ҳисобаш учун  $F_S$  кучнинг  $S$  траектория билан боғлиқлигини билиш зарур. Бу кучнинг бажарган иши  $S$  траектория остидаги майдон юзига тенгдир.

Агар жисм тўғри чизиқли ҳаракат қиласа, таъсир этувчи куч ва  $\alpha$  - бурчак ўзгармас бўлади.

Шу сабабли

$$A = F \cos \alpha \int_M^N dS = F \cdot S \cos \alpha$$

га эга бўламиз. Бу ерда  $S$  – жисмнинг босиб ўтган йўли. (12.3) - ифодадан:

$\alpha < \frac{\pi}{2}$  бўлганда, кучнинг бажарган иши мусбат бўлади,

$\alpha > \frac{\pi}{2}$  бўлганда, кучнинг бажарган иши манфий,

$\alpha = \frac{\pi}{2}$  бўлганда, кучнинг бажарган механик иши нолга teng бўлади.

Иш бирлиги – 1 жоулдан иборат:

$$1\mathcal{K} = 1\text{Н}\cdot\text{м}.$$

Бажарилаётган ишнинг жадаллигини тавсифлаш учун қувват тушунчасидан фойдаланилади.

$N$  – қувват деб,  $\Delta A$  бажарилган ишнинг, шу ишни бажариш учун кетган  $\Delta t$  вақтга нисбатига teng физик катталикка айтилади.

$$N = \frac{\Delta A}{\Delta t} . \quad (12.4)$$

Агарда жисм  $\vec{F}$  куч таъсирида  $\vec{v}$  ўзгармас тезлик билан ҳаракатланса, қувват қуйидагича ифодаланади:

$$N = \frac{\Delta A}{\Delta t} = \frac{F_s \cdot \Delta S}{\Delta t} = F_s \cdot v$$

ва кучнинг ҳаракат йўналишига проекцияси  $F_s$  ни жисмнинг тезлигига кўпайтмасига teng бўлади.

Қувват ўзгарувчан бўлганда оний қувват тушунчасидан фойдаланилади:

$$N = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta A}{\Delta t} = \frac{dA}{dt}$$

Агарда оний қувват ўзгарувчан бўлиб  $\Delta t$  вақт нолдан сезиларли фарқ қилса, у ҳолда ўртача қувват тушунчаси ўринли бўлади

$$\langle N \rangle = \frac{\Delta A}{\Delta t}$$

Қувват бирлиги – Вт билан ўлчанади

**1Вт=1 Ж/сек.**

### 13-§ Кинетик ва потенциал энергия

Кинетик энергия жисм механик ҳаракатининг ўлчовидир ва бу ҳаракатни вужудга келтириш учун бажарилган иш билан баҳоланади.

Агар  $\vec{F}$  куч тинч турган жисмга таъсир этиб, унга  $\vec{v}$  ҳаракат тезлигини берса, у ҳолда у иш бажариб жисмнинг ҳаракат энергиясини шу бажарилган иш миқдорига оширади. Шундай қилиб, бу бажарилган иш жисмнинг кинетик энергиясининг ошишига олиб келади.

$$dA = dW_k$$

Ньютон II қонунининг скаляр формасидан фойдалансак

$$F = m \frac{d\upsilon}{dt}$$

бажарилган ишни куйидагича ифодалашимиз мумкин.

$$dA = F \cdot dS = m \frac{d\upsilon}{dt} \cdot dS$$

$\upsilon = \frac{dS}{dt}$  бўлгани учун;

$$dA = m d\upsilon \cdot \frac{dS}{dt} = m \upsilon \cdot d\upsilon = dW_k$$

Тўла кинетик энергия ифодаси эса

$$W_k = \int_0^{\upsilon} m \upsilon \cdot d\upsilon = m \cdot \int_0^{\upsilon} \upsilon \cdot d\upsilon = \frac{m \upsilon^2}{2}$$

га teng бўлади.

Шундай қилиб  $\upsilon$  - тезлик билан ҳаракатланаётган,  $m$  - массали жисмнинг кинетик энергияси

$$W_k = \frac{m \upsilon^2}{2}, \quad (13.1)$$

га тенг экан. Кинетик энергия  $m$  – массага боғлиқ бўлиши билан ҳаракат тезлиги функцияси ҳамдир.

Потенциал энергия - умумий механик энергиянинг бир қисми бўлиб, жисмларнинг бир-бирига нисбатан қандай ҳолатда туриши ва улар орасидаги таъсир кучларининг характеристига боғлиқдир.

Агарда жисмларнинг ўзаро таъсири куч майдонлари орқали бажарилса (масалан, эластик куч майдони, гравитация кучи майдони, электр таъсир кучи майдони) бу ҳолда жисмни кўчишида бажарилган иш, бир нуқта билан иккинча нуқта орасидаги траекторияга боғлиқ бўлмай, жисмнинг бошланғич ва охирги ҳолатига боғлиқдир. Бундай иш бажарадиган майдонлар **потенциал майдонлар** деб аталади ва уларда таъсир қилувчи кучлар **консерватив кучлар** деб аталади.

Агарда куч бажарган иш ҳаракат траекториясига боғлиқ бўлса, бундай кучлар **диссипатив кучлар** деб аталади.

Кучнинг потенциал майдонида турган жисм  $W_n$  - потенциал энергияга эга бўлади.

Одатда жисмнинг маълум бир ҳолатдаги потенциал энергиясини ноль деб ҳисоблаб, ҳисоб бошини белгилашади. Бошқа ҳолатдаги энергия ҳисоб бошидаги ҳолатга нисбатан аниқланади. Шунинг учун айрим вақтларда потенциал энергиялар фарқи деган тушунчадан фойдаланилади.

Жисмга қўйилган консерватив кучлар бажарган иш, шу жисм потенциал энергиясини ўзгаришига тенгdir.

$$dA = -dW_n \quad , \quad (13.2)$$

Бунда потенциал энергия **сарф бўлиши натижасида иш бажарилгани учун** минус ишора пайдо бўлди. Бажарилган иш  $dA=Fdr$  бўлгани учун

$$Fdr = -dW_n \quad . \quad (13.3)$$

Агарда  $W_n(r)$  - функция аниқ бўлса, кучнинг модули ва йўналишини аниқлаш мумкин.

$W_n(r)$  функцияниг аниқ кўриниши куч майдонининг характеристи билан аниқланади. Масалан, Ер сиртидан  $h$  баландликка қўтарилиган жисмнинг потенциал энергияси

$$W_n = \int dW_n = \int_0^h Pdh = mgh , \quad (13.4)$$

га тенгдир.

Бу ерда потенциал энергия  $h$  баландликдан тушаётган  $m$  массали жисмнинг бажарган ишига тенгдир.

Тизимнинг тўлиқ энергияси, доимо механик ҳаракат ва ўзаро таъсир энергияларнинг йиғиндисидан иборатдир.

$$W = W_k + W_n , \quad (13.5)$$

## 14-§ Энергиянинг сақланиш қонуни

Энергиянинг сақланиш қонуни – кўпгина тажрибавий маълумотларнинг умумлашган натижасидир. Бу қонунни миқдор жиҳатдан немис врачи Ю.Майер ва немис табиатшуноси Г.Гельмгольцлар ифодалаб беришган.

Массалари  $m_1, m_2, \dots, m_n$ , ва  $v_1, v_2, \dots, v_n$  тезлик билан ҳаракатланаётган моддий нуқталардан иборат бўлган ёпиқ тизимни олайлик.

Хар бир моддий нуқтага  $f_1, f_2, \dots, f_n$  тенг таъсир этувчи ички консерватив кучлар ва  $\vec{F}_1, \vec{F}_2, \dots, \vec{F}_n$  тенг таъсир этувчи ташқи кучлар таъсир этаётган бўлсин.

$v < c$  бўлганда, моддий нуқталар массалари ўзгармаганлиги сабабли, уларга Ньютоннинг II қонунини тадбиқ этиш мумкин:

$$m_1 \frac{d\vec{v}_1}{dt} = \vec{f}_1 + \vec{F}_1$$

$$m_2 \frac{d\vec{v}_2}{dt} = \vec{f}_2 + \vec{F}_2$$

.....

$$m_n \frac{d\vec{v}_n}{dt} = \vec{f}_n + \vec{F}_n$$

Барча нүкталар қандайдыр  $dt$  вақт оралиғида  $dx_1, dx_2, \dots, dx_n$  масофаларга күчган бўлсин. Шу қўчишларни тезлик орқали, скаляр кўринишда ифодаласак, куйидагиларга эга бўламиз:

$$m_1(v_1 dv_1) - (f_1 + F_1)dx_1 = 0$$

$$m_2(v_2 dv_2) - (f_2 + F_2)dx_2 = 0$$

.....

$$m_n(v_n dv_n) - (f_n + F_n)dx_n = 0$$

Ёпик тизим учун, унинг моддий нүкталарига таъсир этувчи ташқи кучлар йиғиндиси нолга tengdir

$$F_1 + F_2 + \dots + F_n = 0 .$$

Шу сабабли юқоридаги тенгламаларни жамласак, куйидагига эга бўламиз

$$\sum_{i=1}^n m_i v_i dv_i - \sum_{i=1}^n f_i \cdot dx_i = 0 .$$

Бу ерда

$$\sum_{i=1}^n m_i v_i dv_i = \sum_{i=1}^n d \left( m_i \frac{v_i^2}{2} \right) = dW_k , \quad (14.1)$$

$dW_k$  – тизим кинетик энергиясининг чексиз кичкина ўзгаришидир –  $\sum_{i=1}^n f_i \cdot dx_i = 0$  ёпиқ тизим ичидаги моддий нуқталарнинг ички консерватив кучларга қарши бажарган ишидир ва у тизим потенциал энергиясини ўзгаришига тенгdir

$$dA = -dW_n$$

Бутун ёпиқ тизим учун

$$dW_k + dW_n = 0$$

га тенг. Демак ёпиқ тизимнинг тўлиқ механик энергияси

$$W_k + W_n = W = \text{const} \quad , \quad (14.2)$$

га эга бўламиз.

(14.2) – ифода механик энергиянинг сақланиш қонунидир.

Жисмларнинг ёпиқ тизимида фақат консерватив кучлар таъсир этса, механик энергия сақланиб қолади ёки вақт бўйича ўзгармас бўлади.

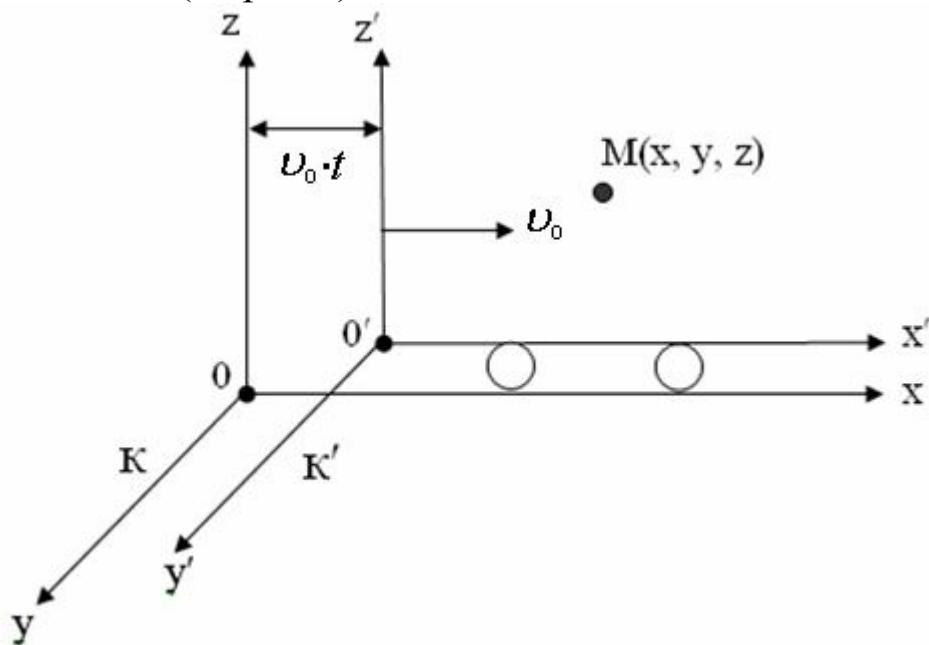
## 15-§ Инерциал саноқ тизимлари. Галилей алмаштиришлари

Жисмнинг ҳаракати ва тинч ҳолати биз кузатаётган саноқ тизимларига нисбатан нисбий тушунчалардир.

Бир-бирига нисбатан текис ва тўғри чизиқли ҳаракат қилаётган саноқ тизимларнинг бирида Ньютон қонунлари бажарилса, бундай саноқ тизимлар **инерциал саноқ тизимлар деб аталади**.

Оддий мисолда бир инерциал тизимдаги нуқта координаталаридан иккинчи тизимдаги координаталарга ўтиш формулаларини келтириб чиқаришга ҳаракат қиласиз.

Шартли тинч ҳолатда бўлган  $K$  саноқ тизимига нисбатан  $0X$  ўқи бўйлаб  $v_0 = \text{const}$  тезлик билан ҳаракатланаётган  $K'$  саноқ тизимини оламиз (15-расм).



*15-расм. Бир-бирига нисбатан текис ва тўгри чизиқли ҳаракат қилаётган инерциал саноқ тизимлар*

$t=0$  моментда икки саноқ тизими бир-бирининг устига тушади.

$t$  вақтдан сўнг  $K$  - тизимдаги қандайдир  $M$  нуқтанинг координаталари  $M(x, y, z)$  бўлсин.

$K'$ - саноқ тизимида эса, бу нуқтанинг координаталари

$$x = x' - v_0 \cdot t, \quad y' = y, \quad z' = z, \quad (15.1)$$

$$K' \rightarrow K$$

Натижада

$$x = x' + v_0 \cdot t, \quad y = y', \quad z' = z, \quad t = t'. \quad (15.2)$$

га эга бўламиз. Ҳар икки тизимда вақт бир хил ўтади  $t = t'$ .

Булар **Галилейнинг координаталарни алмаштириш ифодалари** ёки классик механиканинг координаталарни алмаштириш формулалари деб аталади.

(15.2) – ифодалардан  $t$  бўйича ҳосила оламиз:

$$\frac{dx}{dt} = \frac{dx'}{dt} + v_0 ; \quad \frac{dy}{dt} = \frac{dy'}{dt} ; \quad \frac{dz}{dt} = \frac{dz'}{dt}$$

$$v_x = v_x^1 + v_0 ; \quad v_y = v_y^1 ; \quad v_z = v_z^1 .$$

ёки вектор кўринишда:

$$\vec{v} = \vec{v}' + \vec{v}_0 \quad (15.3)$$

Бу ифода **классик механикада тезликларни қўшиш формуласи** деб аталади.

Бир саноқ тизимидан иккинчи саноқ тизимига ўтишда координаталарни алмаштириш (15.1) – ифода билан, тезликларни алмаштириш эса (15.3) – ифода билан амалга оширилади.

(15.3) – ифодадан  $t$  вақт бўйича ҳосила олсак:

$$\frac{d\vec{v}}{dt} = \frac{d\vec{v}'}{dt} ; \quad \vec{a} = \vec{a}' , \quad (15.4)$$

га эга бўламиз. Барча саноқ тизимларида тезланиш бир-хил бўлиб, бир инерциал саноқ тизимидан иккинчи саноқ тизимига ўтиш инвариант бўлади.

### Қайтариш учун назорат саволлари

1. Энергия, иш, қувват тушинчаларини аниқлаб беринг.
2. Қандай механик энергия турларини биласиз? Механик энергияни сақланиш қонуни қандай тизимлар учун тўғри бўлади?

3. Консерватив ва диссипатив күчлар қандай күчлар? Нима учун тортишиш күчлар майдони потенциал майдон дейилади?
4. Инерциал саноқ тизимларида ўтиш формулаларини ёзинг. Механик нисбийлик принципини тушинтиринг.

## 16-§ Эйнштейн постулатлари. Лоренц алмаштиришлари

Эйнштейннинг маҳсус нисбийлик – релятивистик назарияси иккита постулатга асосланган:

1. Нисбийлик принципи: барча инерциал саноқ тизимлари тенг ҳуқуқлидир, бу тизимларда табиат ҳодисалари бир хилда ўтади ва қонунлар бир хил ифодаланади.

Бошқача қилиб айтганда, барча физик ҳодисалар турли инерциал саноқ тизимларида бир хил содир бўлиб, механик, электромагнит, оптик ва шу каби тажрибалар ёрдамида, берилган инерциал саноқ тизимининг тинч турганлигини ёки тўғри чизиқли текис ҳаракатланаётганлигини аниқлаб бўлмайди.

2. Ёруғлик тезлигининг инвариантлик принципи: ёруғликнинг бўшлиқдаги тезлиги барча инерциал саноқ тизимларида бир хил бўлиб, манба ва кузатувчининг нисбий ҳаракат тезлигига боғлиқ эмас.

Маҳсус нисбийлик назариясининг биринчи постулати Галилейнинг нисбийлик принципига мувофиқ келади ва уни ёруғликнинг тарқалиш қонунларига жорий этиб, умумлаштиради.

Аммо, иккала постулатнинг бир вақтдаги тадбики Галилей алмаштиришларига зиддир.

Бу иккала постулат барча экспериментал фактлар билан тасдиқлангани учун, бу зиддият постулатлар орасида эмас, балки постулатлар билан Галилей алмаштиришлари орасида

мавжуддир. Чунки Галилей алмаштиришларини ёруғлик тезлигига яқин тезликдаги ҳаракатларга тадбиқ этиб бўлмайди.

Эйнштейн шундай алмаштиришларни топдики, бу алмаштиришлар махсус нисбийлик назариясининг иккала паствулатига ҳам, Галилей алмаштиришларига ҳам мувофиқ келади.

Бу алмаштиришлар олдинроқ Лоренц томонидан юзаки топилганлиги учун – Лоренц алмаштиришлари деб аталади.

$$x = \frac{x' + v_0 t'}{\sqrt{1 - \frac{v_0^2}{c^2}}} ; \quad y = y', \quad z = z', \quad t = \frac{t' + \frac{v_0 x'}{c^2}}{\sqrt{1 - \frac{v_0^2}{c^2}}} , \quad (16.1)$$

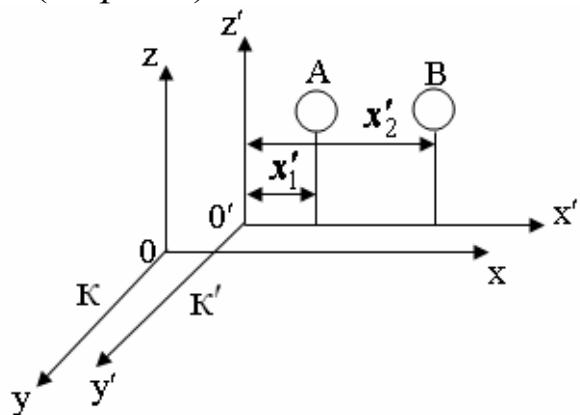
Лоренц алмаштиришларига бир неча мисоллар келтирамиз:

1) Бирор бир тизимнинг ҳар хил нуқталарида бир вақтда содир бўлаётган ҳодисалар, бошқа тизимда бир вақтда содир бўлмаслиги мумкин.

16-расмда  $K'$  саноқ тизимида, координаталари

$$x'_1 \neq x'_2$$

бўлган А ва В нуқталарда бир вақтда ( $t_1^1 = t_2^1$ ) иккита лампа ёришган бўлсин (16-расм).



*16-расм. Бир-бирига нисбатан текис ва тўғри чизикли ҳаракат қилаётган саноқ тизимларида содир бўладиган ҳодисаларнинг вақт моментлари*

К-саноқ тизимида  $t_1$  ва  $t_2$  вақт моментлари (16.1) – ифодага биноан қуидагича бўлади:

$$t_1 = \frac{t'_1 + \frac{v_0 x'_1}{c^2}}{\sqrt{1 - \frac{v_0^2}{c^2}}} \quad \text{ва} \quad t_2 = \frac{t'_2 + \frac{v_0 x'_2}{c^2}}{\sqrt{1 - \frac{v_0^2}{c^2}}}$$

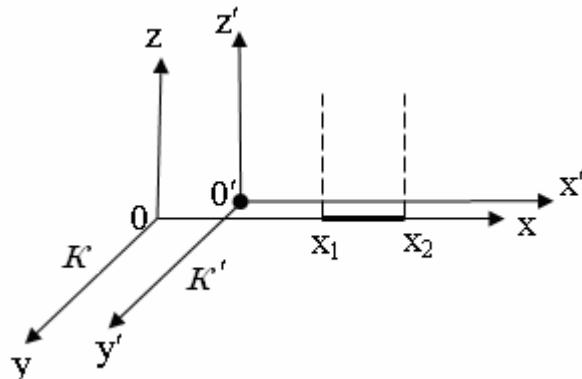
$$t'_1 = t'_2 \quad \text{ва} \quad x'_1 \neq x'_2$$

бўлгани учун

$$t_1 \neq t_2$$

яъни  $K$  – саноқ тизимида иккита лампа ҳар хил вақтларда ёришади.

2) К саноқ тизимида  $Ox$  ўки бўйлаб координатлари  $x_1$  ва  $x_2$  бўлган стержен ётган бўлсин (17-расм).



*17-расм. Бир-бирига нисбатан ҳаракатда бўлган саноқ тизимида узунлик ўлчамининг ўзгариши*

К саноқ тизимида стерженning узунлиги

$$\ell_0 = x_2 - x_1$$

бўлади,  $K'$ - тизимда эса

$$\ell = x'_2 - x'_1$$

бу ерда  $t'_1 = t'_2$  (16.1) - Лоренц алмаштиришларига асосан

$$\ell_0 = x_2 - x_1 = \frac{x'_2 + v_0 t'_2}{\sqrt{1 - \frac{v_0^2}{c^2}}} - \frac{x'_1 + v_0 t'_1}{\sqrt{1 - \frac{v_0^2}{c^2}}} = \frac{\ell}{\sqrt{1 - \frac{v_0^2}{c^2}}}$$

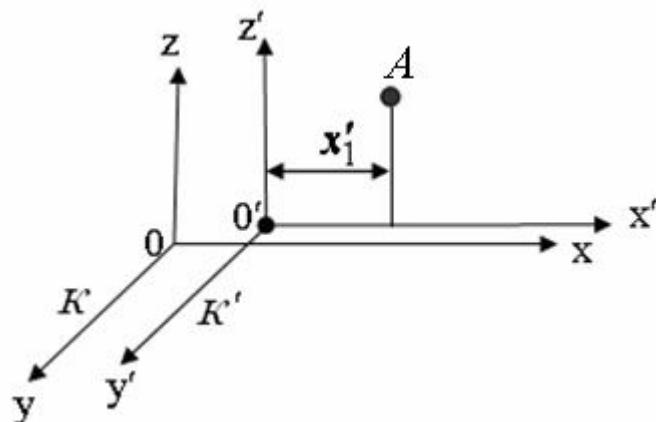
ёки

$$\ell = \ell_0 \cdot \sqrt{1 - \frac{v_0^2}{c^2}}$$

Стержен тинч ҳолатда бўлган  $K$  - саноқ тизимида  $v_0$  – тезлик билан ҳаракатланадиган  $K'$  - саноқ тизимида стерженнинг узунлиги  $\sqrt{1 - \frac{v_0^2}{c^2}}$  марта кичикдир.

Тизимнинг  $v_0$  – тезлиги, ёруғлик тезлигига яқинлашиши билан, стерженнинг узунлиги нолга тенглашади ва унинг ҳақиқий узунлиги йўқола боради.

3)  $K'$  тизимда координаталари  $x'_1 \neq x'_2$  бўлган  $A$  – нуқтада лампа  $t'_1$  – вақтда ёришиб,  $t'_2$  – моментда ўчади (18-расм).



*18-расм. Бир-бирига нисбатан ҳаракатда бўлган саноқ тизимида вақтнинг ўзгариши*

$K'$ - тизимда лампанинг ёниш вақти

$$\Delta t' = t'_2 - t'_1$$

га тенг.

Лоренц алмаштиришларидан фойдаланиб  $K$  – тизимда ёниш вақтини ифодалаб күрамиз.

$$\Delta t = t_2 - t_1 = \frac{t'_2 + \frac{v_0}{c^2} x'_2}{\sqrt{1 - \frac{v_0^2}{c^2}}} - \frac{t'_1 + \frac{v_0}{c^2} x'_1}{\sqrt{1 - \frac{v_0^2}{c^2}}} = \frac{\Delta t^1}{\sqrt{1 - \frac{v_0^2}{c^2}}}$$

$$\Delta t = \frac{\Delta t^1}{\sqrt{1 - \frac{v_0^2}{c^2}}} ; \quad \Delta t' = \Delta t \sqrt{1 - \frac{v_0^2}{c^2}} .$$

Ходиса содир бўлаётган тизимнинг тезлиги ёруғлик тезлигига яқинлашиши билан  $K$  – тизимда ёниш вақти чексизликка интилади ва ўз маъносини йўқотади.

4) (15.3)- ва (16.1)- формулалардан фойдаланиб тезликларни қўшишнинг релятивистик ифодасини келтириб чиқариш мумкин. Юқоридаги формулаларнинг ҳосилаларини келтирамиз

$$dx = \frac{dx' + v_0 dt'}{\sqrt{1 - \frac{v_0^2}{c^2}}} ; \quad dt = \frac{dt' + \frac{v_0}{c^2} dx'}{\sqrt{1 - \frac{v_0^2}{c^2}}} ,$$

$$\frac{dx}{dt} = \frac{dx' + v_0 dt'}{dt' + \frac{v_0}{c^2} dx'} , \quad v_x = \frac{v'_x + v_0}{1 + \frac{v_0}{c^2} v'_x}$$

ёки

$$v'_x = \frac{v_x - v_0}{1 - \frac{v_0}{c^2} v_x}$$

5) Классик механикага асосан, жисмнинг массаси ўзгармасдир. Аммо, заррачалар тезлигининг ошишида

Ўтказилган тажрибаларда массанинг тезлика боғлиқлиги кузатилган

$$m = \frac{m_0}{\sqrt{1 - \frac{v_0^2}{c^2}}} , \quad (16.2)$$

бу ерда  $m_0$  – тинч ҳолатда турган электроннинг массаси.

$m$  – релятивистик масса деб аталади.

Ньютоннинг динамикасига асосан

$$\vec{F} = m \frac{d\vec{v}}{dt}$$

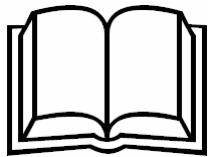
Моддий нүкта релятивистик динамикасининг асосий қонунини шундай ёзиш мумкин:

$$\vec{F} = \frac{d}{dt} \left( \frac{m_0}{\sqrt{1 - \frac{v_0^2}{c^2}}} \cdot \vec{v} \right) , \quad (16.3)$$

ёки

$$\vec{F} = \frac{d\vec{p}}{dt} ; \quad \vec{P} = m\vec{v} = \frac{m_0}{\sqrt{1 - \frac{v_0^2}{c^2}}} \cdot \vec{v} , \quad (16.4)$$

Бу моддий нүктанинг **релятивистик импульсидир**.



П Боб

## ЭЛЕКТР

### 17-§ Электр ўзаро таъсир

Тажрибалар кўрсатишича, зарядланган ва магнитланган жисмлар, шунингдек электр токи оқаётган жисмлар орасида **электромагнит кучлар** деб аталувчи ўзаро таъсир кучлари мавжуддир.

Жисмлар орасидаги бу ўзаро таъсир электромагнит майдон деб аталувчи ўзига хос воситачи материя орқали узатилади.

Электромагнит майдон назариясининг асосчиси Фарадей бир жисмнинг бошқасига таъсири уларни бир-бирига текказиш орқали ёки электромагнит майдон деб аталувчи, оралиқ муҳит орқали узатилиши мумкин, деб ҳисоблади.

Максвелл эса, Фарадейнинг асосий ғояларини математик шаклда ифодалаб, электромагнит тўлқинлар мавжудлигини кўрсатиб берди ва уларнинг тарқалиш тезлиги ёруғликнинг вакуумдаги тезлигига мос эканлигини исботлади.

Атом – молекуляр назарияга асосан, ўзаро таъсир кучлари жисмни ташкил этувчи зарядли заррачалар орасидаги электр ўзаро таъсир натижасидир. Бундан, электромагнит майдон ҳақиқатан ҳам мавжудлиги ва у материянинг бир кўриниши эканлиги келиб чиқади.

Электромагнит майдон энергия, импульс ва бошқа физиковий хусусиятларга эгадир.

Зарядланган *A* жисм атрофидаги фазода электр майдон ҳосил бўлади. Бу майдон унга киритилган бошқа бирор бир зарядланган *B* жисмга кўрсатаётган таъсири орқали намоён бўлади. Лекин, шуни таъкидлаш лозимки, *A* жисмнинг зарядлари ҳосил қилган майдон бошқа зарядланган жисм жойлаштирилмаганда ҳам фазонинг ҳар бир нуқтасида мавжуддир. Электромагнит майдон мавжуд бўлган фазо-эфир ёки **вакуум** деб аталади.

Электрон назариянинг асосий ғоясини замонавий физика тилида қуидагича ифодалаш мумкин: ҳар қандай модда мусбат зарядли атом ядроидан ва манфий зарядли электронлардан ташкил топган.

Электр заряди айрим элементар заррачаларнинг муҳим хусусияти ҳисобланиб, бу заррачаларнинг заряди  $e$  – элементар зарядга teng.

Ҳар қандай  $q$  заряд бир қанча элементар зарядлардан ташкил топганлиги туфайли, у доимо  $e$  – га каррали бўлади.

$$q = \pm Ne , \quad (17.1)$$

(17.1) – ифодадан, заряд дискрет қийматларни қабул қилгани учун у квантланган ҳисобланади.

Ҳар хил инерциал саноқ тизимларда ўлчанадиган заряд миқдори бир хил бўлгани учун у релятивистик инвариантдир. Бошқача қилиб айтганда, заряд миқдори заряд ҳаракатда бўлса ҳам, тинч ҳолатда бўлса ҳам бир хилдир.

Электр зарядлари пайдо бўлиши ва йўқолиши мумкин, аммо бу ҳолда албатта ҳар хил ишорали иккита заряд бўлиши шарт.

Шундай қилиб, электрдан ажратилган тизимларда зарядлар йиғиндиси ўзгармас бўлади ва бу зарядларнинг **сақланиш қонуни** деб аталади.

$$q_1 + q_2 + q_3 + \dots + q_n = \sum_{i=1}^n q_i$$

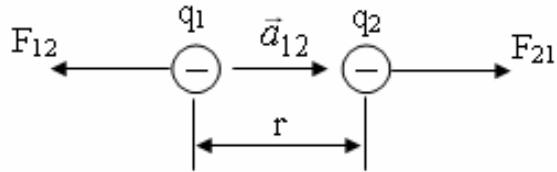
## 18-§ Кулон қонуни

**Нуқтавий заряд** деб, шундай зарядланган жисмга айтиладики, унинг ўлчамлари бошқа зарядланган жисмларга бўлган масофага нисбатан сезиларли даражада кичик бўлиши керак.

Кулон бурама тарози орқали нуқтавий зарядлар орасидаги ўзаро таъсир кучини, уларнинг зарядлари миқдори ва

ораларидаги масофага боғлиқлигини ўрганди ва қуидаги хulosага келди: иккита қўзғалмас нуқтавий зарядлар орасидаги ўзаро таъсир кучи зарядларнинг ҳар бирининг миқдорлари кўпайтмасига тўғри пропорционал ва улар орасидаги масофанинг квадратига тескари пропорционалдир.

Кучнинг йўналиши зарядларни туташтирувчи тўғри чизик бўйлаб йўналгандир (*19-расм*).



*19-расм. Қўзғалмас нуқтавий зарядга таъсир этувчи куч*

$$\vec{F}_{12} = -k \frac{q_1 q_2}{r^2} \vec{a}_{12}, \quad (18.1)$$

бу ерда  $k$  – пропорционаллик коэффициенти,  $q_1$  ва  $q_2$  таъсир қилувчи зарядлар миқдори,  $r$  – зарядлар орасидаги масофа,  $\vec{a}_{12}$  –  $q_1$  заряддан  $q_2$  зарядга йўналган бирлик вектор,  $\vec{F}_{12}$   $q_1$  зарядга таъсир этувчи кучдир.

$\vec{a}_{12}$  – бирлик вектор билан ўзаро таъсир кучнинг йўналишини белгиласак,  $\vec{F}_{21}$  – куч  $\vec{F}_{12}$  кучдан йўналиши ва ишораси билан фарқ қиласади

$$\vec{F}_{21} = k \frac{q_1 q_2}{r^2} \vec{a}_{12}, \quad (18.2)$$

$\vec{F}_{12}$  ва  $\vec{F}_{21}$  – кучларнинг модули бир-бирига tengdir.

$$F = k \frac{q_1 q_2}{r^2}, \quad (18.3)$$

Иккита зарядлар орасидаги ўзаро таъсир кучи, улар олдига бошқа зарядлар яқинлаштирилса, ўзгармайди.

Агар  $q_a$  – заряд атрофида  $q_1, q_2, \dots, q_n$  зарядлар тўплами бўлса, натижавий куч қуидагига тенг бўлади.

$$\vec{F} = \sum_{i=1}^n \vec{F}_{a_i} \quad (18.4)$$

Кулон қонунида  $k$  – пропорционаллик коэффициентининг сон қийматини хоҳлаганча танлаб, унга исталган бирликни бериш мумкин, аммо амалда энг қулай бўлган бирликлар тизими ишлатилади.

Электростатикада қулай бирликлардан бири абсолют ёки Гаусс бирликлар тизимиdir. Бу СГС бирликлар тизими билан электр бирликлари мажмуасидир – яъни СГСЭ зарядлар бирликлар тизимиdir. Баъзи пайтларда, СГСЭ ни – абсолют электростатик бирликлар тизими деб аталади.

Гаусс бирликлар тизимида  $k$  – пропорционаллик коэффициенти 1 га teng ҳисобланади ва заряд бирлиги қуидагига teng бўлади:

$$|q| = [F^{1/2} L] = M^{1/2} L^{3/2} T^{-1}$$

СГСЭ – заряд бирлиги қилиб, шундай нуқтавий заряд олинадики, бу зарядга вакуумда 1 см масофада шундай нуқтавий заряд 1 дина куч билан таъсир қиласи.

Заряднинг амалий бирлиги қилиб 1 Кулон ( $K_l$ ) олинади.

$$1K_l = 2,998 \cdot 10^9 C\Gamma C\mathcal{E} \text{ заряд бирлиги (з.б.)}$$

ХБ тизимида 1 Кулон заряд бирлиги 1 сек вақт ичida 1 Ампер ток ўтиши учун зарур бўлган заряд миқдорига tengdir.

$$q = I \cdot t = 1A \cdot 1sec = 1K_l .$$

Бу ҳолда  $K = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$  га tengdir.

Зарядлар таъсир этувчи муҳит вакуум бўлса, у муҳит  $\epsilon_0$  – диэлектрик сингдирувчаникка эга бўлади, у ҳолда, Кулон қонуни қуидагича ёзилади.

$$F = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{\epsilon r^2} .$$

Агар  $q_1, q_2 = 1K_l = 3 \cdot 10^9 C\Gamma C\mathcal{E}$  з.б. бўлса

$$F = \frac{3 \cdot 10^9 \cdot 3 \cdot 10^9}{(10^2 \text{ см})^2} = 9 \cdot 10^{14} \frac{\text{э.см}}{\text{с}^2} (\text{дина}) = 9 \cdot 10^9 \text{ Н}$$

га тенг бўлади.

Бошқа тарафдан

$$F = \frac{1 \text{ Кл} \cdot 1 \text{ Кл}}{4\pi \epsilon_0 \cdot 1 \cdot \text{м}^2} = 9 \cdot 10^9 \text{ Н} .$$

Бундан,

$$\epsilon_0 = \frac{1}{4\pi \cdot 9 \cdot 10^9} \left( \frac{\Phi}{\text{м}} \right) = 8,85 \cdot 10^{-12} \frac{\Phi}{\text{м}} \left( \frac{\text{Кл}^2}{\text{н.м}^2} \right)$$

## 19-§ Электр майдони. Майдон кучланганлиги

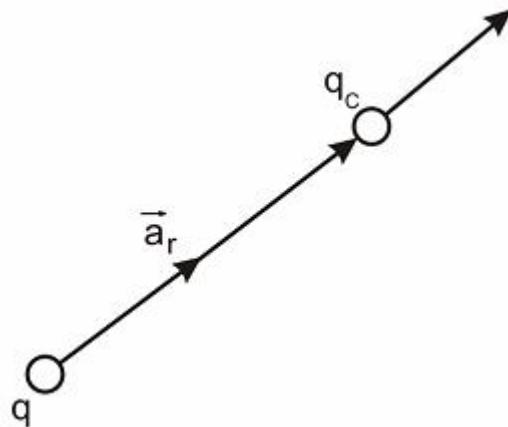
Қўзғалмас зарядлар орасидаги ўзаро таъсир электр майдони орқали содир бўлади.

Нима учун қўзғалмас зарядларнинг ўзаро таъсири дейишимизга катта сабаб бор.

Эфирда электромагнит майдон борлигига олдинроқ эътибор берган эдик. Магнит майдони асосан ҳаракатдаги зарядларга таъсир этади. Аксинча, ҳаракатдаги заряд магнит майдонини ҳосил қиласди. Шу сабабли, зарядларнинг электр майдонини ўрганишда доимо қўзғалмас зарядларни танлаб оламиз. Бу билан электромагнит майдонини худди иккига ажратиб, фақат электр майдонидаги ҳодисаларни ўрганамиз, деб тасаввур этамиз.

Ҳар қандай заряд ўзи эгаллаган фазода электр майдони ҳосил қилиши билан, фазога ўзгартириш киритади. Ҳосил бўлган электр майдони, шу майдоннинг исталган нуқтасига киритилган зарядга, маълум бир куч билан таъсир қиласди. Бу майдон бирлигини билиш учун шу фазога – майдонга синовчи зарядни киритамиз.

Агар  $q$  – заряд майдонига  $q_c$  синовчи заряд киритсак ва уни қўзғалмас деб ҳисобласак,  $q_c$  – зарядга қўйидаги куч таъсир этади (20-расм).



**20-расм.** Электр майдонига киритилган синовчи зарядга таъсир этувчи куч

$$\vec{F} = \left( \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2} \vec{a}_r \right) \cdot q_c , \quad (19.1)$$

$\vec{a}_r$  – бирлик вектор. Демак, бу куч  $q_c$  – синовчи ва электр майдонини ҳосил қилувчи  $q$  – зарядлар миқдорига боғлиқдир.

Агар фазога  $q_c^1$ ,  $q_c^2$  ҳар хил синовчи зарядлар киритсак, таъсир этувчи кучлар  $F^1$ ,  $F^2$  бўлади, ва  $\frac{F^i}{q_c^i}$  нисбат доимо ўзгармас

$$\left( \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2} \vec{a}_r \right)$$

қийматга teng бўлади, яъни  $q$  заряднинг ҳосил қилган майдонининг хусусиятини белгилайди. Бу нисбат ҳосил бўлган электр майдонининг кучланганлиги деб аталади.

$$\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q_c} , \quad (19.2)$$

Бу майдон кучланганлиги асосан,  $\vec{F}$  - куч ва синовчи заряд турган масофа билан белгиланади.

$$\vec{E} = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r^2} \cdot \vec{a}_r , \quad (19.3)$$

Электр майдон кучланганлиги бирлиги қуйидагига тенг.

СГСЭ заряд бирлиги тизимида 1 СГСЭ зарядга 1 см масофада таъсир қилган 1 дина кучга тенг.

ХБ – тизимида 1 Кл зарядга 1 м масофада 1 Н куч таъсир этишини билдиради ва  $B/m$  билан ўлчанади.

$$E = \frac{1}{4\pi [1/4\pi \cdot 9 \cdot 10^9]} = 9 \cdot 10^9 B/m$$

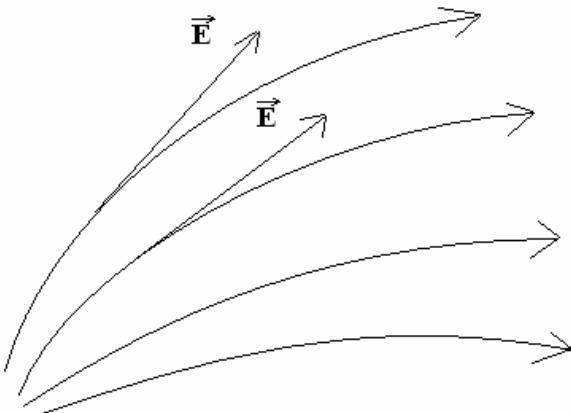
Агар  $\vec{F} = q\vec{E}$  бўлса, мусбат зарядга таъсир этувчи куч йўналиши  $\vec{E}$  вектор билан мос тушади, манфий зарядга таъсир этувчи куч эса,  $\vec{E}$  майдон йўналишига тескари бўлади.

Агар  $N$  та зарядлар тўплами бўлса, улар ҳосил қилган майдон кучланганлиги алоҳида зарядлар электр майдон кучланганлигининг вектор йифиндисига тенг бўлади:

$$\vec{E} = \sum_{i=1}^n \vec{E}_i , \quad (19.4)$$

Ана шу ифода электр майдонларининг **суперпозиция принципи** ёки қўшилиш принципи деб аталади.

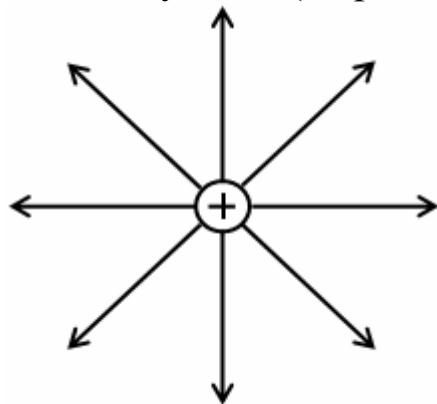
Заряднинг фазодаги электр майдонини тасвирлаш учун электр майдон кучланганлиги чизиқларидан фойдаланамиз (21-расм).



*21-расм. Электр майдон кучланганлиги чизиқлари*

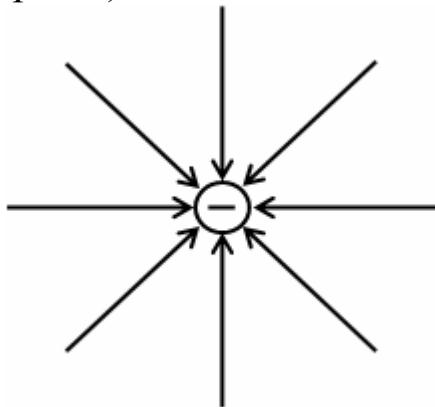
Агар электр майдон куч чизиқлари эгри чизиқдан иборат бўлса, кучланганлик чизиқлари ҳар бир нуқтага ўтказилган уринмадан иборат бўлади. Чизиқлар зичлиги электр майдон кучланганлигининг шу нуқтадаги катталигини билдиради.

Нуқтавий заряд майдон кучланганлик чизиқлари радиал чизиқлардан иборатdir. Мусбат заряд учун куч чизиқлари йўналиши заряддан чиқсан бўлади (22-расм).



*22-расм. Мусбат нуқтавий заряд электр майдон куч чизиқлари*

Манфий заряд учун эса, куч чизиқлари йўналиши зарядга йўналган бўлади (23-расм).



*23-расм. Манфий нуқтавий заряд электр майдон куч чизиқлари*

## 20-§ Электр индукция вектори куч чизиқлари ва оқими

Электр майдон кучланганлиги ва куч чизиқлари тўғрисида сўз юритган эдик: мусбат нуқтавий заряднинг куч чизиқлари заряд марказидан ташқарига йўналган радиал чизиқлардан

иборат эди; манфий нүктавий заряд куч чизиқлари марказга йўналган радиал чизиқлардан иборатdir. Аммо, бу куч чизиқлари қаергача давом этади?

Вакуумда куч чизиқлари узлуксизdir. Диэлектрикларда бўлиниш чегарасигача давом этади, яъни чекланган бўлади.

Шундай қилиб, бир жинсли бўлган диэлектрикларда куч чизиқларининг узлуксизлик шарти бажарилмайди. Шунинг учун ҳам, ихтиёрий кўринишдаги диэлектриклар ичидаги майдонни тавсифлаш учун унинг бўлиниш чегарасидан узлуксиз ўтадиган янги  $\vec{D}$  вектор катталик киритилади.

Бу вектор катталик **электр индукция вектори** деб аталади.

Электр индукция вектори чизиқлари ихтиёрий муҳитда узлуксиз бўлиши учун,  $\vec{E}$  кучланганлик вектори билан қўйидаги муносабатда боғланган бўлиши шарт.

$$\vec{D} = \epsilon \epsilon_0 \vec{E} , \quad (20.1)$$

яъни

$$\vec{D} = \frac{\epsilon \epsilon_0}{4\pi \epsilon \epsilon_0} \frac{q}{r^3} \vec{r} = \frac{1}{4\pi} \frac{q}{r^3} \vec{r} , \quad (20.2)$$

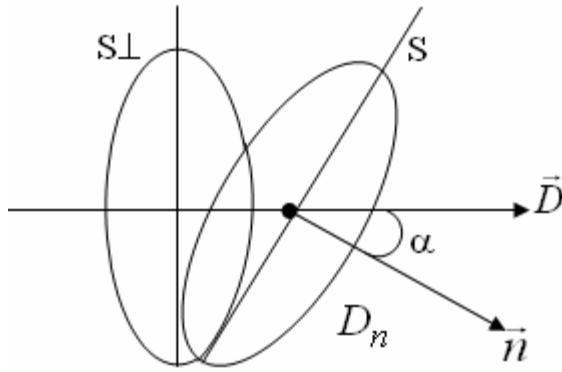
бу ерда  $\epsilon \epsilon_0$  – вакуум билан диэлектрикнинг электр сингдирувчанликларидан қутилганимиз учун, электр индукция вектори  $\vec{D}$  нинг узлуксизлиги таъминланади.

Скаляр кўринишда

$$D = \frac{1}{4\pi} \frac{q}{r^2} , \quad (20.3)$$

га эга бўламиз. Шундай қилиб, ихтиёрий муҳитда нүктавий заряд ҳосил қилган майдоннинг бирор нүктасидаги индукция шу зарядга тўғри пропорционал, масофа квадратига тескари пропорционалdir.

Электр индукция вектори  $\vec{D}$  миқдор жиҳатдан бир бирлик юзадан тик равища ўтаётган индукция чизиқларини, яъни унинг сирт зичлигини ифодалайди (24-расм).



**24-расм. Электр индукция вектори**

Бир жинсли электр майдонидаги ихтиёрий  $S$  юза орқали тик равишда ўтаётган индукция **чизиқларига индукция оқимлари** деб аталади.

$$N = D_n S = DS_{\perp} = DS \cos \alpha . \quad (20.4)$$

Агар электр майдони бир жинсли бўлмаса

$$\vec{D} \neq const$$

у ҳолда,  $dS$  элементар юза соҳасидаги майдонни бир жинсли деб ҳисоблаш мумкин. У вақтда (20.4) ифода қуйидаги дифференциал кўринишга эга бўлади:

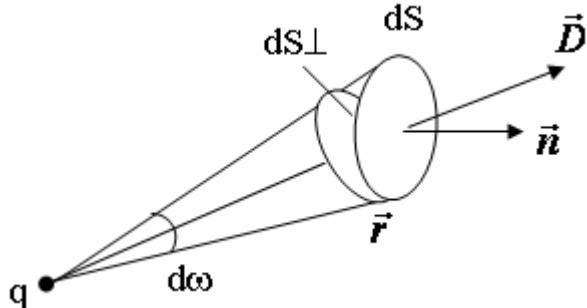
$$dN = D_n dS = D dS_{\perp} \cdot \cos \alpha . \quad (20.5)$$

Ихтиёрий  $S$  сиртдан ўтувчи электр индукция оқими  $N$  чексиз кўп шундай элементар электр индукция оқимлари  $dN$  нинг йифиндиси билан ифодаланади:

$$N = \int_S D_n dS = \int_S D dS_{\perp} . \quad (20.6)$$

## 21-§ Остроградский – Гаусс теоремаси

Фараз қилайлик,  $q$  заряд ихтиёрий ёпиқ  $S$  сирт ичидә жойлашган бўлсин (25-расм).



**25-расм.** Ёпиқ сиртнинг фазовий бурчагига тўғри келувчи электр индукция вектори

Электр индукция векторининг формуласига кўра

$$\vec{D} = \frac{1}{4\pi} \frac{q}{r^3} \vec{r}$$

бу ерда  $\vec{D}$  – вектор заряд жойлашган нуқтадан чиққан бўлиб,  $\vec{r}$  – радиус вектор бўйлаб йўналади. Шунинг учун  $\vec{n}$  нормал билан  $\vec{D}$  вектор орасидаги фазовий бурчак  $dS$  ва  $dS_{\perp}$  сиртлари орасидаги бурчакка тенгдир. У вақтда элементар  $dS$  сиртдан чиқаётган электр индукция оқими

$$dN = \frac{1}{4\pi} \frac{q}{r^2} \cdot dS_{\perp}, \quad (21.1)$$

бу ерда  $\frac{dS_{\perp}}{r^2} = d\omega$  – элементар фазовий бурчакка тенг бўлгани учун

$$dN = \frac{1}{4\pi} q \cdot d\omega, \quad (21.2)$$

эга бўламиз.

Агар бутун шар сирти бўйича интегралласак

$$N = \oint_S \frac{q}{4\pi} d\omega = \frac{q}{4\pi} \cdot 4\pi = q, \quad (21.3)$$

**Остроградский – Гаусс теоремасининг математик ифодасига** эга бўламиз. Ёпиқ сиртдан чиқаётган электр индукция оқими шу сирт ичидағи заряд миқдорига тенг.

Ёпиқ сирт ичидаги зарядлар бўлса, электр индукция вектори қўйидагига тенг бўлади:

$$q_1, q_2, \dots, q_n$$

зарядлар бўлса, электр индукция вектори қўйидагига тенг бўлади:

$$\vec{D} = \vec{D}_1 + \vec{D}_2 + \dots + \vec{D}_n = \sum_{i=1}^n D_i .$$

$$N = \sum_{i=1}^n q_i , \quad (21.4)$$

яъни ёпиқ сирт ичидағи зарядларнинг арифметик йиғиндисига тенг бўлади.

Остроградский – Гаусс теоремасини амалда тадбиқ этиш учун, қўйидаги тушунчаларни киритамиз.

- Зарядларнинг ҳажмий зичлиги деб, жисмнинг бир бирлик ҳажмига мос келган зарядга миқдор жиҳатдан тенг бўлган физик катталикка айтилади, яъни

$$\rho = \frac{q}{V} , \quad (21.5)$$

бу ерда  $q$  – жисмнинг  $V$  – ҳажмига мос келган заряд миқдори.

- Заряднинг сирт зичлиги деб, жисмнинг бир бирлик сирт юзасига мос келган зарядга миқдор жиҳатдан тенг физик катталикка айтилади, яъни

$$\sigma = \frac{q}{S} , \quad (21.6)$$

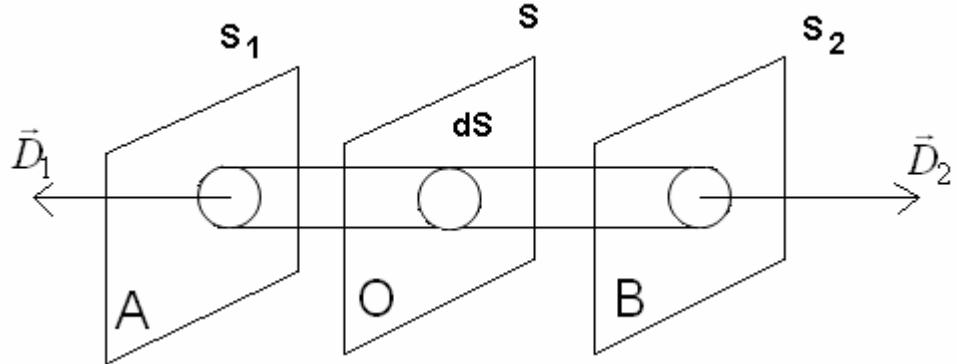
бу ерда  $q$  – жисмнинг  $S$  юзасига мос келган заряд миқдори.

- Заряднинг чизиқли зичлиги деб, жисмнинг узунлик бирлигига мос келган зарядга миқдор жиҳатдан тенг физик катталикка айтилади, яъни

$$\tau = \frac{q}{\ell} , \quad (21.7)$$

бу ерда  $q$  - жисмнинг  $\ell$  узунлигига мос келган заряд миқдори.

**1-мисол. Бир текис зарядланган чексиз текислик майдони.** Фараз қилайлық, чексиз бир текис зарядланган текислик  $\sigma$  – сирт зичлигига эга бўлсин (26-расм).



26-расм. Бир текис зарядланган чексиз текислик электр майдони

Индукция чизиқлари текисликка перпендикуляр бўлган ва ташқарига йўналган  $D_1$  ва  $D_2$  векторлардан иборат бўлади. Бу чизиқлар  $S$  текисликда бошланиб иккала томонга чексиз давом этади. Ёпиқ сирт сифатида ҳар иккала томонидан  $dS$  асослари билан чегараланган тўғри цилиндр ажратиб оламиз.  $S_1$  ва  $S_2$  сирт асослари  $A$  ва  $B$  нуқталардаги сиртларга жойлашган. Цилиндр ичидағи заряд  $qdS$  дан иборат.

Цилиндр ясовчилари индукция чизиқларига параллел бўлгани учун, цилиндрнинг ён сиртидан чиқувчи электр индукция оқими нолга teng. Зарядланган текислик майдонининг  $A$  ва  $B$  нуқталаридаги индукция вектори  $D_1$  ва  $D_2$  миқдор жиҳатдан ўзаро teng ва қарама-қарши йўналган

$$\vec{D}_1 = -\vec{D}_2$$

Цилиндрнинг асосларидан чиқаётган индукция оқимлари қўйидагига teng

$$N_1 = D_1 dS_1, \quad N_2 = D_2 dS_2$$

Умумий оқим эса,

$$N = D_1 S_1 + D_2 S_2 = DS + DS = 2DS , \quad (21.8)$$

Остроградский – Гаусс теоремасыга асосан ёпиқ сиртдан чиқаётган электр индукция оқими  $N$ , шу ёпиқ сирт ичидағи заряд  $q = \sigma S$  га тенг, яъни

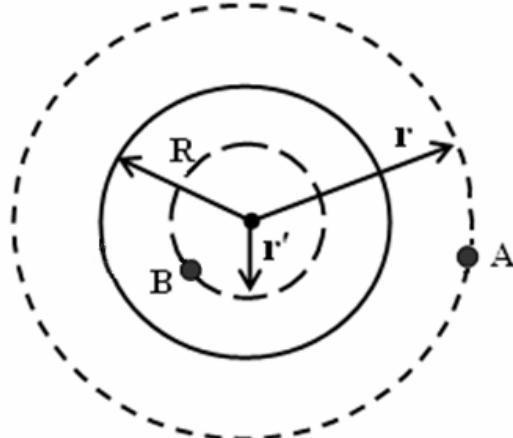
$$N = \oint_S D dS = q = \sigma S , \quad (21.9)$$

$$\sigma S = 2DS \quad D = \frac{\sigma}{2} , \quad (21.10)$$

$$E = \frac{D}{\epsilon \epsilon_0} = \frac{\sigma}{2\epsilon \epsilon_0} , \quad (21.11)$$

**2-мисол.** Бир текис ҳажмий зарядланган шарнинг майдони.

Радиуси  $R$  бўлган, ҳажм бўйича зарядлана оладиган шар зарядининг ҳажмий зичлиги  $\rho > 0$  бўлсин (27-расм).



**27-расм.** Бир текис ҳажмий зарядланган шар майдони

Зарядланган шарнинг ташқи ( $r > R$ ) ва ички ( $r' < R$ ) қисмларида майдонни ҳисоблаб кўрамиз.  $A$  нуқтани оламиз. Шарнинг заряди ҳажмий заряд билан қуйидаги боғланган

$$q = \rho V = \rho \cdot \frac{4}{3} \pi R^3 , \quad (21.12)$$

Майдон индукцияси ва майдон кучланганлиги қуйидагига тенг бўлади

$$D = \frac{1}{4\pi} \frac{q}{r^2} ; \quad D = \frac{1}{4\pi} \frac{\rho}{r^2} \cdot \frac{4}{3} \pi R^3 = \frac{\rho}{3} \frac{R^3}{r^2} , \quad (21.13)$$

$$E = \frac{D}{\epsilon \epsilon_0} = \frac{1}{4\pi \epsilon_0 \epsilon} \cdot \frac{q}{r^2} ; \quad E = \frac{D}{\epsilon \epsilon_0} = \frac{\rho}{3\epsilon \epsilon_0} \cdot \frac{R^3}{r^2} , \quad (21.14)$$

В нүктага нисбатан майдон индукцияси ва кучланганлиги қуидагига тенг бўлади. Ички сфера заряди  $q'$  га тенг бўлса

$$\begin{aligned} q' &= \rho \cdot V' = \rho \frac{4}{3} \pi r'^3 , \quad \rho = \frac{q}{\frac{4}{3} \pi R^3} \\ q' &= \frac{4}{3} \pi r'^3 \cdot \frac{q}{\frac{4}{3} \pi R^3} = q \left( \frac{r'}{R} \right)^3 , \end{aligned} \quad (21.15)$$

Демак  $S' = 4\pi r'^2$  ички ёпиқ сиртдан чиқаётган электр индукция оқими  $N'$  қуидагига тенг бўлади

$$N' = \int_{S'} D' dS = \int_0^{4\pi r'^2} D' dS = D' 4\pi r'^2$$

Бошқа тарафдан, Остроградский – Гаусс теоремасига асосан, бир текис ҳажмий зарядланган шарнинг ички ёпиқ сиртидаги майдон кучланганлиги

$$N' = \int_{S'} D' dS = q' = \rho \frac{4}{3} \pi r'^3 = q \left( \frac{r'}{R} \right)^3$$

га тенг бўлади.

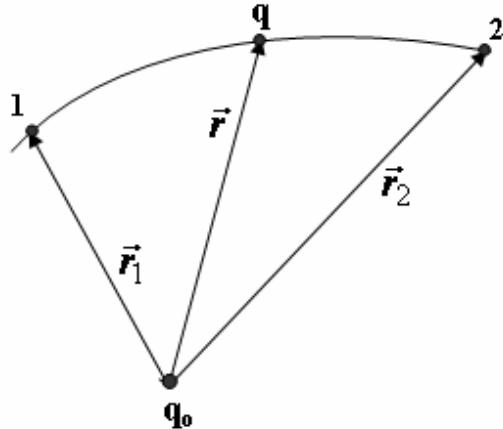
## 22-§ Электр майдонида зарядни кўчиришда бажарилган иш

Ҳар қандай майдон ва шу майдондаги кучнинг табиати бажарилган ишнинг кўриниши билан аниқланади. Жумладан, бажарилган иш йўлнинг траекториясига боғлиқ бўлиши ёки бўлмаслиги, куч ва майдон табиатининг мезони бўлиб хизмат қиласи.

Мисол учун, қўзғалмас нүқтавий заряд  $q_0$  вакуумда

$$\vec{E} = \frac{q_0}{4\pi\epsilon_0 r^3} \cdot \vec{r}$$

Электр майдонини ҳосил қилган, деб ҳисоблаймиз. Шу майдонда бошқа нуктавий  $q$  заряд ҳаракат қилаётган ва 1-нуктадан 2-нуктага кўчган бўлсин (28-расм).



*28-расм. Кўзгалмас нуктавий  $q_0$  заряд майдонида  $q$  синовчи заряднинг ҳаракат траекторияси*

Электр майдон кучи таъсирида бажарилган иш қуидаги интеграл билан ифодаланади

$$A_{12} = \int_{12} q \vec{E} d\vec{r} = q \frac{q_0}{4\pi\epsilon_0} \int_{12} \frac{\vec{r} d\vec{r}}{r^3},$$

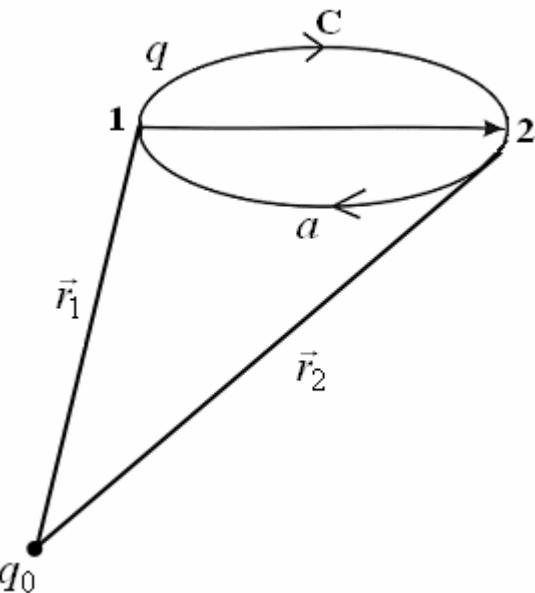
$$A_{12} = \frac{qq_0}{4\pi\epsilon_0} \left( \frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right) . \quad (22.1)$$

Бу ифодадан қўринадики, бир хил ишорали  $q$  ва  $q_0$  зарядларнинг ўзаро итариш кучи таъсирида, зарядлар узоқлашишида мусбат иш бажарилади.

Аксинча, ҳар хил ишорали зарядларнинг тортишиш кучи таъсирида  $q$  ва  $q_0$  зарядлар яқинлашиб, манфий иш бажаришади.

Яна мисол тарикасида  $q$  зарядни  $a$  ва  $c$  йўналишда 1-нуктадан 2-нуктага кўчирамиз (29-расм). Бу ҳолда ҳам бир хил иш бажарилади.

$$A_{12} = A_{1a2} = A_{1c2} . \quad (22.2)$$



**29-расм.** Консерватив күч таъсирида заряднинг кўчиши

Шундай қилиб, электростатик майдон кучининг бажарган иши йўлнинг траекториясига боғлиқ бўлмагани учун электростатик майдон кути консерватив күч ҳисобланади.

Агарда  $n$ -та нуқтавий зарядлар ( $q_1, q_2, \dots, q_n$ ) ҳосил қилган майдонда  $q$  - нуқтавий заряд ҳаракат қиласа, унга  $\vec{F} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \dots + \vec{F}_n$  кучлар таъсир қиласи. Бу натижаловчи  $\vec{F}$  кучнинг бажарган иши  $A$  ҳар бир куч мустақил бажарган ишларнинг алгебраик йиғиндисига тенг бўлади.

$$A = \sum_{i=1}^n \frac{q_i q}{4\pi\epsilon_0} \left( \frac{1}{\vec{r}_{i1}} - \frac{1}{\vec{r}_{i2}} \right) . \quad (22.3)$$

Ёпиқ контур бўйича  $q$  - зарядни кўчиришда бажарилган иш қўйидагича ифодаланади

$$A_0 = q \oint_L \vec{E} d\vec{\ell} . \quad (22.4)$$

Ёпиқ контурда, майдоннинг бошланғич ва охирги нуқталари устма-уст тушгани учун бажарилган иш нолга тенг бўлади.

$$A_0 = \oint_L dA = \frac{q_0 q}{4\pi\epsilon\epsilon_0} \left( \frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right) = 0$$

Шунинг учун

$$\oint_L \vec{E} d\vec{\ell} = 0 \quad . \quad (22.5)$$

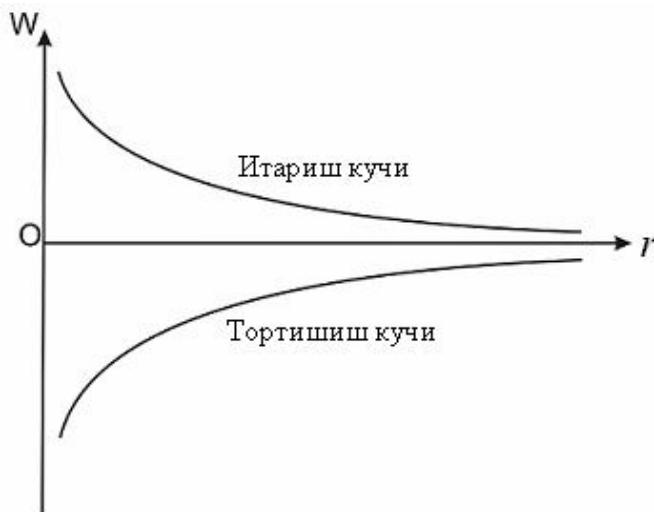
Майдон кучланганлиги векторининг ёпиқ контур бўйича циркуляцияси нолга тенг бўлган майдон потенциал майдон деб аталади.

### **23-§ Майдоннинг потенциали. Заряднинг потенциал энергияси**

(22.1) - ифодани чуқурроқ таҳлил қилиб кўрамиз. Агар қўзғалмас нуқтавий  $q_0$  - заряднинг майдонида  $q$  - заряд  $1(r_1)$  - нуқтадан  $2(r_2)$  - нуқтага кўчирилса, унинг энергияси ўзгариб боради. Бу иш электростатик потенциал майдонда бажарилгани учун  $q$  - заряднинг потенциал энергияси ўзгаради.

$$A_{12} = \frac{1}{4\pi\epsilon\epsilon_0} \frac{q_0 q}{r_1} - \frac{1}{4\pi\epsilon\epsilon_0} \frac{q_0 q}{r_2} = W_1 - W_2 \quad , \quad (23.1)$$

Зарядларнинг ишорасига қараб, улар орасидаги ўзаро таъсир кучи тортишиш ва итариш кучларидан иборат бўлади. Аммо зарядлар орасидаги  $\vec{r}$  – радиус-вектор ортиши билан, ўзаро таъсир кучи кўринишига қарамасдан, потенциал энергия камайиб боради (30-расм).



*30-расм. Ўзаро таъсир тортишиши ва итариши кучларининг зарядлар орасидаги масофага боғлиқлиги*

Демак, потенциал майдонда бажарилган иш  $q$  - заряднинг потенциал энергиясининг камайиши ҳисобига бажарилади.

$$dA = -dW \quad , \quad (23.2)$$

Электростатик майдоннинг бирор нуқтасидаги заряднинг потенциал энергиясини умумий ҳолда қуидаги кўринишда ёзиш мумкин:

$$W = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{qq_0}{r} \quad , \quad (23.3)$$

Бу ифодадан электростатик майдондаги  $q$  заряднинг потенциал энергияси майдонни ҳосил қилган қўзғалмас  $q_0$  зарядга ҳам боғлик бўлгани учун зарядларнинг ўзаро потенциал энергияси ҳам дейилади. Шундай қилиб, икки заряднинг ўзаро потенциал энергияси зарядлар кўпайтмасига тўғри ва ораларидағи масофага тескари пропорционалдир.  $q$  заряднинг  $W$  – потенциал энергияси, электростатик майдондаги унинг ҳолатига боғлик бўлгани учун, электростатик майдоннинг нуқталари энергетик нуқтаи назардан потенциал деб аталувчи скаляр катталик билан ифодаланади.

Электростатик майдон бирор нуқтасининг **потенциали** деб, майдоннинг шу нуқтасига киритилган бир бирлик мусбат синов зарядига мос келган потенциал энергияга микдор жиҳатдан teng бўлган физик катталикка айтилади:

$$\varphi = \frac{W}{q} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_0}{r} . \quad (23.4)$$

Шундай қилиб, нүктавий заряд ҳосил қилган электростатик майдоннинг бирор нүктасидаги потенциали заряд миқдорига тўғри ва масофага тескари пропорционалдир.

Электростатик майдон потенциали, унинг энергетик тавсифи бўлгани учун зарядни кўчиришда электростатик майдон кучининг бажарган иши, майдон потенциаллар айрмаси билан ўзаро боғланишга эга бўлиши керак.

$$A_{12} = q(\varphi_1 - \varphi_2) . \quad (23.5)$$

Майдоннинг икки нүктаси орасидаги потенциаллар айрмаси қуйидагига tengdir:

$$\varphi_1 - \varphi_2 = \frac{A_{12}}{q} . \quad (23.6)$$

Электростатик майдоннинг икки нүктаси орасидаги **потенциаллар айрмаси** деб, бир бирлик мусбат зарядни 1-нүктадан 2 – нүктага кўчиришда бажарилган ишга миқдор жихатдан teng бўлган физик катталикка айтилади.

Агар бажарилган иш қуйидагича бўлса

$$dA = qEdr = -dW = -qd\varphi$$

электр майдон кучланганлиги потенциал билан қуйидагича ифодаланади

$$E = -\frac{d\varphi}{dr} . \quad (23.7)$$

Шундай қилиб, электростатик майдоннинг **кучланганлиги** деб куч чизиқнинг узунлик бирлигига мос келган потенциал айрмасига миқдор жихатдан teng бўлган физик катталикка айтилади.

Электростатик майдоннинг кучланганлигини бошқача кўринишда ёзиш мумкин:

$$E = -\operatorname{grad} \varphi \quad , \quad (23.8)$$

ёки

$$\varphi_1 - \varphi_2 = \int_{r_1}^{r_2} E dr \quad , \quad (23.9)$$

Потенциаллари бир хил бўлган нуқталарнинг геометрик ўрнига **эквипотенциал сиртлар** дейилади.

Эквипотенциал сирт учун

$$\varphi = \operatorname{const} \quad , \quad (23.10)$$

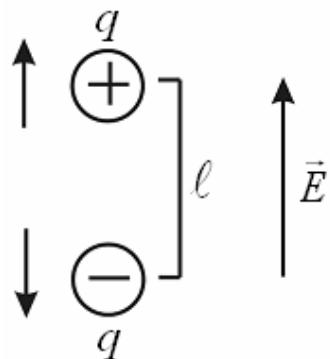
## 24-§ Диэлектрикларнинг кутбланиши

Диэлектриклар атом ва молекулалардан ташкил топган. Атом эса мусбат зарядли ядро ва манфий зарядли электронлардан иборатdir. Атомнинг мусбат заряди ядрода тўпланган бўлиб, манфий ишорали электронлар эса, ядро атрофида ҳаракатда бўлади.

Кўп ҳолларда манфий зарядларнинг маркази мусбат зарядли ядро маркази билан устма уст тушади.

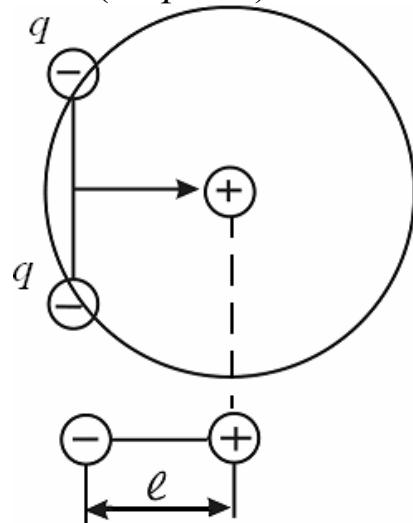
Биринчи турдаги диэлектриклар ( $N_2$ ,  $H_2$ ,  $O_2$ ,  $CO_2$  ва б.) молекулаларидағи электронлар ядро атрофида симметрик жойлашиб ташқи электростатик майдон бўлмаганда, мусбат ва манфий зарядларнинг оғирлик марказлари устма-уст тушган бўлади. Бундай диэлектриклар молекулалари **кутбсиз** молекулалар дейилади.

Ташқи электростатик майдон  $\vec{E}$  таъсирида қутбсиз молекула зарядлари силжий бошлайди. Мусбат зарядлар майдон йўналишда, манфий зарядлар майдонга тескари йўналишда силжийди (*31-расм*). Шундай қилиб, молекула  $\vec{P} = q \vec{\ell}$  дипол моментаига эга бўлади.



**31-расм.** Ташқи электростатик майдон таъсирида қутбсиз молекуланинг диполь моментига эга бўлиши

Иккинчи турдаги диэлектриклар ( $H_2O$ ,  $NH_3$ ,  $SO_2$ ,  $CO$ ,....) молекулаларидағи электронлар ядро атрофида носимметрик жойлашган бўлади ва ташқи электростатик майдон бўлмагандан ҳам мусбат ва манфий зарядларнинг оғирлик марказлари устмасуст тушмайди. Бундай диэлектрик молекулалари ташқи майдонсиз ҳам диполь моментига эга бўлиб, улар **қутбли** молекулалар деб аталади (32-расм).



**32-расм.** Қутбли молекула диполи

Ташқи электростатик майдон бўлмагандан молекулаларнинг тартибсиз ҳаракати туфайли диэлектрик бўйича молекулаларнинг умумий диполь моментлари нолга тенг бўлади.

Агар бундай диэлектрик ташқи электростатик майдонга қўйилса, майдон кучлари диполларни майдон йўналишига қараб буришга ҳаракат қиласи ва нолдан фарқли умумий диполь моменти пайдо бўлади.

Шундай қилиб, ташқи электростатик майдон таъсирида иккала турдаги диэлектрикда ҳам нолдан фарқли диполь моментлари ҳосил бўлади. Бу ҳодиса диэлектрикларнинг **қутбланиши** деб аталади.

Демак, **қутбланиш** деб, ташқи электростатик майдон таъсирида диполларнинг майдон куч чизиқлари томон йўналишини ўзгартириш жараёнига айтилади.

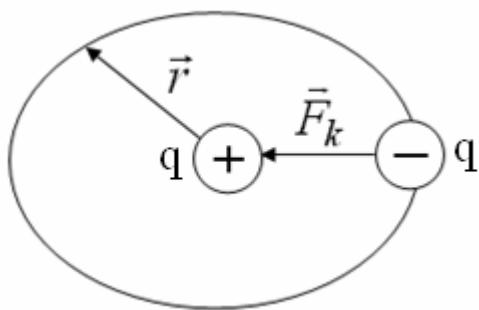
Қуйидаги қутбланиш турлари мавжуддир:

- 1) электронли қутбланиш;
- 2) ориентациявий ёки диполли қутбланиш.

**Электронли қутбланиш** деб, қутбсиз молекулалардан ташкил топган диэлектрик, ташқи электростатик майдонга киритилганда, атомлар электрон қобиқларининг деформацияси ҳисобига индукциявий диполь моментлари ҳосил бўлишига айтилади.

**Ориентациявий ёки диполли қутбланиш** кутбли молекулалардан ташкил топган диэлектрик ташқи электростатик майдонга киритилганда, тартибсиз йўналган молекулалар диполь моментларининг майдон йўналишига қараб бурилишига айтилади. Аммо, молекулалар иссиқлик ҳаракати натижасида фақат айрим молекулаларнинг диполь моментлари майдон йўналиши бўйича жойлашади ва у майдон кучланганинг боғлиқ бўлади.

1. Кутбсиз молекулалари бўлган диэлектрикларнинг энг соддаси водород молекуласининг атомидир. Ташқи электростатик майдон бўлмаганда  $\vec{E} = 0$ , водород атомидаги битта электрон ядро атрофида  $\vec{r}$  радиусли орбита бўйлаб ҳаракатланади (33-расм).



33-расм. Водород атомининг диполи

Бу ҳолда электроннинг ядрога тортилиш кучи Кулон қонунига асосан:

$$F_k = \frac{q^2}{4\pi\epsilon_0 r^2}$$

дан иборат бўлади, марказга интилма куч эса

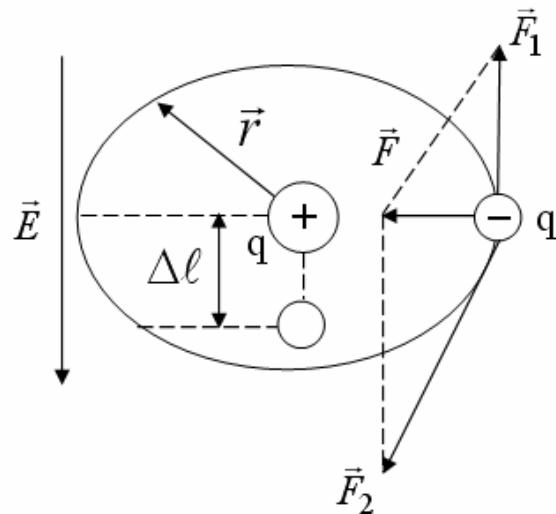
$$\vec{F}_{mu} = m\omega^2 \vec{r}$$

га тенг. Электроннинг ядрога тортилиш кучи марказга интилма куч билан мувозанатда бўлади

$$\frac{q^2}{4\pi\epsilon_0 r^2} = m\omega^2 r , \quad (24.1)$$

бу ерда  $\omega$  – орбита бўйлаб ҳаракатнинг бурчак тезлигидир.

Кучланганлиги  $\vec{E}$  бўлган электростатик майдонга атом киритилса, электрон орбитаси деформацияланиб,  $\vec{E}$  – векторнинг йўналишига қарама-қарши томонга  $\Delta\ell$  – масофага силжийди. Бунда  $F_{mu} = m\omega^2 r$  марказга интилма куч тенг таъсир этувчи куч  $F$  дан иборат бўлиб, электростатик майдоннинг электронга таъсир кучи  $F_1 = qE$  ва электроннинг ядрога тортишиш кучи  $F_2$  дан иборат бўлади (34-расм). Расмдаги бурчаклардан



**34-расм.** Водород атоми диполининг ташқи электростатик майдонда деформацияси

$$\frac{\Delta\ell}{r} = \frac{F_1}{F} \quad \text{ва} \quad \frac{\Delta\ell}{r} = \frac{qE}{m\omega^2 r} , \quad (24.2)$$

муносабатларга эга бўламиз.

Демак, индукцияланган диполнинг елкаси  $\Delta\ell$  қуидагига тенг бўлади.

$$\Delta\ell = \frac{qE}{m\omega^2} , \quad (24.3)$$

ва шу диполнинг электр моменти қуидагидан иборат бўлади.

$$P_\ell = q\Delta\ell = \frac{qE}{m\omega^2} q , \quad (24.4)$$

Агар (24.1) – ифодадаги  $m\omega^2$  ни (24.4) – ифодага қўйилса, диполнинг электр моменти қуидаги кўринишни олади:

$$m\omega^2 = \frac{q^2}{4\pi\epsilon_0 r^3} , \quad P_\ell = \frac{q^2 4\pi\epsilon_0 r^3}{q^2} E$$

ёки

$$P_\ell = 4\pi\epsilon_0 r^3 E , \quad (24.5)$$

Буни вектор кўринишда қуидагича ифодалаш мумкин.

$$\vec{P}_\ell = 4\pi\epsilon_0 r^3 \vec{E} . \quad (24.6)$$

Агар атомнинг хажмини  $V = \frac{4}{3}\pi r^3$  га тенг деб олсак

$$P_\ell = 4\pi\epsilon_0 r^3 E = 3V \cdot \epsilon_0 E$$

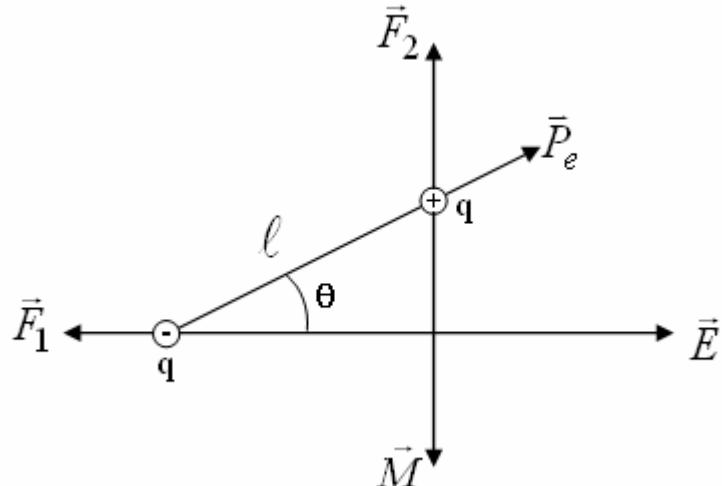
га эга бўламиз.

$\alpha = 3V$  – пропорционаллик коэффициенти бўлиб, унга атомнинг **кутбланувчанлиги** дейилади.

$$\vec{P}_\ell = \alpha \epsilon_0 \cdot \vec{E} , \quad (24.7)$$

Демак, атомнинг қутбланувчанлиги унинг учланган ҳажмига тенг бўлган физик катталиkdir.

2. Фараз қилайлик бир жинсли ( $\vec{E} = \text{const}$ ) ташқи электростатик майдонга диэлектрикнинг қутбли молекуласи жойлаштирилган бўлсин (35-расм).



*35-расм. Ташқи электростатик майдонда диполга таъсир этувчи кучлар*

Қутбли диполнинг электр моментининг вектори  $\vec{P}_\ell$  ташқи майдон кучланганлиги вектори  $\vec{E}$  билан  $\theta$  бурчак ҳосил қиласин.

Диполга қуйидаги

$$\vec{F}_1 = q\vec{E} \text{ ва } \vec{F}_2 = q\vec{E} , \quad (24.8)$$

жуфт кучлар таъсир қиласи. Бу жуфт кучларнинг моменти  $\vec{M}$  нинг сон қиймати қуйидагига тенг бўлади

$$M = F \cdot \ell \cdot \sin \theta = qE\ell \cdot \sin \theta = P_\ell \cdot E \cdot \sin \theta , \quad (24.9)$$

вектор кўринишда эса

$$\vec{M} = [\vec{P}_\ell \cdot \vec{E}] , \quad (24.10)$$

билинг ифодаланади.

$\vec{M}$  вектор  $\vec{P}_\ell$  ва  $\vec{E}$  векторлар ётган текисликка перпендикуляр бўлиб, соат милининг йўналиши билан мос тушади.

Жуфт кучлар моменти  $\vec{M}$ , диполнинг электр моменти  $\vec{P}_\ell$  ташқи электростатик майдон кучланганлигининг вектори  $\vec{E}$  билан мос тушунча таъсир қиласи.

Диполнинг электростатик майдон бўйлаб бурилиши **диполли қутбланиш ёки ориентациявий қутбланиш** деб аталади.

Агар диполь бир жинсли бўлмаган ( $\vec{E} \neq \text{const}$ ) электростатик майдонга киритилса,  $+q$  заряд атрофида  $\vec{E}_1$ ,  $-q$  заряд атрофида  $\vec{E}_2$  майдон кучланганликлари таъсир қиласи.

Жуфт кучлар йигиндиси қуйидагига teng бўлади.

$$\vec{F} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 = q(\vec{E}_1 - \vec{E}_2) , \quad (24.11)$$

$\vec{E}_1 - \vec{E}_2$  диполнинг елкаси  $l$  бўйича, ўртача майдон кучланганлигидир, яъни

$$\vec{E}_1 - \vec{E}_2 = \ell \cdot \left( \frac{d\vec{E}}{d\ell} \right) , \quad (24.12)$$

демак,

$$\vec{F} = q\ell \cdot \left( \frac{d\vec{E}}{d\ell} \right) = P_\ell \cdot \left( \frac{d\vec{E}}{d\ell} \right) . \quad (24.13)$$

Скаляр кўринишда эса,

$$F = \frac{d}{d\ell} (\vec{P} \cdot \vec{E})$$

га тенгдир. (24.13) – ифодани қуйидагича ифодалашимиз мумкин

$$\vec{F} = \text{grad}(\vec{P} \cdot \vec{E}) \quad , \quad (24.14)$$

## 25-§ Қутбланиш вектори

Диэлектрикнинг қутбланганлик даражасини характерлаш учун, қутбланиш вектори деб аталувчи физик катталиқ тушунчаси киритилади.

**Қутбланиш вектори** ( $\vec{P}_\ell$ ) деб, диэлектрикнинг бир бирлик ҳажмидаги барча диполлар электр моментларининг вектор йифиндисига микдор жиҳатдан тенг бўлган физик катталика айтилади, яъни  $\Delta V$  элементар ҳажмдаги  $n$  та диполнинг электр моментлари йифиндисини  $\Delta V$  ҳажмга бўлган нисбатига тенг

$$\vec{P}_\ell = \frac{1}{\Delta V} \sum_{i=1}^n \vec{P}_{\ell i} \quad , \quad (25.1)$$

бунда  $\vec{P}_{\ell i}$  – қутбланган  $i$ -молекуланинг электр моменти.

Агар қутбсиз молекулали изотроп диэлектриклар бир жинсли электростатик майдонга киритилса, диполнинг электр моменти  $P_{\ell i}$  барча молекулалар учун бир хил бўлади.

$$\vec{P}_\ell = \frac{1}{\Delta V} \sum_{i=1}^n \vec{P}_{\ell i} = \frac{n \vec{P}_{\ell i}}{\Delta V} = n_0 \vec{P}_{\ell i} \quad , \quad (25.2)$$

бу ерда  $n_0$  - диэлектрикнинг бирлик ҳажмидаги молекулалар сони – концентрациясидир.

Демак, қутбсиз молекулада индукцияланган диполнинг электр моменти қуидагича ифодаланади

$$\vec{P}_\ell = n_0 \cdot \varepsilon_0 \alpha \cdot \vec{E} \quad , \quad (25.3)$$

агар  $n_0 \cdot \alpha = \chi_\ell$  деб белгиласак,  $\alpha$  - атомнинг қутбланувчанлиги,  $\chi_\ell$  - диэлектрикнинг диэлектрик қабул қилувчанлигини билдиради.

$$\chi_{\ell} = 4\pi r^3 \cdot n_0 , \quad (25.4)$$

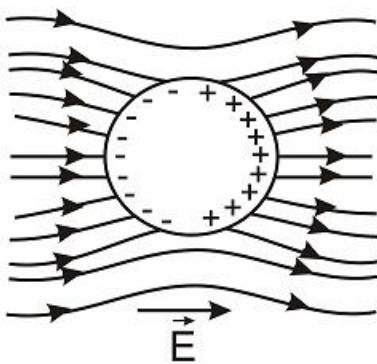
**Диэлектрик қабул қилувчанлик** деб, бир бирлик ҳажмдаги диэлектрик молекулаларининг кутбланувчанлигига миқдор жиҳатдан тенг бўлган физик катталикка айтилади.

## 26-§ Электростатик майдондаги ўтказгичлар

Эркин электронларга ёки ионларга эга бўлган моддалар ўтказгичлар деб аталади, чунки ташқи электр майдон таъсирида электрон ёки ионлар тартибли ҳаракат қилиши мумкин.

Агар эркин зарядларга эга бўлган ўтказгич ташқи электростатик майдонга жойлаштирилса, электростатик куч таъсирида, ўтказгичдаги эркин электронлар майдон кучланганлигининг вектори  $\vec{E}$  га қарама-қарши томонга силжийди. Натижада ўтказгичнинг икки томонида ҳар хил ишорали зарядлар ҳосил бўлади: электронлари ортиқча бўлган учи манфий зарядланади, электронлар етишмайдиган учи эса, мусбат зарядланади. Шундай қилиб, ташқи электростатик майдон таъсирида, ўтказгичдаги мавжуд зарядларни мусбат ва манфий сирт зарядларга ажратиш ҳодисаси электростатик индукция ёки таъсир орқали зарядлаш дейилади. Ҳосил бўлган зарядлар **индукцияланган зарядлар** деб аталади.

Электростатик майдонга киритилган ўтказгичдаги индукцияланган зарядлар майдоннинг манзарасини ўзгартиради. 36-расмда бир жинсли ( $\vec{E} = \text{const}$ ) электростатик майдонга киритилган металл шарнинг бу майдонни деформациялаши тасвирланган.

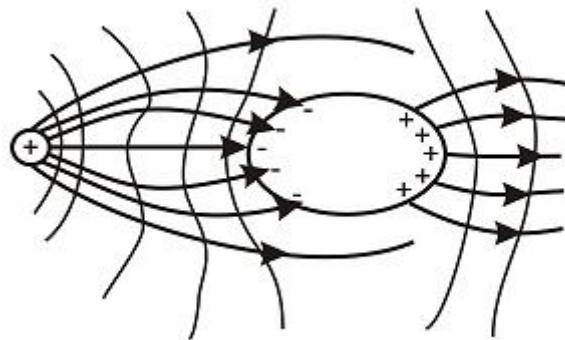


**36-расм. Металл шарнинг электростатик майдонни деформациялаши**

37-расмда эса, нуқтавий заряд ҳосил қилган электростатик майдонга киритилган ўтказгичнинг бу майдонни қандай деформациялаши кўрсатилган.

Мусбат ва манфий зарядлар қутби ҳосил бўлгани учун эквипотенциал чизиқлар ўтказгич сирти шаклига боғлиқ. Аммо, ўтказгичга кирувчи ва чиқаётган куч чизиқларининг сони тенг бўлгани учун ўтказгич ичидағи зарядларнинг алгебраик йигиндиси нолга тенг бўлади.

Ташки электростатик майдон таъсирида ўтказгичда зарядларни силжиши ёки манфий ва мусбат қутбларни ҳосил бўлиши эквипотенциал сиртлар пайдо бўлгунча давом этади.



**37-расм. Ўтказгичнинг нуқтавий заряд электростатик майдонини деформациялаши**

Ташки электростатик майдоннинг куч чизиқлари ўтказгич сирти бўйича индукцияланган манфий зарядларда тугайди. Куч чизиқлари яна сиртқи мусбат зарядларда давом этади. Аммо, ўтказгич ичидаги куч чизиқлари йўқ бўлгани учун ўтказгич ичидаги электр майдони бўлмайди.

Зарядларнинг сирт бўйича қайта тақсимланиши яъни, манфий ва мусбат қутблар ҳосил бўлиши, **электростатик индукция ҳодисаси** деб аталади.

Ўтказгич ичида электр майдон бўлмаслиги сиртқи зарядларнинг тенг тақсимланганидан келиб чиқади. Бу хол электростатик ҳимоя ёки **моддаларнинг экранлашиши** деб аталади.

Сиртқи зарядларнинг мавжудлиги ўтказгич ичида майдон бўлмаслигига сабаб бўлади, яъни ташқи электр майдон таъсирини йўққа чиқаради.

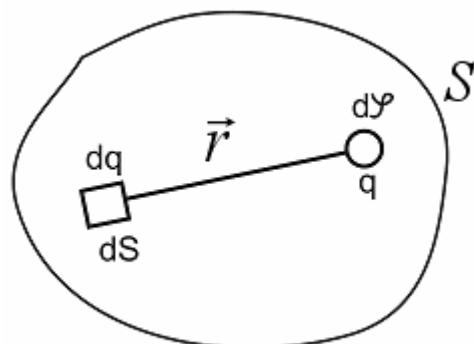
## 27-§ Электр сиғими

Яккаланган ўтказгич зарядланса, ўтказгич сирти шаклига қараб, заряд ҳар хил сиртқи заряд зичлиги  $\sigma$  билан тақсимланади. Шунинг учун ҳам ўтказгич ҳар бир нуқтасидаги сиртқи заряднинг зичлиги ўтказгичдаги умумий заряд  $q$  га пропорционалдир, яъни:

$$\sigma = kq \quad , \quad (27.1)$$

бу ерда  $k$  – ўтказгич сиртидаги текширилаётган нуқтанинг функцияси бўлиб, ўтказгич сиртининг шакли ва ўлчамига боғлиқ.

Зарядланган ўтказгич эквипотенциал сиртининг  $\varphi$  - потенциалини аниқлаш учун унинг бутун  $S$  сирти бўйлаб зарядини аниқлаймиз (38-расм).



38-расм.  $dq$  - заряднинг  $r$  масофадаги потенциали

Бу сиртни,  $dq = \sigma dS$  зарядга эга бўлган  $dS$  – элементар юзачаларга ажратиб,  $dq$  – ни нуқтавий заряд деб ҳисоблаймиз.

Нуқтавий  $dq$  заряднинг  $\vec{r}$  масофадаги майдон потенциали қўйидагига тенг бўлади.

$$d\varphi = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{dq}{\epsilon r} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\sigma dS}{\epsilon r}, \quad (27.2)$$

ёки

$$d\varphi = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{k \cdot q \cdot dS}{\epsilon r}, \quad (27.3)$$

Бу ифода бутун сирт бўйича интегралланса, зарядланган ўтказгич сиртининг потенциали ифодасига эга бўламиз.

$$\varphi = \oint_S \frac{k \cdot q \cdot dS}{4\pi\epsilon_0 \epsilon r} = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 \epsilon} \oint_S \frac{k \cdot dS}{r}, \quad (27.4)$$

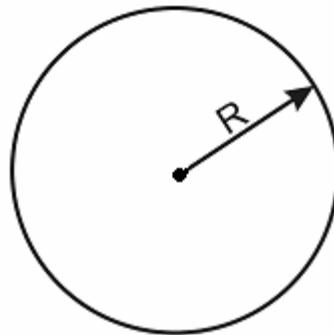
Ўтказгичнинг потенциали  $q$  зарядга пропорционал бўлади. Шу заряднинг потенциалга нисбати ўзгармас катталиkdir, у ўтказгичнинг заряд тўплаш хусусиятини белгилайди ва **ўтказгичнинг электр сиғими** деб аталади.

$$C = \frac{q}{\varphi} = \frac{4\pi\epsilon_0 \epsilon}{\oint_S \frac{k \cdot dS}{r}}, \quad (27.5)$$

Шундай қилиб, яккаланган ўтказгичнинг **электр сиғими** деб, унинг потенциалини бир бирликка ўзгартириш учун зарур бўлган зарядга миқдор жиҳатдан тенг физик катталика айтилади.

## Шарчанинг электр сиғими

$R$  радиусли яккаланган шар  $q$  – зарядга эга бўлсин (39-расм).



39-расм.  $R$  радиусли яккаланган шар

Унинг – сиртидаги потенциали қуидагига тенг бўлади:

$$\varphi = \frac{q}{4\pi\epsilon_0\epsilon R} ,$$

бу ерда

$$C = \frac{q}{\varphi} = \frac{q4\pi\epsilon_0\epsilon \cdot R}{q} = 4\pi\epsilon_0\epsilon \cdot R , \quad (27.6)$$

Шундай қилиб, шарнинг  $C$  – электр сиғими шарнинг радиусига ва муҳитнинг диэлектрик сингдирувчанлиги  $\epsilon$  га пропорционалдир.

(27.6) – ифодадан муҳитнинг диэлектрик сингдирувчанлигини аниқлаймиз.

$$\epsilon = \frac{C}{4\pi\epsilon_0 R} , \quad (27.7)$$

Электр сиғими ХБ тизимида Фарада билан ўлчанади ва бу бирлик жуда катта ўлчов бирлиги ҳисобланади.

$C = 1 \Phi$  деб ҳисобласак,  $\epsilon = 1$  бўлганда

$$R_{1\Phi} = \frac{C}{4\pi\epsilon_0\epsilon} = \frac{1\Phi}{4\pi \cdot 1} \left( \frac{4\pi \cdot 9 \cdot 10^9}{1} \cdot \frac{m}{\Phi} \right)$$

бу ерда

$$\varepsilon_0 = \frac{1}{4\pi \cdot 9 \cdot 10^9} \frac{\Phi}{M} = 0,885 \cdot 10^{-11} \frac{\Phi}{M}$$

га тенг бўлган учун

$$R_{1\Phi} = 9 \cdot 10^9 \text{ м} = 9 \cdot 10^6 \text{ км}$$

га тенг.

Бу Ой билан Ер орасидаги масофага нисбатан 23 марта каттадир.

Фарада катта ўлчов бирлиги бўлганлиги учун қуидаги кичик бирликлар ишлатилади:

$$\begin{aligned} 1 \text{ микрофара} &= (МК\Phi) = 10^{-6} \Phi \\ 1 \text{ нанофара} &= (Н\Phi) = 10^{-9} \Phi \\ 1 \text{ пикофара} &= (П\Phi) = 10^{-12} \Phi \end{aligned}$$

## Конденсаторлар

Электр сиғимининг формуласи қуидагидан иборат бўлгани учун

$$C = \frac{q}{\varphi},$$

сиғим асосан, ўтказгичнинг шакли ва ўлчамларига ҳамда муҳитнинг диэлектрик сингдирувчанлигига пропорционалдир.

Амалда, нисбатан кичик ўлчамларига қарамай, етарлича зарядларни ўзида йиға оладиган қурилмалар **конденсаторлар** деб аталади.

Конденсатор иккита параллел ўтказгич қатламидан иборат бўлиб, уларда қарама-қарши ишорали зарядлар тўпланади. Улар орасида диэлектрик моддаси бўлади.

Конденсатор қопламалари иккита ясси пластинкадан, иккита коаксиал цилиндрдан ёки иккита концентрик сферадан

иборат бўлиши мумкин ва улар шаклига биноан **ясси**, **цилиндрик ёки сферик конденсаторлар** деб аталади.

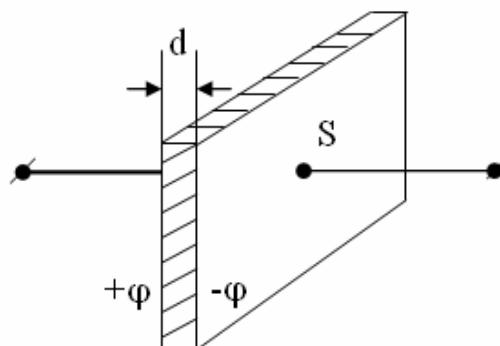
Одатда конденсатордаги электр майдон куч чизиқлари бир қопламада бошланиб, иккинчисида тугайди.

Конденсатор сифими қопламалардаги заряд микдорига тўғри пропорционал ва қопламалар орасидаги потенциаллар фарқига тескари пропорционалдир.

$$C = \frac{q}{\varphi_1 - \varphi_2} , \quad (27.8)$$

### Ясси конденсатор

40-расмда тасвирланган.



*40-расм. Ясси конденсатор*

*S* – юзали иккита ясси металл пластинкалар орасидаги масофани *d* га teng деб ҳисоблаймиз, қопламаларда эса  $-q$  ва  $+q$  сирт зарядлари индукцияланган бўлади. Қопламалар орасидаги электр майдонини бир жинсли деб ҳисоблаймиз.

Қопламалар орасида  $\epsilon$  диэлектрик сингдирувчаникка эга бўлган модда бўлса, потенциаллар фарқи қуидагига teng бўлади:

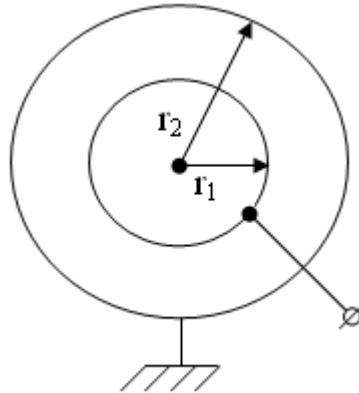
$$\varphi_1 - \varphi_2 = \frac{\sigma d}{\pi \epsilon_0 \epsilon} , \quad (27.9)$$

бу ерда  $Q = \sigma \cdot S$ ,  $\sigma$  - сирт заряди зичлиги,  $S$  – қопламалар юзаси. Натижада, ясси конденсатор сиғими қуйидагига тенг бўлади.

$$C = \frac{\epsilon \epsilon_0 q}{\sigma d} = \frac{\epsilon \epsilon_0 \delta \cdot S}{\sigma d} = \epsilon_0 \epsilon \frac{S}{d} , \quad (27.10)$$

### Сферик конденсатор

Қопламалар радиуси  $r_1$  ва  $r_2$  бўлган сферик конденсатор 41-расмда тасвирланган.



41-расм. Сферик конденсатор

Конденсатор қопламаларида  $q$  заряд индукцияланган бўлганда, улар орасидаги потенциаллар фарқи қуйидагича ифодаланади :

$$\varphi_1 - \varphi_2 = \frac{q}{4\pi\epsilon_0\epsilon} \left( \frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right) , \quad (27.11)$$

бу ерда  $r_1$  ва  $r_2$  ички ва ташқи сферик қопламалар радиуслариdir. Шунинг учун сиғим қуйидагича ифодаланади

$$C = \frac{q}{\varphi_1 - \varphi_2} = 4\pi\epsilon_0\epsilon \left( \frac{r_1 \cdot r_2}{r_2 - r_1} \right) , \quad (27.12)$$

Агарда  $r_2$  ташқи радиус ва  $r_1$  ички радиусдан жуда катта бўлса, (27.12) – ифода соддалашади:

$$C = 4\pi\epsilon_0\epsilon r_1, \quad (27.13)$$

Бу натижа ташқи қоплама сферик бўлмагандан ҳам ўринли бўлгани учун, (27.13) – ифодани яккаланган шар сифими деб ҳисобланади.

Агарда  $r_1 - r_2 = d$  – қопламалар орасидаги масофа қопламаларнинг ўртача радиусидан жуда кичик бўлса,

$$C = 4\pi\epsilon_0\epsilon \cdot \frac{r_1 \cdot r_2}{r_2 - r_1} \approx 4\pi\epsilon_0\epsilon \frac{r^2}{d} = \epsilon_0\epsilon \frac{S}{d}$$

бу ерда  $S = 4\pi r^2$  – қопламалар сирти юзасидир.

### Цилиндрик конденсатор

Бу ҳолда конденсаторни радиуслари  $r_1$  (ички) ва  $r_2$  (ташқи) иккита коаксиал цилиндрдан иборат бўлади, деб ҳисоблаймиз. Цилиндрларнинг узунлиги улар орасидаги масофадан жуда катта деб ҳисобланади.

Қопламалар орасидаги потенциаллар фарқи қўйидагидан иборат бўлади:

$$\varphi_1 - \varphi_2 = \frac{q}{2\pi\epsilon_0\epsilon\ell} \ln \frac{r_2}{r_1}, \quad (27.14)$$

бу ерда  $q$  – цилиндр узунлигидаги заряд,  $\frac{\varphi}{\ell}$  – бирлик узунликдаги заряд ва  $\ell$  – цилиндр узунлигидир.

Бирлик узунликка тўғри келувчи цилиндрик конденсатор сифими қўйидагидан иборатдир:

$$C = \frac{2\pi\epsilon_0\epsilon\ell}{\ell n \frac{r_2}{r_1}}. \quad (27.15)$$

Бошқа тарафдан, (27.15) – ифода металл сим изолятор қатлами билан ўралган кабель сиғимини эслатади.

Қопламалар орасидаги масофа  $d$ , цилиндрлар радиусларига нисбатан жуда кичик бўлса, бу ҳолда цилиндрик конденсатор сиғими қуидагидан иборат бўлади:

$$C = \epsilon \epsilon_0 \frac{S}{d} , \quad (27.16)$$

## 28-§ Электростатик майдон энергияси

Электростатик майдон – потенциал майдондир. Шунинг учун унга киритилган зарядлар потенциал энергияга эгадирлар.

$q_1$  ва  $q_2$  нуқтавий зарядларнинг потенциал энергияларини баҳолаймиз. Ҳар бир заряд, бошқа заряд майдонида потенциал энергияга эга бўлади.

$$W_1 = q_1 \cdot \varphi_{12} , \quad W_2 = q_2 \cdot \varphi_{21} , \quad (28.1)$$

$\varphi_{12}$  -  $q_2$  – заряднинг  $q_1$  заряд турган жойда ҳосил қилган потенциалидир,

$\varphi_{21}$  -  $q_1$  – заряднинг  $q_2$  заряд турган жойда ҳосил қилган потенциалидир.

$$\varphi_{12} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0\epsilon} \frac{q_2}{r} , \quad \varphi_{21} = \frac{q_1}{4\pi\epsilon_0\epsilon r}$$

шунинг учун

$$W_1 = W_2 = W$$

$$W = q_1 \cdot \varphi_{12} = q_2 \cdot \varphi_{21} = \frac{q_1 \cdot \varphi_{12} + q_2 \cdot \varphi_{21}}{2}$$

## Яккаланган зарядли ўтказгич энергияси

Ўтказгич  $q$  - зарядга,  $C$  – сифимга ва  $\varphi$  - потенциалга эга бўлсин. Ўтказгич зарядини  $dq$  га оширамиз. Унинг учун чексизликдан, (яъни  $\varphi = 0$  бўлган жойдан)  $dq$  зарядни ўтказгичга кўчирамиз. Бу ҳолда бажарилган иш

$$dA = \varphi \cdot dq = \varphi \cdot C \cdot d\varphi$$

га тенг бўлади, чунки

$$q = C\varphi , \quad dq = C \cdot d\varphi .$$

Тўла бажарилган иш

$$A = \int_0^\varphi C \cdot \varphi d\varphi = C \int_0^\varphi \varphi d\varphi = C \frac{\varphi^2}{2} , \quad (28.2)$$

$$W = A = \frac{C \cdot \varphi^2}{2} = \frac{q \cdot \varphi}{2} = \frac{q^2}{2C} , \quad (28.3)$$

Зарядланган конденсатор энергияси

$$W = \frac{C(\varphi_1 - \varphi_2)^2}{2} = \frac{C(\Delta\varphi)^2}{2} = \frac{q \cdot \Delta\varphi}{2}$$

га тенгдир.

## Қайтариш учун назорат саволлари

1. Зарядларнинг сақланиш қонунини тушунтиринг. Кулон қонуни мұхитнинг диэлектрик сингдирувчанлигига қандай боғланган?
2. Қандай майдон электростатик майдон ва унинг асосий характеристикаси, майдон кучланганлиги ва майдон потенциали нима? Улар орасида қандай боғланиш мавжуд?

3. Электростатик майдоннинг супперпозиция принципини тушунтиринг.
4. Остроградский-Гаусс теоремаси ва формуласини ёзинг. Уни ҳар хил сиртларга тадбиқ қилинишини исботланг. Электр силжиш вектори нима?
5. Электр сифими. Ҳар хил шаклдаги конденсаторларнинг сифимларини ҳисоблаш формулаларини келтириб чиқаринг. Электростатик майдон ва конденсаторлар энергиясини ҳисоблаш формулаларини келтириб чиқаринг.

## 29-§ Электр токи

Агар ўтказгичнинг икки нуқтаси орасидаги потенциаллар айрмаси доимий сақланса ( $\varphi_1 - \varphi_2 = const$ ), ўтказгич ичида нолдан фарқли майдон ҳосил бўлади. Бу майдон ўтказгичдаги эркин зарядларнинг бир томонга йўналган тартибли ҳаракатини юзага келтиради. Бу ҳолда мусбат зарядлар ўтказгичнинг катта потенциалли нуқтасидан кичик потенциалли нуқтасига, манфий зарядлар эса, аксинча ҳаракатланадилар.

Электр зарядининг тартибли ҳаракатига **электр токи** деб айтилади.

Электр токини металларда эркин электронларнинг, электролитларда мусбат ва манфий ионларнинг, газларда эса мусбат, манфий ионлар ва электронларнинг ҳаракати ҳосил қиласиди.

**Ток кучи** деб, ўтказгичнинг кўндаланг кесими юзасидан вақт бирлиги ичида ўтган электр зарядига миқдор жиҳатдан тенг бўлган физик катталикка айтилади.

$$I = \frac{dq}{dt} . \quad (29.1)$$

Токнинг кучи ва йўналиши вақт ўтиши билан ўзгармай қоладиган бўлса, уни **ўзгармас ток** деб аталади:

$$I = \frac{q}{t} . \quad (29.2)$$

ХБ тизимида ток кучининг бирлиги Ампер ( $A$ ) билан ўлчанади. 1 Ампер – ўтказгичнинг кўндаланг кесимидан 1 секунд ичида 1 Кулон заряд миқдори ўтишини кўрсатувчи катталикдир.

Агар ток кучи ўтказгичнинг кўндаланг кесими бўйича бир жинсли бўлмаса, у ҳолда ўтказгичнинг кўндаланг кесими бўйича ток кучининг тақсимланишини ифодалаш учун ток кучининг зичлиги деб аталувчи физик катталик тушунчаси киритилади.

$$j = \frac{dI}{dS_{\perp}} = \frac{dI}{dS \cos \alpha} , \quad (29.3)$$

бу ерда  $\alpha$  -  $dS$  юза билан унга ўтказилган  $\vec{n}$  нормал орасидаги бурчакдир. Бу ифодадан ўтказгичнинг ихтиёрий юзасидан ўтаётган ток кучини ҳисоблаб топиш мумкин

$$I = \int_S j dS_{\perp} = \int_S j dS \cos \alpha . \quad (29.4)$$

**Ток кучининг зичлиги** деб, ўтказгичнинг бир бирлик кўндаланг кесим юзасидан ўтган ток кучига миқдор жиҳатдан тенг бўлган физик катталикка айтилади.

Ўтказгичнинг ичида, Кулон кучи ҳосил қилган майдоннинг кучланганлиги  $\vec{E}$ , ўтказгичнинг икки учидаги потенциаллар фарқи йўқолгунча сақланади. Демак, занжирда узлуксиз ўзгармас ток ўтиб туриши учун, Кулон кучидан ташқари потенциаллар фарқини ҳосил қилувчи ташқи ноэлектрик кучлар мавжуд бўлиши зарур. Бундай кучларни **электрга ёт кучлар** деб атамиз.

Электрга ёт кучлар узлуксиз токни таъминлаб туриши учун ҳар хил ишорали зарядларни ажратиб, потенциаллар фарқини доимий сақлаб туради. Бундай электрга ёт кучларни электр

энергия манбалари (гальваник элементлар, аккумуляторлар, электр генераторлари) етказиб туради.

Электрга ёт кучларни ҳосил қилувчи қурилмалар **ток манбалари** деб аталади.

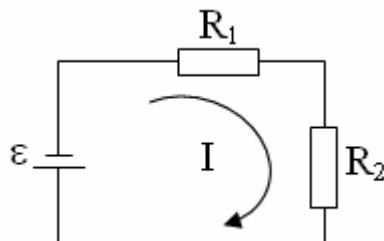
Ток манбалари ичида электрга ёт кучларнинг иш бажариши натижасида, у ёки бу энергия тури электр энергияга айланади. Шу сабабли бу куч электр юритувчи куч (*ЭЮК*) деб аталади.

$$\varepsilon = \frac{A}{q}, \quad (29.5)$$

Манбанинг *ЭЮК* занжир очиқ бўлганда, унинг қутбларидағи потенциаллар айримасига тенг бўлади ва Вольтларда ўлчанади.

### 30-§ Ом ва Джоуль-Ленц қонунларининг дифференциал ва интеграл ифодалари

Электрга ёт кучлар таъсир этмайдиган занжирнинг қисми бир жинсли ўтказгич деб аталади ( $R_1, R_2$ ) (42-расм).

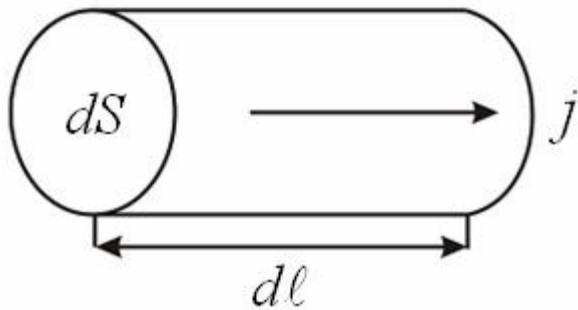


*42-расм. Иккита бир жинсли қаршилиқдан иборат электр занжири*

Ом қонунига асосан, бир жинсли ўтказгичдан ўтаётган ток кучи кучланишга тўғри пропорционал, ўтказгич қаршилигига тескари пропорционалдир.

$$I = \frac{U}{R}, \quad (30.1)$$

бу ерда  $R$  – ўтказгичнинг электр қаршилиги. Бир жинсли цилиндрик ўтказгич учун (43-расм).



**43-расм.** Бир жинсли цилиндрик ўтказгич

$$R = \rho \cdot \frac{\ell}{S} , \quad (30.2)$$

бу ерда  $\ell$  - ўтказгич узунлиги,  $S$  – унинг кўндаланг кесими юзаси,  $\rho$  - ўтказгичнинг солиштирма электр қаршилигидир.

Мисол қилиб - ток зичлиги –  $\vec{j}$  ва майдон кучланганлиги  $\vec{E}$  йўналишлари мос бўлган, узунлиги  $d\ell$  га teng цилиндрик ўтказгични оламиз (43-расм). Ўтказгичнинг кўндаланг кесими юзасидан оқиб ўтувчи ток кучи

$$I = jdS$$

га teng. Ўтказгичнинг қаршилигини  $\rho \cdot \frac{d\ell}{dS}$  ва ундаги кучланиш тушишини

$$U = Ed\ell$$

деб олсак, бу ҳолда Ом қонунини шундай ифодаласак бўлади

$$jdS = \frac{Ed\ell dS}{\rho d\ell} \quad \text{ёки} \quad j = \frac{1}{\rho} \cdot E$$

Ток зичлиги ва майдон кучланганлиги йўналишлари бир хил бўлгани учун

$$\vec{j} = \frac{1}{\rho} \vec{E} = \sigma \cdot \vec{E} \quad , \quad (30.3)$$

бу ерда  $\sigma$  - ўтказгичнинг солишири ма ўтказувчанлиги. Бу ифода **Ом қонунининг дифференциал кўриниши** деб аталади. Ток кучи қаршиликдан ўтаётганда, унинг энергияси ўтказгични қизитишга сарф бўлади

$$Q = I \cdot U \cdot t = I \cdot I \cdot R \cdot t = I^2 \cdot R \cdot t , \quad (30.4)$$

бу ифода Джоуль-Ленц қонуни деб аталади.

Агар, ток кучи вақт бўйича ўзгарса, у ҳолда  $t$  – вақт ичида ажралиб чиқаётган иссиқлик миқдори қуидагича ҳисобланади

$$Q = \int_0^t I^2 R dt , \quad (30.5)$$

Элементар ҳажмда  $dV = d\ell \cdot dS$  ажралиб чиқаётган иссиқлик миқдори қуидагича ҳисобланади.

$$dQ = RI^2 dt = \rho \frac{d\ell}{dS} (j \cdot dS)^2 \cdot dt = \rho d\ell \cdot dS \cdot j^2 dt .$$

$$dQ = \rho \cdot j^2 \cdot dV \cdot dt , \quad (30.6)$$

бу ердан бирлик ҳажмдан бирлик вақт ичида ажралиб чиқаётган иссиқлик миқдорини топамиз.

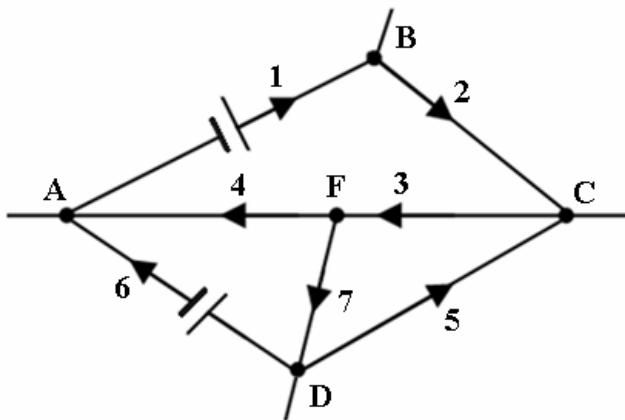
$$Q_{col.} = \frac{dQ}{dV \cdot dt} = \rho \cdot j^2 = \rho \cdot (\sigma^2 \cdot E^2)$$

$$Q_{col.} = \sigma \cdot E^2 , \quad (30.7)$$

Бу ифода Джоуль-Ленц қонунининг дифференциал кўринишидир.

### 31-§ Кирхгоф қоидалари

Амалда мураккаб тармоқланган занжирлар билан ишлашга түғри келади. 44-расмда шундай тармоқланган занжир тасвиrlанган.



**44-расм. Мураккаб электр занжирида ўтказгичларнинг туташшии нуқталари**

Бу занжирда 7 та занжир қисмлари ва бешта  $A, B, C, D, F$  тармоқланиш тугунлари мавжуд бўлиб, бу нуқталарда 3 тагача ўтказгичлар (симлар) туташади. Занжирнинг 7 та қисмлари таркибида  $r_1, r_2, \dots, r_7$  қаршиликлар ва  $\varepsilon_1, \varepsilon_2, \dots, \varepsilon_7$  манбалар мавжуддир.

Занжирнинг барча қисмларида ток кучини ҳисоблашга ҳаракат қиласиз. Тармоқланиш тугунларидан 7 - сини оламиз. Бу нуқтада  $i_3, i_4, i_7$  токлар оқадиган 3, 4 ва 7 занжирнинг қисмлари туташади. 7 - нуқтага келувчи  $i_3$  токнинг ишорасини мусбат, нуқтадан тарқалувчи  $i_4$  ва  $i_7$  токлар ишорасини манфий, деб ҳисоблаймиз.

Бирлик вақт ичida 7 – тугунга келувчи зарядлар миқдори юқорида келтирилган токларнинг алгебраик йиғиндисига тенгдир  $i_3 - i_4 - i_7$ . Агарда занжирда токлар доимий бўлса, натижавий ток нолга тенг бўлади, чунки, акс ҳолда кузатилаётган нуқта потенциали вақт бўйича ўзгарган бўлар эди. Бу қоида занжирнинг барча тармоқланиш нуқталарига тааллуқлидир.

Шу сабабли, электр занжирнинг тугунига келувчи токларнинг алгебраик йиғиндиси тугундан чиқувчи токларнинг алгебраик йиғиндисига teng бўлади ва шу нуқтадаги натижавий ток қиймати нолга teng бўлади:

$$\sum_{i=1}^n i_k = 0 \quad . \quad (31.1)$$

Бу ифода **Кирхгофнинг биринчи қоидаси** деб аталади.

Мураккаб электр занжирнинг  $A \ B \ C \ F \ A$  ёпиқ контурини оламиз. Унинг алоҳида қисмларига занжирнинг бир қисми учун Ом қонунини қўллаймиз. У ҳолда  $A$  ва  $B$  нуқталар потенциаллар фарқи учун қуидагига эга бўламиз:

$$U_{AB} = U_A - U_B = i_1 r_1 - \varepsilon_1$$

Занжирнинг бошқа қисмларига ҳам қўлласак:

$$U_B - U_C = i_2 r_2 - \varepsilon_2,$$

$$U_C - U_F = i_3 r_3 - \varepsilon_3,$$

$$U_F - U_A = i_4 r_4 - \varepsilon_4$$

Бу тенгликларни ҳадма-ҳад қўшсак, чап тарафдаги ҳадлар йиғиндиси нолга teng бўлади, у ҳолда

$$i_1 r_1 + i_2 r_2 + i_3 r_3 + i_4 r_4 = \varepsilon_1 + \varepsilon_2 + \varepsilon_3 + \varepsilon_4$$

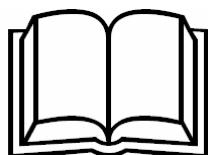
Электр занжирнинг исталган ёпиқ контури учун шундай муносабатга эга бўламиз.

$$\sum_{i=1}^n I_i \cdot R_i = \sum_{i=1}^n \varepsilon_i \quad . \quad (31.2)$$

Бу Кирхгофнинг иккинчи қоидаси деб аталади ва уни шундай таърифлаш мумкин: тармоқланган электр занжирнинг ихтиёрий ёпиқ контури қисмларидағи ток кучларининг мос равища қаршиликларга күпайтмаларининг алгебраик йифиндиси, шу контурдаги ЭЮКларнинг алгебраик йифиндисига тенгдир.

### Қайтариш учун назорат саволлари

1. Электр токи деб нимага айтилади. Унинг мавжуд бўлиш шартларини санаб ўтинг. Ом, Жоул-Ленц қонунларини интегралл ва дифференциал кўриниши қандай бўлади?
2. Металларнинг классик электрон назарияси ва унинг асосида Ом ва Жоул-Ленц қонунларини келтириб чиқаринг?
3. Электр юрутувчи куч нима? Кирхгоф қонунларини тушинтириб беринг.



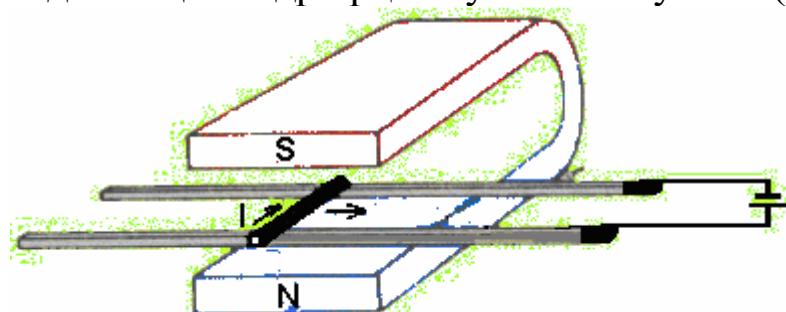
### III Боб

## ЭЛЕКТРОМАГНЕТИЗМ

### 32-§ Магнит майдони индукцияси. Лоренц кучи

Магнитларнинг ва токларнинг ўзаро таъсирини учта тажриба орқали кўриб чиқамиз:

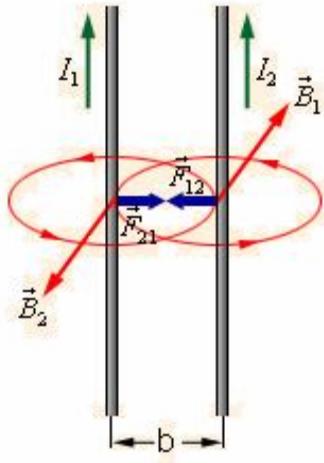
1. Ток магнит стрелкаси устида жойлашган тўғри ўтказгич бўйлаб ўтаётган бўлсин. Бунда, магнит стрелкасига токнинг йўналишига боғлиқ бўлган жуфт кучлар таъсир этади ва магнит стрелкаси токли ўтказгичга перпендикуляр ҳолда жойлашади.
2. Ток иккита ўтказгични туташтириб, унинг устида эркин думалай оладиган цилиндр орқали ўтаётган бўлсин (45-расм).



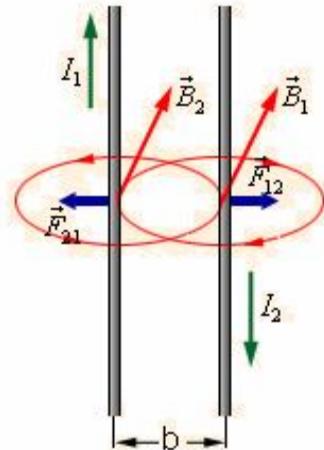
*45-расм. Магнит майдонида эркин ҳаракатланадиган токли цилиндрик ўтказгич*

Цилиндр доимий магнит қутблари орасига жойлаширилган бўлиб, цилиндрни ҳаракатга келтирувчи куч ток йўналишига ва магнит қутбларининг жойлашишига боғлиқ бўлади.

3. Ток ўтаётган иккита параллел ўтказгичлар, улардаги ток йўналишлари бир хил бўлганда тортишади, ток йўналишлари қарама-қарши бўлганда итаришади (46-47-расмлар).



**46-расм.** Ток йұналишлари бир хил бўлган ўтказгичлар орасидаги таъсир этувчи кучлар



**47-расм.** Ток йұналишлари ҳар хил бўлган ўтказгичлар орасидаги таъсир этувчи кучлар

Агар ўтказгичлар жуда узун ва бир-биридан  $b$  масофада жойлашган, улардан  $I_1$  ва  $I_2$  ток ўтаётган бўлса, ўтказгичнинг  $\ell$  узунликдаги бўлагига таъсир этувчи кучни Халқаро бирликлар тизимида (ХБТ) қуийдаги формула орқали ифодалаш мумкин

$$F = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{2I_1 I_2 \ell}{b}, \quad (32.1)$$

бу ерда  $\mu_0$  – магнит доимийсидир.

Ток кучи ХБТ да Амперда ўлчанади. **Ампер**, микдор жиҳатидан вакуумда бир-биридан 1 метр масофада жойлашган иккита параллел токли ўтказгичлар орасида  $2 \cdot 10^{-7}$  Ньютонга тенг ўзаро таъсир кучи ҳосил қилувчи ток кучини ифодалайди.

Ток кучи 1 Ампер бўлганда, 1 секунд ичида ўтказгичнинг кўндаланг кесими юзасидан ўтаётган заряд микдори 1 Кулонга тенг бўлади.

Агар  $I_1 = I_2 = 1A$ ,  $\ell = b = 1$  м бўлса, у ҳолда,

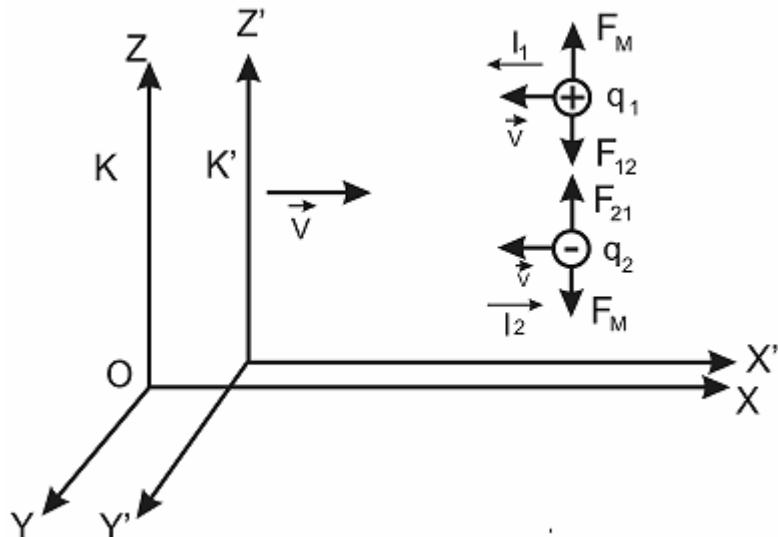
$$F = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{2I_1 I_2 \ell}{b}, \quad (32.2)$$

ифодадан магнит доимийсини ҳисоблаш мумкин

$$\mu_0 = \frac{4\pi b \cdot F}{2I_1 I_2 \ell} = \frac{12,56 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 10^{-7}}{2 \cdot 1 \cdot 1 \cdot 1} \frac{H}{A^2} = 12,56 \cdot 10^{-7} \frac{H}{A^2}, \quad (32.3)$$

Яқындан таъсир назариясига кўра, ҳар қандай токли ўтказгич (ёки ҳаракатланувчи заряд) қўшни нуқталарда, яъни ўз атрофида магнит майдонини ҳосил қиласди. Магнит кучларининг пайдо бўлишини қуидагича тушунтириш мумкин: иккита  $+q_1$  и  $-q_2$  зарядлар бир-бираидан  $r$  масофада жойлашган бўлсин (48-расм). “Кўзғалмас”  $K$  саноқ тизимида улар орасида, Кулон қонунига кўра, ўзаро тортишиш кучлари таъсир этади:

$$\vec{F}_{12} = -\vec{F}_{21} = \frac{q_1 q_2 \vec{r}}{4\pi\epsilon_0 r^3}, \quad (32.4)$$



48-расм. Ҳаракатланувчи зарядларда магнит майдонининг ҳосил бўлиши

Ўнг тарафга  $\vec{v}$  тезлик билан ҳаракатланган  $K'$  саноқ тизимида бу зарядлар чап тарафга  $v = -\vec{v}$  тезлик билан ҳаракатланаётгандек туюлади. Лоренц алмаштиришлари ифодаларидан фойдалансак, бу  $K'$  тизимда Кулон кучлари қуидагича ифодаланади:

$$\vec{F}' = \frac{q_1 q_2 \vec{r}}{4\pi\epsilon_0 r^3} \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}} = \frac{q_1 q_2 \vec{r}}{4\pi\epsilon_0 r^3 \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} - \frac{q_1 q_2 \vec{r}}{4\pi\epsilon_0 r^3 \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} \cdot \frac{v^2}{c^2} \quad (32.5)$$

Бу ифоданинг ўнг томонидаги биринчи қўшилувчи – электр тортишиш кучларини, иккинчиси эса - анча заиф бўлиб, ҳаракатланувчи зарядлар ўртасидаги **магнит итариш кучини ифодалайди**.

$$\vec{F}_e' = \frac{q_1 q_2 \vec{r}}{4\pi\epsilon_0 r^3 \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}},$$

$$\vec{F}_m = -\frac{q_1 q_2 \vec{r}}{4\pi\epsilon_0 r^3 \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} \cdot \frac{v^2}{c^2}, \quad (32.6)$$

$\vec{v} \ll c$  бўлганда **магнит кучларини**, электр кучларига нисбатан ҳисобга олмаса ҳам бўлади.

Агар электронлар металл ўтказгичда ҳаракатланаётган бўлса, қўшни ўтказгичдаги электронлар орасидаги ўзаро **итариш кучлари**, электронлар ва панжаралардаги мусбат ионларнинг ўзаро тортишиш кучлари билан мувозанатлашади, ҳаракатланувчи электронлар орасидаги магнит кучлари эса қўшилади. Электронлар сонининг кўплиги натижавий магнит кучларини сезиларли равишда оширади. Ҳосил бўлган магнит кучи – зарядлар қўзғалмас саноқ тизимидан зарядлар ҳаракатланаётган саноқ тизимига ўтишдаги электр кучларининг Лоренц алмаштиришлари натижасидир.

Магнит доимийлини  $\frac{1}{\epsilon_0 c^2} = \mu_0$  деб белгилаб,  $v^2 = (-v')^2$  эканлигини ҳисобга олиб, магнит кучини қўйидагича ёзиш мумкин:

$$\overrightarrow{F_m}' = q_1 [\vec{v}', \frac{\mu_0 q [\vec{v'} \vec{r}]}{4\pi r^3 \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}] = q_1 [\vec{v}', \vec{B}], \quad (32.7)$$

$$\text{Бу ерда } \vec{B} = \frac{\mu_0 q [\vec{v}' \vec{r}]}{4\pi r^3 \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} \text{ - магнит майдон индукция векторидир.}$$

Магнит майдон индукцияси қўзғалмас  $q$  заряддан  $\vec{r}$  - радиус-вектор узоқликдаги нуқтадан  $\vec{v}'$  тезлик билан ҳаракатланувчи  $q_1$  заряднинг ҳосил қилган магнит майдонини характерловчи катталиқдир.

ХБ – тизимида магнит майдон индукцияси «Тесла» ( $T_l$ ) билан ўлчанади ва у  $1 H/A.m$  га тенгдир.

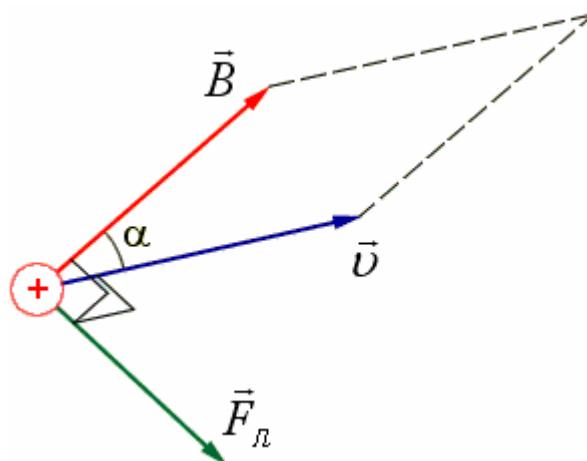
Электр майдон кучланганлиги  $\vec{E}$  ва магнит майдон индукцияси  $\vec{B}$  бўлган нуқтада  $v$  - тезлик билан ҳаракатланаётган  $q$  зарядга таъсир этувчи куч – **Лоренц кучи** деб аталади ва қуйидагича ифодаланади:

$$\vec{F}_n = q(\vec{E} + [\vec{v}, \vec{B}]) , \quad (32.8)$$

Факат магнит кучи бўлган ҳолда:

$$\vec{F}_m = q[\vec{v}, \vec{B}] , \quad (32.9)$$

га тенг бўлади.

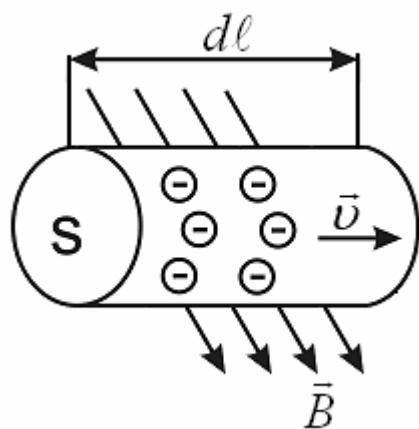


49-расм. Ҳаракатланаётган зарядга таъсир этувчи Лоренц кучи

49-расмда заряднинг ҳаракат тезлиги йўналиши ва магнит майдон индукцияси векторининг йўналиши ётган текисликка перпендикуляр бўлган  $\vec{F}_\perp$  - Лоренц кучининг йўналиши келтирилган.

### 33-§ Ампер қонуни

Индукцияси  $\vec{B}$  бўлган магнит майдонига, узунлиги  $d\ell$ , кўндаланг кесим юзаси  $S$  ва  $I$  – ток ўтаётган ўтказгич жойлаштирилган бўлсин (50-расм).



50-расм. В индукцияли магнит майдонида ўтказгич

Ўтказгичнинг бирлик ҳажмида  $n_0$  – электронлар бўлиб, улар ўртача  $v$  – тезлик билан ҳаракатланаётган бўлса, уларнинг ҳар бирига шундай куч таъсир қиласи:

$$\vec{f} = -e[\vec{v}, \vec{B}] . \quad (33.1)$$

Барча электронларга таъсир этувчи куч:

$$d\vec{F} = -n_0 S \cdot d\ell \cdot [\vec{v} \cdot \vec{B}] \cdot e$$

бўлади.

Агарда  $d\vec{\ell}$  вектори  $\vec{B}$  - тезлик йўналишга тескари деб ҳисобласак

$$d\vec{F} = +n_0 S \nu e [d\vec{\ell} \cdot \vec{B}] \quad , \quad (33.2)$$

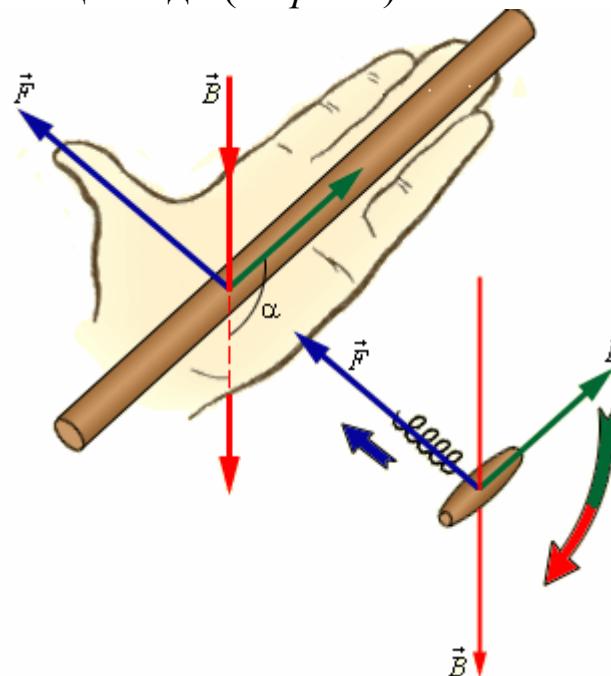
**Бу Ампер қонунининг дифференциал кўринишидир.**

Агар ўтказгич тўғри чизикли ва ўтказгичнинг бутун  $\ell$  узунлиги бўйича  $B=const$  бўлса, шу ўтказгичга таъсир этувчи куч қуидагича ифодаланади:

$$\vec{F} = I[\vec{\ell}, \vec{B}] \quad , \quad (33.4)$$

**Бу Ампер қонунининг интеграл ифодасидир.**

Лоренц кучининг йўналиши чап қўл қоидаси ёки парма қоидаси билан аниқланади (*51-расм*).



*51-Расм. Чап қўл қоидаси*

Магнит майдон индукцияси  $\vec{B}$  чап қўлнинг кафтига тик йўналган, заряднинг харакат йўналиши кўрсаткич бармоқ йўналишида бўлса, зарядга таъсир қилувчи Лоренц кучи бош бармоқ йўналишида бўлади.

## Магнит майдонидаги токли контур

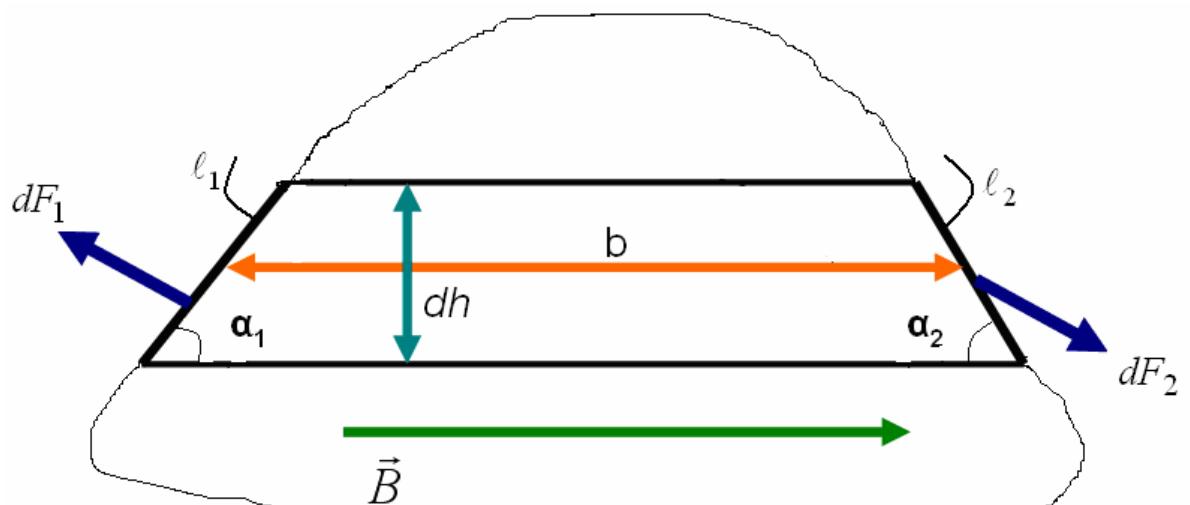
Индукция вектори  $\vec{B}$  бўлган бир жинсли магнит майдонига  $I$  токли ясси контур жойлаштирилган (52-расм).

**1-ҳол.**  $\vec{B}$  магнит индукция вектори контур текислигига параллелдир.

Ўтказгичнинг  $d\ell_1$  ва  $d\ell_2$  кесмалар билан ажратилган  $dh$ , қисмини ажратиб олайлик. Ампер қонунига биноан уларга қарама-қарши йўналган жуфт кучлар таъсир этади. Кесмаларга таъсир этувчи кучлар қуидагича аниқланади.

$$dF_1 = IBd\ell_1 \sin \alpha_1 = IB \cdot dh , \quad (33.5)$$

$$dF_2 = IBd\ell_2 \sin \alpha_2 = IBdh , \quad (33.6)$$



52-расм. Ясси контур текислигига параллел бўлган магнит майдонининг таъсiri

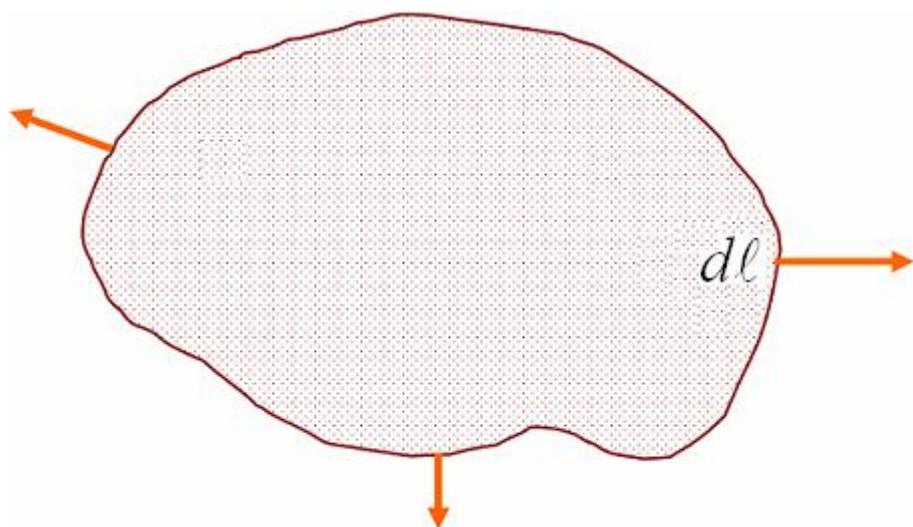
Бу кучлар қарама-қарши йўналган ва айланиш моментини ташкил этувчи жуфт кучлардир:

$$dM = dF_1 \cdot b = IB \cdot b \cdot dh = IB \cdot dS .$$

Бу ерда  $b$  - бўлакнинг узунлиги,  $dS$  - эса унинг юзаси. Агар бутун контур юзасини параллел бўлакчаларга бўлсак ва уларга таъсир этувчи жуфт кучларнинг куч моментларини йиғиб чиқсан, бутун контурга қўйилган натижавий куч моментини хосил қиласиз:

$$M = \int IB \cdot dS = IB \cdot \int dS = IB \cdot S . \quad (33.7)$$

**2-ҳол.** Магнит майдон индукция вектори контур текислигига перпендикуляр жойлашган (53-расм).



**53-расм.** Ясси контурга унинг текислигига перпендикуляр бўлган магнит майдонининг таъсири

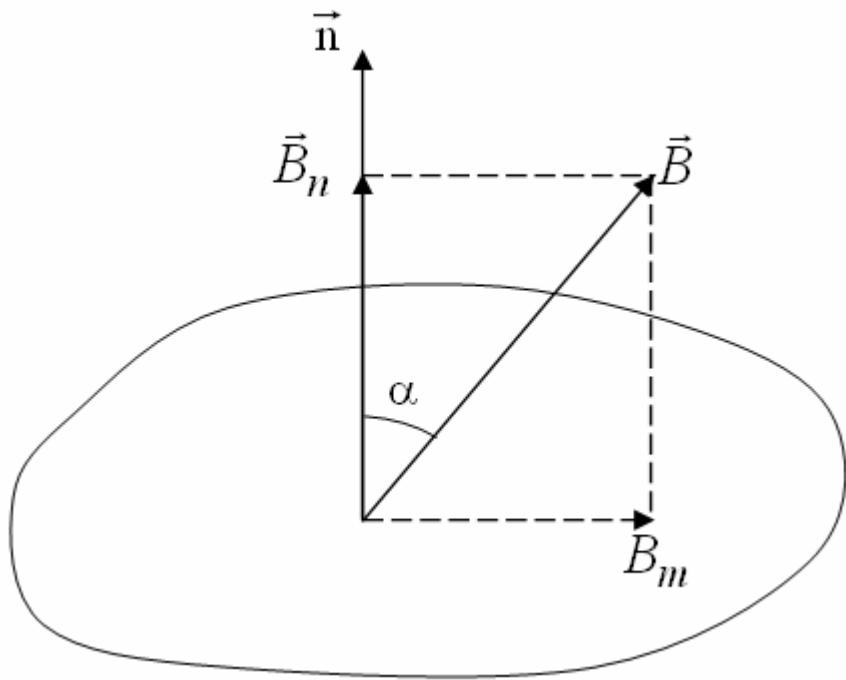
Контурнинг исталган кичик бўллаги ( $d\vec{l}$ ) га таъсир этувчи куч

$$d\vec{F} = I[d\vec{l} \cdot \vec{B}] , \quad (33.8)$$

бу куч нормал бўйича бўлакларга йўналган бўлади ва контурни айлантиrmай, чўзади.

Агар ток кучи ёки магнит майдон индукцияси қарама-қарши томонга йўналишини ўзгартирса, бу кучларнинг йўналиши ўзгариб, контурни сиқади.

**Умумий ҳол.**  $\vec{B}$  индукция вектори контурга ўтказилган нормал билан  $\alpha$  бурчак ташкил қилса,  $\vec{B}$  векторни иккита ташкил этувчига ажратамиз (54-расм).



**54-рнсм. Исталган йўналишдаги магнит майдонининг яssi контурга таъсири**

Индукция векторининг нормал ташкил этувчиси  $\vec{B}_n = \vec{B} \cos \alpha$  контурни чўзиши ёки сиқиши мумкин.

Индукция векторининг тангенциал ташкил этувчиси  $\vec{B}_m = \vec{B} \sin \alpha$  контурга таъсир этувчи айланма моментни ҳосил қиласди

$$M = I \cdot B \sin \alpha .$$

Вектор кўринишида қўйидагича ифодалаймиз

$$\vec{M} = I \cdot S [\vec{n} \cdot \vec{B}] = [\vec{P}_m \cdot \vec{B}] , \quad (33.9)$$

бу ерда  $\vec{n}$  нормал йўналишдаги бирлик вектор,  $\vec{P}_m = IS\vec{n}$  - **токнинг магнит моментидир.**

$\vec{M} = [\vec{P}_m \cdot \vec{B}]$  - умумий ҳол бўлиб, ундан 1- ва 2- хусусий ҳолларни олиш мумкин

$$(\alpha = \frac{\pi}{2} \text{ ва } \alpha = 0)$$

Магнит моменти  $\vec{P}_m$  бўлган кичик токли контурни, мувозанат ҳолатида  $(\vec{P}_m \cdot \vec{B})$  магнит майдонидаги нуқтага жойлаштирамиз ва контур текислигига ётувчи ихтиёрий ўқ атрофида  $90^0$  бурчакка бурамиз. Бу ҳолда унга таъсир этувчи айлантирувчи момент максимал қийматга эришади ( $M_{max} = P_m B$ ) ва магнит индукция

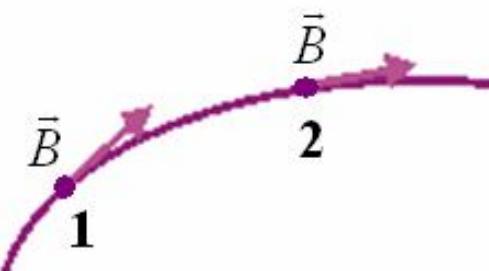
$$B = \frac{M_{max}}{P_m} \quad (33.10)$$

га тенг бўлади. Мувозанат ҳолатда В нинг йўналиши контур текислигига нормал бўйича йўналган.

Магнит индукция вектори  $\vec{B}$  – электр майдон кучланганлиги  $\vec{E}$  га ўхшаш магнит майдонининг асосий характеристикасиdir.

Магнит майдонини ҳам электр майдон кучланганлиги чизиқларига ўхшаш индукция чизиқлари орқали график усулда тавирлаш мумкин.

Магнит индукция вектори  $\vec{B}$  ҳар бир нуқтада индукция чизиқларига уринма бўйлаб йўналади (55-расм).



55-расм. Магнит индукция вектори

Магнит майдон катталиги сифатида магнит индукция оқими тушунчаси ҳам киритилади.

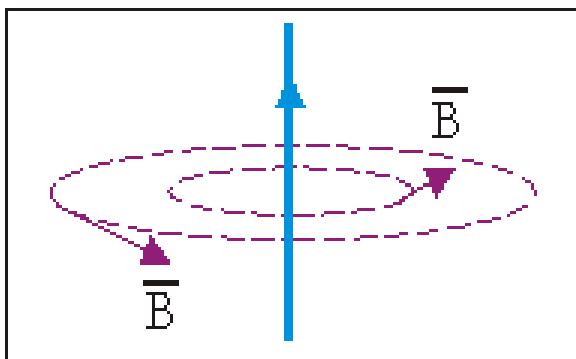
Элементар  $dS$  юзадан ўтувчи оқим қуйидаги ифода бўйича аникланади:

$$d\Phi = BdS \cos \alpha = B_n dS = (\vec{B} \cdot dS \cdot \vec{n}_1) , \quad (33.11)$$

S юзадан ўтувчи тўлиқ оқим эса

$$\Phi = \int_{(S)} BdS \cos \alpha = \int_{(S)} B_n dS = \int_{(S)} (\vec{B} \cdot dS \cdot \vec{n}_1) , \quad (33.12)$$

Электр куч чизиқларидан фарқли равишда табиатда магнит зарядлари бўлмагани учун магнит индукция чизиқлари доимо берк бўлади, унинг на охири, на боши бўлади (56-расм).



*56-расм. Магнит индукция чизиқлари*

Шу сабабли ҳам берк сирт бўйича магнит индукция оқими доим нолга тенг.

$$\oint_{(S)} B_n dS = 0 , \quad (33.13)$$

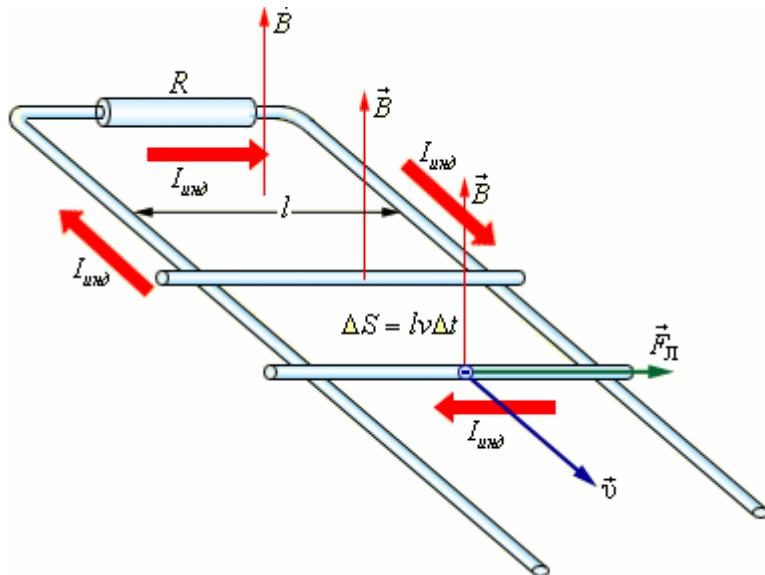
Бу магнит майдон индукцияси учун **Гаусс** теоремасидир. Магнит индукцияси оқими ХБ тизимида Веберларда ўлчанади:

$$1B\delta=1T\cdot m^2=1H\cdot m/A.$$

Цилиндр шаклидаги  $\ell$  узунликка эга бўлган токли ўтказгич,  $B$  - магнит индукцияга эга бўлган магнит майдонида иккита параллел ўтказгич устида, унга таъсир этувчи

$$F_A = I \cdot \ell \cdot B , \quad (33.14)$$

Ампер кучи таъсирида ( $db$ ) масофага силжисин (57-расм).



**57-расм. Токли цилиндр ўтказгичга магнит майдони таъсири**

Бу кучнинг бажарган иши қуйидагича ифодаланади:

$$A = Fdb = I \cdot \ell \cdot Bdb = I \cdot B \cdot \Delta S = I \cdot \Delta \Phi , \quad (33.15)$$

бу ерда  $\Delta S$  – магнит индукция чизикларини токли ўтказгич кесиб ўтган юза,  $\Delta \Phi$  – шу юзани кесиб ўтувчи магнит индукция вектори оқимининг ўзгаришидир.

Бу формула ҳар қандай занжирда магнит оқими ўзгариши натижасида содир бўладиган ўзгаришлар учун ўринлидир.

### 34-§ Био-Савар-Лаплас қонунининг дифференциал ва интеграл кўриниши

Магнит майдонини характерловчи асосий катталик  $\vec{B}$  магнит индукциясидан ташқари, иккинчи катталик -  $\vec{H}$  магнит майдон кучланганлиги тушунчаси киритилади.

Улар бир-бири билан қуйидагича боғлангандир:

$$\vec{H} = \frac{\vec{B}}{\mu\mu_0} \text{ ёки } \vec{B} = \mu\mu_0 \vec{H} \quad , \quad (34.1)$$

ХБ тизимида магнит майдон кучлананлигининг ўлчов бирлиги

$$1 \frac{H}{A \cdot m} : 1 \frac{H}{A^2} = 1 \frac{A}{m}$$

га тенгдир.

$\vec{v}$  - тезлик билан ҳаракатланаётган  $q$  заряднинг  $\vec{r}$  масофада жойлашган нуқтада ҳосил қилган магнит майдон кучланганлиги қуидагича ифодаланади:

$$\vec{H} = \frac{\vec{B}}{\mu_0} = \frac{q[\vec{v} \cdot \vec{r}]}{4\pi r^3 \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} \quad , \quad (34.2)$$

Шу заряднинг ўша ерда ҳосил қилган электр майдон кучланганлигини ифодалаймиз:

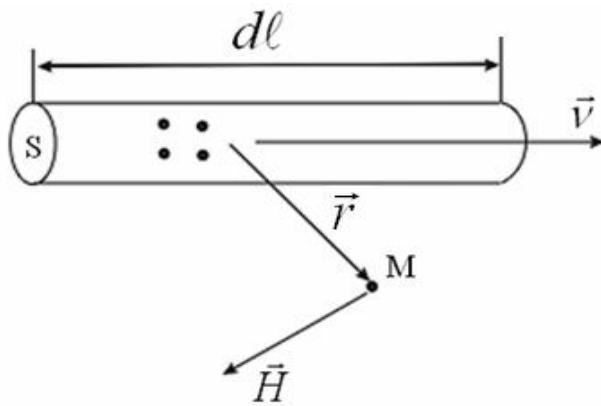
$$\vec{E} = \frac{F_2}{q} = \frac{q \cdot \vec{r}}{4\pi\epsilon_0 r^3 \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} \quad , \quad (34.3)$$

(34.3) - ифодадан фойдаланиб (34.2) - ифодани қуидагича ёзиш мумкин (Эрстед ифодаси):

$$\vec{H} = \frac{q[\vec{v} \cdot \vec{r}]}{4\pi r^3 \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} = [\vec{v} \cdot \epsilon_0 \cdot \vec{E}] \quad , \quad (34.4)$$

Энди электромагнетизмнинг асосий қонунларидан бирини ифодалашга ҳаракат қиласиз.

Узунлиги  $d\ell$  ва кўндаланг кесими  $S$  бўлган металл ўтказгичда бир хил тезлик билан  $nS \cdot d\ell$  зарядланган заррачалар ҳаракат қилаётган бўлсин (58-расм).



**58-расм.** Токли ўтказгичнинг  $M$  нуқтадаги магнит майдон кучланганлиги

Уларнинг ҳар бири  $e$  зарядга эга бўлиб,  $\vec{r}$  радиус векторли  $M$  - нуқтада қўйидаги магнит майдон кучланганлигини ҳосил қиласди.

$$\vec{h} = \frac{e[\vec{v} \cdot \vec{r}]}{4\pi r^3 \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} . \quad (34.5)$$

Шу нуқтада барча зарядлар қўйидаги натижавий магнит майдон кучланганлигини ҳосил қиласди:

$$d\vec{H} = \frac{n \cdot S \cdot d\ell \cdot e[\vec{v} \cdot \vec{r}]}{4\pi r^3 \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} . \quad (34.6)$$

Агар,  $\vec{v}$  - вектор ва  $d\ell$  скаляр катталикларни  $v$  - скаляр ва  $d\vec{\ell}$  вектор катталикларга алмаштирсак, қўйидагига эга бўламиз:

$$d\vec{H} = \frac{n \cdot S \cdot v \cdot e[d\vec{\ell} \cdot \vec{r}]}{4\pi r^3 \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} .$$

Заррачалар ҳаракати тезлиги  $v \ll c$  бўлса ва  $r$  ўрнига ўртача радиус- вектор қийматидан фойдалансак:

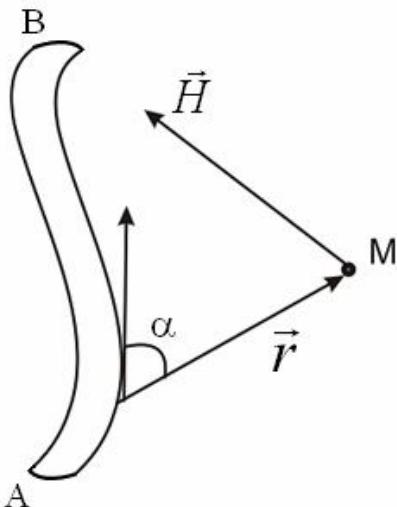
$$\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}} \approx 1 , \quad I = n \cdot S \cdot v \cdot \ell ,$$

$$d\vec{H} = \frac{I \cdot [d\vec{\ell} \cdot \vec{r}]}{4\pi r^3} , \quad (34.7)$$

га эга бўламиз. Бу **Био-Савар-Лаплас** қонунининг дифференциал кўринишидир.

Чегараланган узунликдаги ўтказгич кесимидан оқаётган токнинг  $M$  - нуқтада ҳосил қилган магнит майдон кучланганлигини, кесимнинг  $A$  ва  $B$  нуқталари чегарасида (34.7) ифодани интеграллаш билан топамиз (*59-расм*).

$$\vec{H} = \frac{I}{4\pi} \int_A^B \frac{1}{r^3} [d\vec{\ell} \cdot \vec{r}] . \quad (34.8)$$

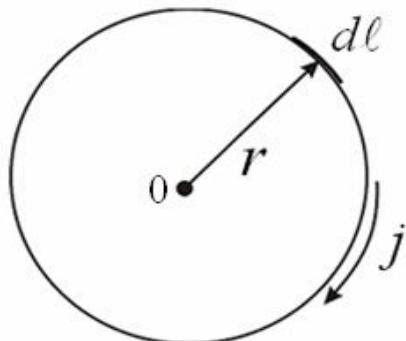


*59-расм. Чегараланган узунликдаги ўтказгич магнит майдон кучланганлиги*

Бу **Био-Савар-Лаплас** қонунининг интеграл кўринишидир. Ҳисоблаш қулай бўлиши учун (34.8) - ифодани қўйидагича скаляр кўринища ёзиш мумкин:

$$H = \frac{I}{4\pi} \int_A^B \frac{d\ell \cdot \sin \alpha}{r^2} . \quad (34.9)$$

**1-мисол.** Айланы күринищдаги токли ўтказгичнинг марказида ҳосил бўладиган магнит майдон кучланганлигини аниқлаб қўрамиз (**60-расм**).

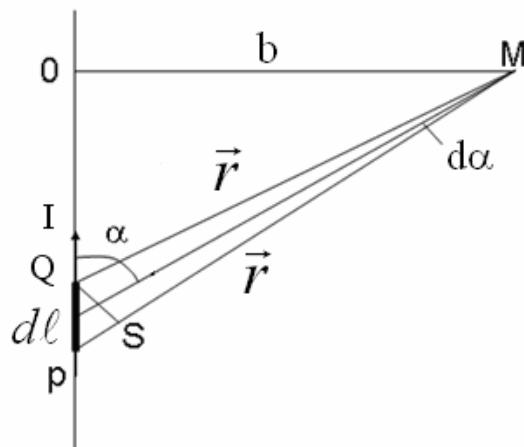


**60-расм.** Айланы шаклидаги токли ўтказгичнинг магнит майдон кучланганлиги

Ўтказгич бўлакларини ҳосил қилган магнит майдон кучланганлиги бир хил йўналишда бўлгани сабабли, уларнинг йифиндисини скаляр кўринишида қўйидагича ёзиш мумкин,  $d\vec{\ell} \perp \vec{r}$  бўлганлиги учун  $\sin \alpha = 1$  га teng

$$H = \frac{I}{4\pi r^2} \int_{\ell} d\ell = \frac{I}{4\pi r^2} \cdot 2\pi r = \frac{I}{2r}, \quad (34.10)$$

**2-мисол.** Тўғри чизиқли, узунлиги чексиз бўлган ўтказгичдан  $b$  масофада жойлашган  $M$  нуқтада майдон кучланганлигини ҳисоблаб қўрамиз (**61-расм**).



**61-расм.** Узунлиги чексиз бўлган токли ўтказгичнинг магнит майдон кучланганлиги

Бу ерда ҳам ўтказгич элементлари ҳосил қилган магнит майдон кучланганлиги йўналишлари бир хилдир.

РОМ учбурчакдан  $r = \frac{b}{\sin \alpha}$  эканлигини топамиз.  $QS$  кесма  $r$  радиуснинг кичик ёйи деб билсак, у  $QMS$  кичик бурчак ёки  $d\alpha$  бурчакка ёндашади. У ҳолда  $QS = r \cdot d\alpha$  га тенг бўлади.

Иккинчи тарафдан  $PQS$  учбурчакдан  $d\ell$  гипотенуза  $QS$  катет билан қўйидагicha боғланган

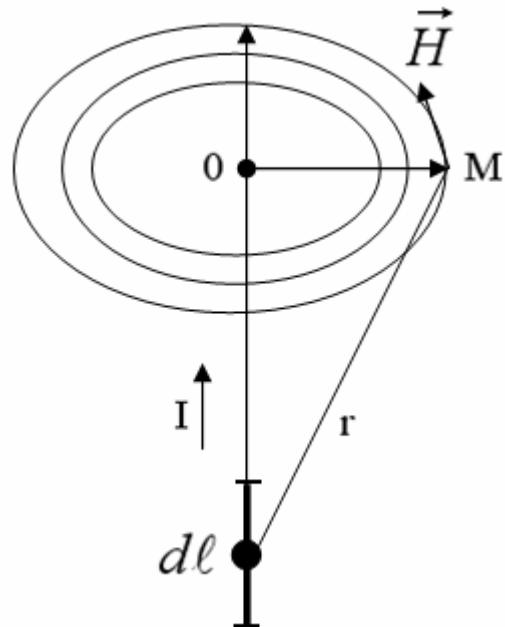
$$PQ = d\ell, \quad QS = d\ell \sin \alpha$$

$$rd\alpha = d\ell \cdot \sin \alpha, \quad d\ell = \frac{rd\alpha}{\sin \alpha} = \frac{bd\alpha}{\sin^2 \alpha}$$

Ўтказгич узунлиги чексиз бўлганлиги учун интеграллаш чегараси  $\alpha=0+\pi$  орасида бўлади.

$$H = \frac{I}{4\pi b} \int_0^\pi \sin d\alpha = \frac{I}{4\pi b} \left| -\cos \alpha \right|_0^\pi = \frac{I}{2\pi b}, \quad (34.11)$$

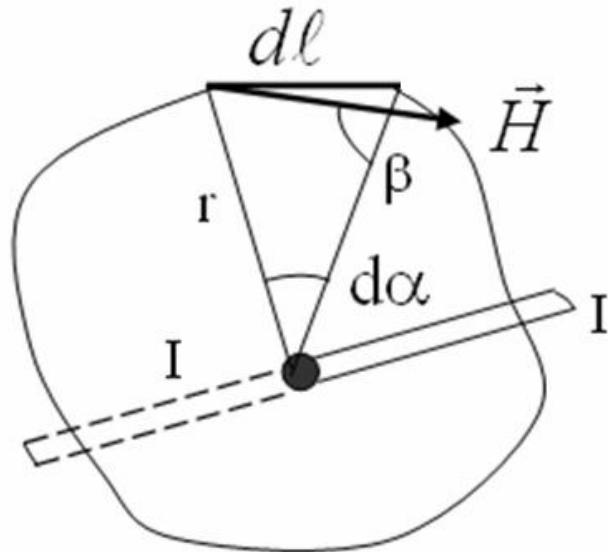
Магнит майдон кучланганлиги йўналиши  $d\vec{\ell}$  ва  $\vec{r}$  векторлар жойлашган текисликка перпендикулярdir (62-расм).



**62-расм. Токли ўтказгич магнит майдон кучланганлигининг йўналиши**

### 35-§ Магнит индукцияси вектори циркуляцияси

$I$  токли, түғри чизиқли узун үтказгичга перпендикуляр жойлашган ёпік ясси контурни тасаввур этамиз (63-расм).



63-расм. Түғри чизиқли үтказгичга перпендикуляр жойлашган ясси контур

Контурда токли үтказгичдан  $r$  масофада жойлашган  $d\ell$  элементар кесмани оламиз.

Токнинг магнит майдон кучланганлиги  $d\ell$  кесма нұқталарида радиус- векторга перпендикуляр жойлашган бўлиб,  $d\ell$  кесма билан  $\beta$  бурчак ташкил этади.

$$H = \frac{I}{2\pi r}, \quad H_\ell = H \cos \beta$$

$\vec{H}_\ell$  - магнит майдон кучланганлиги  $\vec{H}$  нинг  $d\ell$  йўналишга проекциясидир,  $d\ell_{_H} = d\ell \cdot \cos \beta - d\ell$  кесманинг  $\vec{H}$  - йўналишга проекциясидир. Иккинчи тарафдан  $d\ell_{_H}$  ёйнинг узунлиги  $r d\alpha$  га teng. Бу холда,

$$H_\ell d\ell = H \cdot \cos \beta \cdot d\ell = H d\ell_H = H r \cdot d\alpha$$

$$H \cdot r d\alpha = \frac{I}{2\pi r} \cdot r \cdot d\alpha = \frac{Id\alpha}{2\pi} , \quad (35.1)$$

(35.1) - ифодани ёпиқ контур узунлиги бўйича интеграллаймиз.

$$\oint H_\ell d\ell = \oint \frac{I \cdot d\alpha}{2\pi} = \frac{I}{2\pi} \cdot 2\pi = I , \quad (35.2)$$

Агар, ёпиқ контур ичидан бир нечта ўтказгичлар ўтса, у ҳолда  $I$  - барча ўтказгичлардан ўтаётган токлар йифиндисига тенгдир.

$$\oint H_\ell d\ell = \sum I_i = I , \quad (35.3)$$

Бу ифода магнит майдон **кучланганлиги векторининг ёпиқ контур бўйича циркуляцияси** деб аталади.

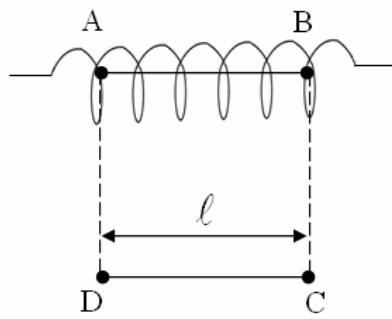
**Магнит майдон индукцияси векторининг циркуляцияси** қуидагида ифодаланади:

$$B = \mu_0 H , \quad \oint B_\ell d\ell = \mu_0 I , \quad (35.4)$$

Электростатик майдон кучланганлиги векторининг ёпиқ контур бўйича циркуляцияси нолга тенг ва у потенциал характерга эга эди.

(35.3) ва (35.4) ифодалардан кўринадики, токнинг магнит майдони учун кучланганлик ва индукция циркуляцияси нолга тенг эмас, шунинг учун магнит майдон уюрмали ёки соленоид кўринишли характерга эгадир. Бу майдонда маълум бир нуқтадаги потенциал ҳар хил қийматларга эга бўлади.

Бир текис ўралган ўрамали ва тўғри чизиқли узун соленоиднинг ичидаги магнит майдон куч чизиқлари соленоид ўқига параллел йўналган деб ҳисоблаймиз (64-расм).



**64-расм. Түгри чизиқли соленоид**

Шундай соленоид учун магнит майдон кучланганлиги  $\vec{H}$  миқдорини топишга уриниб кўрамиз.

$ABCD$  - тўғри бурчакли ёпиқ контурни оламиз. Контурнинг  $AB$  қисми соленоид ичида бўлиб, майдон куч чизиқларига параллелдир.

Магнит майдон кучланганлиги ( $\vec{H}$ ) ёпиқ контур бўйича циркуляциясини контурнинг алоҳида бўлакларига тегишли тўртта интеграл кўринишда оламиз:

$$\oint H_\ell d\ell = \int_{AB} H_\ell d\ell + \int_{BC} H_\ell d\ell + \int_{CD} H_\ell d\ell + \int_{DA} H_\ell d\ell = n\ell I$$

Бу ерда  $\ell$  -  $AB$  ва  $CD$  бўлаклар узунлиги,  $n$  - ўрамлар зичлиги,  $n\ell$  - ўрамлар сонига тенгdir.

Соленоид ташқарисидаги катта масофада майдон кучланганлиги жуда кичикдир, шунинг учун  $CD$  бўлакда у нолга тенг.  $BC$  ва  $DA$  бўлаклар куч чизиқларига перпендикуляр бўлгани учун  $\vec{H}$  ҳам нолга тенгdir. Шу бўлакларга  $H\ell$  нинг проекцияси ҳам нолга тенгdir. Шу сабабли тўртта интегралдан фақат биттаси

$$\int_{AB} H_\ell d\ell$$

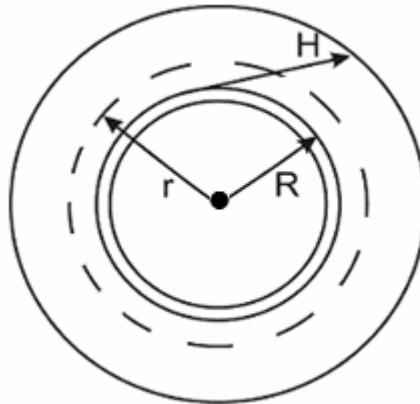
нолга тенг эмас. Шу бўлакнинг нукталарида  $H\ell$  ўзгармас бўлади

$$H_\ell = H = const$$

натижада

$$\oint_{AB} H_\ell d\ell = H \oint_{AB} d\ell = H \cdot \ell = n\ell I , \quad (35.5)$$

$N$  та ўрамли соленоидни букиб, ҳалқа шаклига келтирсак – тороид ҳосил бўлади (65-расм).



*65-Расм. Тороид*

$r$  – тороиднинг ўрта чизигининг радиуси,  $n$  – тороиднинг бирлик узунлигидаги ўрамлар сони.

Тороид магнит майдони куч чизиклари айлана кўринишида бўлади.

$\vec{H}$  вектор исталган нуқтада майдон куч чизикларига уринма бўйлаб йўналган, шу сабабли

$$H_\ell = H = \text{const} .$$

$R$  радиусли контурни оламиз. Тороиддаги симлар ўрамининг сони  $n \cdot 2\pi r$  га teng ва барча куч чизиклари контурни сизиб ўтади.

Циркуляция ифодасига асосан:

$$\oint_{AB} H_\ell d\ell = H \oint_{AB} d\ell = H \cdot 2\pi R = n 2\pi r \cdot I , \quad (35.6)$$

бу ердан

$$H = \frac{r}{R} n \cdot I , \quad (35.7)$$

Агар тороид жуда тор бўлса,

$$\frac{r}{R} = 1$$

га тенгдир. У ҳолда

$$H=n \cdot I$$

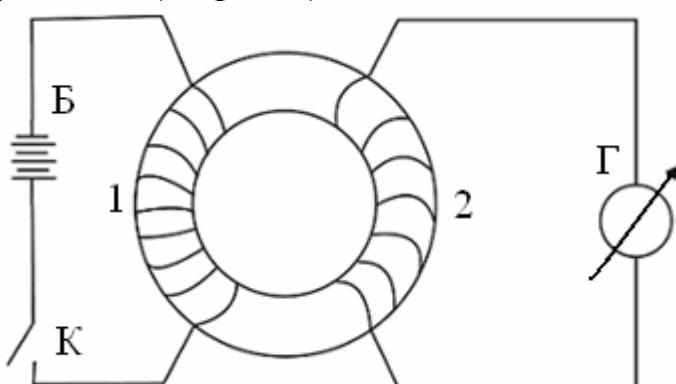
га тенг бўлади.

### Қайтариш учун назорат саволлари

1. Магнит майдони нима? Электромагнит таъсирнинг асосий моҳияти нимада? Токли ўтказгичлар орасидаги таъсир кучи қандай формула орқали аниқланади?
2. Магнит майдонни куч характеристикаси қандай физик катталик билан аниқланади?
3. Қандай чизиқлар магнит индукция чизиқлари дейилади? Уларнинг йўналиши қандай аниқланади?
4. Био-Савар-Лаплас қонунини тушунтиринг ва уни ҳар хил ўтказгичларга қандай тадбиқ қилиш мумкин?
5. Тўлиқ ток қонуни нима? Соленоид ва тороидларнинг майдон индукцияси қандай топилади?

## 36-§ Фарадейнинг электромагнит индукция ҳодисаси. Ленц қонуни

Электромагнит индукция ҳодисаси ҳозирги замон физикаси ва техникасининг энг муҳим ҳодисаларидан бири бўлиб, у Фарадей томонидан 1831 йилда очилган. Фарадей ўтказган тажрибаларидан бирида темир ҳалқа олиб, унга кўп ўрамлардан иборат бўлган иккита мис чўлғам ўради: 1 - чўлғам учларига ток манбаи билан К калит уланган бўлиб, иккинчисига гальванометр уланган (66-расм).



*66-расм. Икки чўлғамли трансформатор*

Биринчи чўлғамда калит уланиб, ток ҳосил бўлганда, иккинчи чўлғамда ток импульси ҳосил бўлган ва гальванометр мили бир томонга оға бошлаган ва жуда тез нолга қайтган. Биринчи чўлғам калити узилганда ҳам иккинчи чўлғамда ток импульси ҳосил бўлиб, гальванометр мили тескари тарафга оғиб, яна жуда тез нолга қайтган.

Кўп сонли тажрибалардан қуидаги қонуниятлар аниқланган:

Вақт бўйича ўзгарадиган ташқи магнит майдонида жойлашган ўтказгичда **электр юритувчи куч** пайдо бўлади.

Агар ўтказгич ёпиқ бўлса, унда индукцион ток ҳосил бўлади. Ўтказгичда **индукция ҳисобига** ҳосил бўлган ЭЮК **катталиги** шу ўзказгични кесиб ўтувчи магнит индукцияси оқимининг ўзгариш тезлигига пропорционалdir.

$$\mathcal{E}_U = -\frac{d\Phi}{dt} \quad , \quad (36.1)$$

Бу ифода **Фарадей-Максвелл қонуни** деб аталади.

Ёпиқ занжирни кесиб ўтувчи магнит индукцияси оқимининг ўзгаришини, шу занжир атрофидаги магнит майдонини ўзгартириш ёки ёпиқ ўтказгични вақт бўйича ўзгармас магнит майдонида силжитиш ҳисобига ҳосил қилиш мумкин.

Биринчи ҳолда, электр ва магнит майдонларининг, Максвелл кашф этган ўзаро таъсирга асосан, яъни, магнит майдонининг исталганча ўзгариши, электр майдонининг ҳосил бўлишига олиб келади ва аксинча.

Иккинчи ҳолда эса, ўтказгичдаги эркин электронлар ҳаракатга келиб индукциявий электр токини ҳосил қиласди.

Электромагнит индукция қонунини энергиянинг сақланиш қонунига асосланиб келтириб чиқариш мумкин.

31-мавзудаги 57-расмга қайтамиз.

$\ell$  узунликдаги ўтказгич қисқа вақт ичидаги, магнит майдон таъсирида,  $db$  кичик масофага силжиган бўлсин. Бу ҳолда ток манбаи бажарган иш

$$dA = \varepsilon I \cdot dt , \quad (36.2)$$

га тенг бўлади. Бошқа тарафдан сарфланган энергия икки қисмдан иборат бўлади:

**а)** Джоул-Ленц қонунига асосан ўтказгичда иссиқлик ажралишига

$$I^2 R \cdot dt , \quad (36.3)$$

ва **б)** магнит майдонида  $F = I\ell B$  куч таъсирида ўтказгични силжитишда бажарилган ишдан иборат бўлади.

$$F \cdot db = I\ell \cdot db \cdot B = I \cdot B \cdot dS = I \cdot d\Phi , \quad (36.4)$$

бу ерда  $R$  - занжир қаршилиги.

Энергиянинг сақланиш қонунига асосан

$$\varepsilon \cdot I \cdot dt = RI^2 \cdot dt + I \cdot d\Phi , \quad (36.5)$$

бу ифоданинг икки тарафини  $I dt$  га бўлсак,

$$\varepsilon = RI + \frac{d\Phi}{dt} , \quad (36.6)$$

га эга бўламиз. Бу ердан

$$I = \frac{\varepsilon - \frac{d\Phi}{dt}}{R} = \frac{\varepsilon + \varepsilon_u}{R} , \quad (36.7)$$

Манбанинг  $\varepsilon$  ЭЮК дан ташқари **индукциявий ЭЮК** деб аталувчи қўшимча ЭЮК ҳам таъсир этади:

$$\varepsilon_u = -\frac{d\Phi}{dt} , \quad (36.8)$$

ва яна (36.1) - ифодага эга бўлдик.

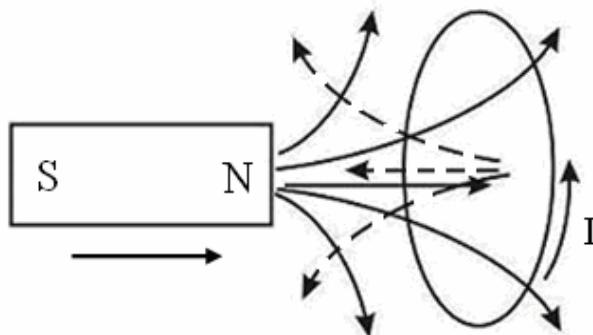
Бу ерда минус ишора, ёпиқ занжирни кесиб ўтувчи  $\left(\frac{d\Phi}{dt} > 0\right)$  оқим ошиши билан индукциявий ЭЮК манба ЭЮК га

тескари йўналган бўлади, оқим камайганда  $\left(\frac{d\Phi}{dt} < 0\right)$  иккала

ЭЮК лар йўналиши бир хил бўлади.

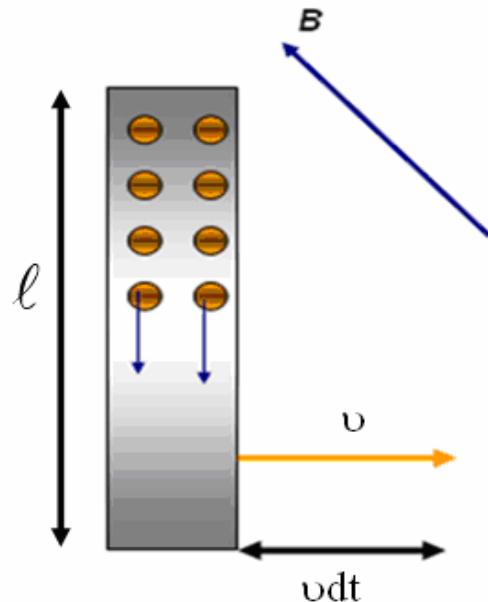
Ленц қоидасига асосланиб индукциявий ЭЮК йўналишини аниқлаш мумкин: индукциявий ЭЮК ва ток доимо шундай йўналишга эга бўладики, у ҳосил қилган магнит майдони шу токни вужудга келтирувчи магнит оқимининг ўзгаришига қаршилик қиласди.

**1-мисол.** Ўтказгичдан ясалган ҳалқага магнитнинг шимолий қутбини яқинлаштирасак (67-расм),



**67-расм.** Доимий магнитнинг ҳалқали ўтказгичда индукцион ток ҳосил қилиши

ҳалқада  $I$  индукцион ток ҳосил бўлади, унинг магнит майдони магнитнинг шимолий қутбини итаришга ҳаракат қиласди, яъни уни яна яқинлашишига тўсқинлик қиласди. Натижада, бу индукцион токнинг магнит куч чизиқлари ҳалқада ўнгдан чапга томон йўналган бўлади, яъни биз тарафда пастдан юқорига қараб йўналгандир.



**68-расм. Ҳаракат йўналишига перпендикуляр бўлган магнит майдонининг ўтказгич электронларига таъсири**

**2-мисол.**  $\ell$  узунлиқдаги ўтказгич, унинг узунлигига перпендикуляр йўналишда  $v$  тезлик билан ҳаракатлансин (68-расм). В индукцияли магнит майдон ҳаракат йўналиши ва ўтказгич узунлигига перпендикуляр бўлсин. Ўтказгичдаги  $e$  зарядли эркин электронларнинг ҳар бири ўтказгич билан  $v$  тезликда ҳаракатланади. Уларнинг ҳар бирига  $f = e v B$  Лоренц кучи таъсир киласди. Фикран, Лоренц кучини унга teng  $eE = evB$  электр кучи билан алмаштирамиз.

$E = v \cdot B$  катталикни Лоренц кучи майдонининг кучланганлиги деб атаемиз. Бу кучланганлик худди ўтказгичнинг  $\ell$  узунликка teng кесмасига

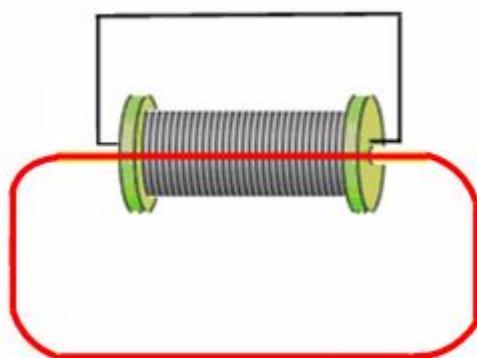
$$\Delta\varphi = E\ell = vB\ell$$

потенциаллар фарқи қўйилгандай тасаввур этамиз ва у индукциявий электр юритувчи кучга тенгдир.

$$\varepsilon_u = -\frac{d\Phi}{dt} = -vB\ell .$$

Шундай қилиб, ўтказгичда ҳаракат қилаётган эркин электронларга Лоренц кучининг таъсири (31.1) - ифодасига олиб келади.

Агар ёпиқ занжир  $N$ -та ўрамлардан иборат бўлса ва магнит оқимининг куч чизиқларининг ҳар бири шу ўрамларни кесиб ўтса (*69-расм*),



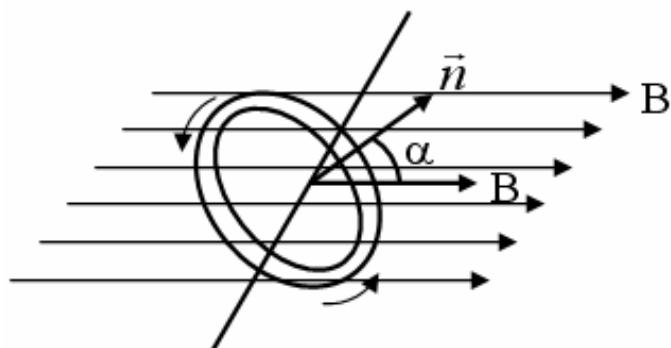
*69-расм.  $N$  та ўрамлардан иборат ёпиқ занжир*

у ҳолда бу оқимнинг ўзгариши, занжирда индукциявий ЭЮК ни ҳосил қиласди.

$$\varepsilon_U = -N \frac{d\Phi}{dt} = -\frac{d\psi}{dt} , \quad (36.9)$$

бу ерда  $\psi=N\Phi$  - **оқим тутилиши деб** аталади.

Куч чизиқларига перпендикуляр бўлган ўқ атрофида,  $B$  индукцияли бир жинсли магнит майдонида  $\omega$  доимий бурчак тезлик билан айланяётган, ҳар бир  $S$  юзага эга бўлган  $N$  ўрамлардан иборат рамканинг электромагнит индукциясини кўриб чиқамиз (*70-расм*)



**70-расм.** В индукцияли магнит майдонида айланыётган  $N$  ўрамли рамка

Бошланғич моментда ( $t=0$ ), рамка текислиги  $B$  йўналишга перпендикуляр бўлсин. Бу рамкани кесиб ўтувчи магнит оқими

$$\Phi_0 = BS \text{ дан}$$

иборат.  $t$  моментда эса, у

$$\Phi = BS \cdot \cos\alpha$$

га тенг бўлади. Рамкада магнит оқимининг тутилиши

$$\psi = NBS \cdot \cos\alpha$$

га тенг. Индукциявий ЭЮК эса, қўйидагига тенг бўлади:

$$\varepsilon_u = \frac{d\psi}{dt} = NBS \cdot \omega \cdot \sin \omega t = \varepsilon_o \sin \omega t$$

Занжир қаршилиги  $R$  бўлса, рамкадаги индукцион ток

$$I = \frac{\varepsilon_o}{R} \sin \omega t = I_0 \cdot \sin \omega t \quad , \quad (36.10)$$

га тенг бўлади.

Бу ерда,  $\varepsilon_o$  ва  $I_0$  – индукцион ЭЮК ва токнинг максимал қийматлариdir.

**(36.10)** - ифода бўйича ўзгарувчи ток, синусоидал ўзгарувчан ток деб аталади.

Магнит оқими тутилиши  $\psi_1$  дан  $\psi_2$  қийматгача ўзгариши учун кетган вақтда занжир орқали оқиб ўтган  $Q$  заряд миқдорини ҳисоблаб кўрамиз.

$t$  - вақт моментида индукцион ток

$$I = \frac{\mathcal{E}_U}{R} = -\frac{I}{R} \frac{d\psi}{dt}$$

га тенг.  $dt$  кичик вақт ичидан занжир орқали  $dQ$  заряд оқиб ўтади:

$$dQ = -\frac{I}{R} \frac{d\psi}{dt} \cdot dt = -\frac{I}{R} d\psi , \quad (36.11)$$

$\psi_1$  дан  $\psi_2$  гача интервалда (36.11) - ифодани интегралласак қўйидагига эга бўламиш:

$$Q = -\frac{I}{R} \int_{\psi_1}^{\psi_2} d\psi = \frac{\psi_1 - \psi_2}{R} I , \quad (36.12)$$

Магнит майдонининг ўзгариши ҳисобига ҳосил бўлган электр майдон куч чизиқлари магнит куч чизиқларини чирмаб олади.

В индукция вақт бўйича ўзгаргани учун

$$\frac{\partial B}{\partial t} \neq 0$$

ва  $\vec{E}$  циркуляция вектори, электростатик майдон индукция векторидан фарқли равишда нолга тенг эмас.

Шунинг учун бундай электр майдони потенциал майдон эмас, у уормали бўлади ва бундай майдон нуқталарида потенциал бир қийматга эга бўлмайди. Куч чизиқларини боши ва охири бўлмай, улар ёпиқ чизиқлардан иборат бўлади.

### 37-§ Ўтказгичнинг индуктивлиги

Электр токи оқаётган ҳар бир ўтказгич ўзининг хусусий магнит майдони таъсирида бўлади. Ток ҳосил қилган магнит

оқими ёки оқим тутилиши, барча шароитларда ток кучига пропорционалдир:

$$\psi = LI \quad , \quad (37.1)$$

бу ерда  $L$  - пропорционаллик коэффициенти - **ўтказгичнинг индуктивлиги** деб аталади. Ўтказгичнинг индуктивлиги унинг шакли, ўлчами ва магнит сингдирувчанликка боғлиқдир.

Ўтказгичда магнит майдонининг ўзгариши унда индукция электр юритувчи кучини қўзғатади ва у **ўзиндуқция ЭЮК** деб аталади.

(37.1) – ифодадан кўриниб турибдики, ўзиндуқция ЭЮК ни вужудга келиши ўтказгичда ток кучининг ёки ўтказгичнинг индуктивлигини ўзгариши ҳисобига содир бўлади. Бу ўзгаришларда, контурда ҳосил бўладиган ўзиндуқция ЭЮК ө қўйидагига tengdir:

$$\varepsilon_{yz} = -\frac{d\psi}{dt} = -\frac{d(IL)}{dt} = -\left( L \frac{dI}{dt} + I \frac{dL}{dt} \right) \quad , \quad (37.2)$$

Агарда ток кучи ўзгаришида индуктивлик ўзгармасдан қолса ( $L=const$ , бу ҳол фақат моддада ферромагнит хусусияти йўқлигига юз бериши мумкин), у ҳолда

$$\varepsilon_{yz} = -L \frac{dI}{dt} \quad . \quad (37.3)$$

Бу ифодадаги минус ишора Ленц қоидасига асосан пайдо бўлган ва индукцион ток уни вужудга келтирувчи сабабларга доимо қаршилик қилиш тарафига йўналганлигини билдиради.

ХБТ да ўтказгичнинг индуктивлиги бирлиги сифатида, ўтказгичдаги ток кучи ҳар секундда 1 A га ўзгарганда 1 Вб га тенг  $\psi$  - магнит оқими тутилишини ҳосил қилаоладиган индуктивлик қабул қилинган ва у бир Генри ( $\Gamma_H$ ) га tengdir.

$$1\Gamma_H = 1 \frac{Bb}{A} \left( \frac{\text{Вебер}}{\text{Ампер}} \right) \quad , \quad (37.4)$$

(34.3) - ифодадан  $1\Gamma_H = 1 \text{ В.сек/Ампер}$  га тенг бўлади.

## 38-§ Соленоиднинг индуктивлиги

Узунлиги диаметридан катта бўлган соленоид индуктивлигини ҳисоблаб кўрамиз.  $I$  ток оқаётганда, соленоид ичида индукцияси  $B = \mu_0 \mu_n I$  га тенг бўлган бир жинсли магнит майдони ҳосил бўлади.

Ҳар бир ўрамдан ўтаётган магнит оқими

$$\Phi = BS$$

га тенг бўлиб, соленоид бўйича тўла магнит оқим тутилиши

$$\psi = N\Phi = n\ell \cdot B \cdot S = \mu_0 \mu n^2 \ell \cdot S \cdot I , \quad (38.1)$$

га тенг бўлади. Бу ерда  $\ell$  - соленоид узунлиги,  $S$  - унинг кўндаланг кесими юзаси,  $n$  - бирлик узунликдага ўрамлар сони. Соленоиднинг умумий ўрамлар сони

$$N = n\ell$$

дан иборат бўлганда, (38.1)- ва (37.1)- ифодаларни солиштириш орқали, узун соленоид индуктивлиги ифодасини келтириб чиқариш мумкин:

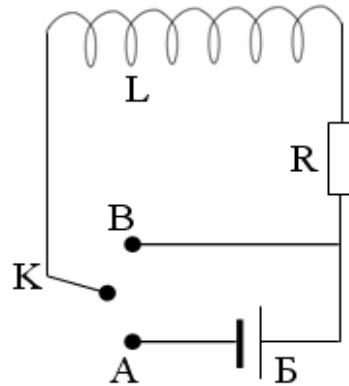
$$L = \mu_0 \mu n^2 \ell \cdot S = \mu_0 \mu n^2 \cdot V , \quad (38.2)$$

бу ерда  $V = \ell \cdot S$  - соленоид ҳажми. Бу ифодадан то нинг ўлчов бирлигини топишмиз мумкин:

$$\mu_0 = \frac{L}{n^2 \cdot V} , \quad \frac{\text{генри}}{\text{метр}} \left( \frac{\Gamma \text{н}}{m} \right)$$

## 39-§ Занжирни ток манбаидан узишда ҳосил бўладиган ўзиндукация

Катта индуктивликка эга бўлган занжирни ток манбаидан узишда вужудга келадиган ўзиндукия ҳодисасини кўриб чиқамиз (71-расм).



**71-Расм. Катта индуктивли электр занжири**

*K* калит *A* контактга уланганда, занжирдан миқдори Ом қонуни билан аниқланадиган  $I_0$  ўзгармас ток оқабошлайди.

$t = 0$  моментда калитни ток манбаидан узиб, *B* контактга улаймиз ва ёпиқ занжир ҳосил қиласмиз. Ток ўзгариб, камая бошлайди ва занжирнинг индуктивлик қисмида ўзиндукия ЭЮОК ҳосил бўлади ва токнинг камайишга қаршилик қилиб, уни маълум вақтгача сақлаб қолишга интилади. Ом қонунига асосан:

$$IR = \varepsilon_{yz} = -L \frac{dI}{dt}$$

ёки

$$\frac{dI}{dt} = -\frac{R}{L} I \quad ,$$

ўзгарувчиларни алоҳида гурухласак

$$\frac{dI}{I} = -\frac{R}{L} dt \quad , \quad (39.1)$$

га эга бўламиз.

Бу дифференциал тенгламанинг чап тарафини  $I_0$  дан  $I$  гача, ўнг томонини 0 дан  $t$  гача интегралласак, қуйидагига эга бўламиз:

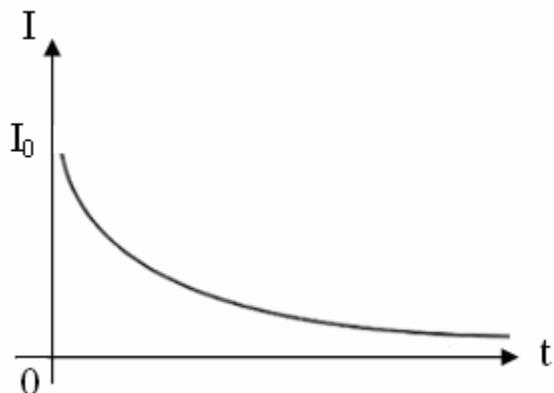
$$\int_{I_0}^I \frac{dI}{I} = -\frac{R}{L} \int_0^t dt \quad \text{ёки} \quad \ln \frac{I}{I_0} = -\frac{R}{L} t .$$

Бу ифодани потенциалласак

$$I = I_0 e^{-\frac{R}{L} t} , \quad (39.2)$$

га эга бўламиз.

Токнинг вақт бўйича ўзгариш графиги 72-расмда келтирилган.



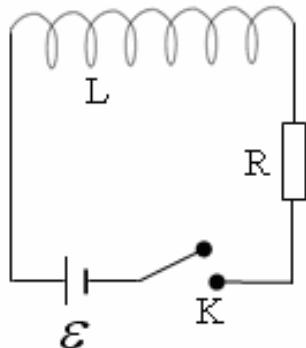
**72-расм. Индуктивли электр занжиринда индукцион токнинг вақтга боғлиқ ўзгариши**

Занжир манбаидан узилиб, ёпиқ занжир ҳосил қилингандан сўнг токнинг вақт бўйича ўзгариши экспонента билан характерланади.

Ток қийматининг нолга tengлашиш вақти  $\frac{R}{L}$  нисбатга боғлиқ,  $L$  индуктивлик қанча катта бўлса, у вақт шунча катта бўлади.

#### **40-§ Занжирни ток манбаига улашда ҳосил бўладиган ўзиндукция**

Бошланғич моментда занжир очиқ ва занжирдаги ток қиймати нолга тенг (73-расм).



**73-Расм. Индуктивлик ва қаршиликтан иборат электр занжири**

$t=0$  вақт моментида занжирни манбага уласак, ундағи ток 0 дан  $I_0$  қийматгача ошаборади.

Токнинг ўсиши (ўзгариши) қўшимча ўзиндуқция ЭЮК ни вужудга келтиради. Ом қонунига асосан

$$IR = \varepsilon + \varepsilon_{yz} = \varepsilon - L \frac{dI}{dt} .$$

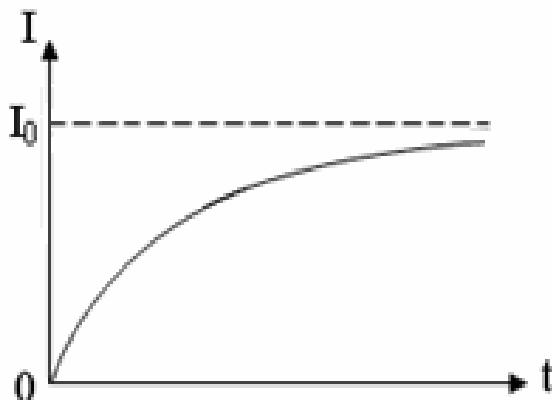
Ифоданинг барча қисмларини  $L$  га бўлсак,

$$\frac{dI}{dt} + \frac{R}{L} I - \frac{\varepsilon}{L} = 0 , \quad (40.1)$$

га эга бўламиз. Бу биржинсли бўлмаган дифференциал тенгламанинг ечими ( $t = 0$  да  $I = I_0$  га тенг бўлганда)

$$I = I_0 \left( 1 - e^{-\frac{R}{L}t} \right) , \quad (40.2)$$

дан иборатдир. 74-расмда занжир манбага улангандаги токнинг ўзгариш графиги келтирилган.

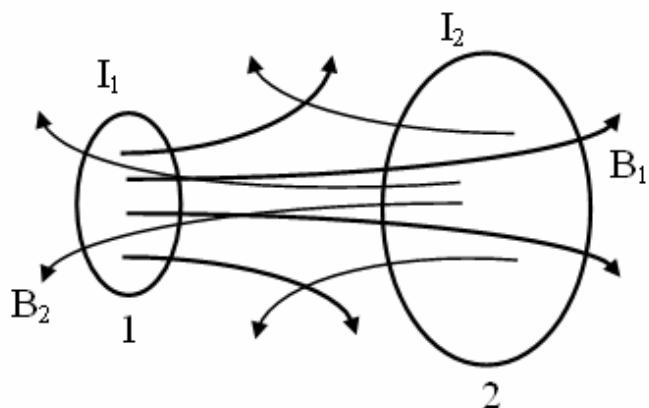


**74-расм. Занжирни ток манбаига улашда ҳосил бўлган индукцион токнинг вақтга боғлиқ ўзгариши**

Ток қиймати экспоненциал кўринишда ошиб боради ва бунга тегишли вақт  $\frac{R}{L}$  нисбатга кучли боғлиқдир.

#### 41-§ Ўзароиндуksия

75-расмда бир-бирига яқин жойлашган иккита контурни оламиз.



**75-расм. Иккита ёпиқ контур орасидаги ўзароиндуksия**

1-контурда қандайдир манба орқали  $I_1$  ток оқади.

Бу ток  $\psi_1 = L_1 I_1$  магнит оқимини ҳосил қиласди ва унинг  $\psi_{12}$  қисми 2-контурни сизиб ўтади.

$$\psi_{12} = L_{12} \cdot I_1 ,$$

$dt$  вақт ичида  $I_1$  токни  $dI_1$  қийматга ўзгартирсак, 2-контурда ўзиндуция ЭЮК ни ҳосил қиласиз

$$\varepsilon_{12} = -\frac{d\psi_{12}}{dt} = -L_{12} \frac{dI_1}{dt} . \quad (41.1)$$

Энди эса, контурлар ҳолатини ўзгартирмасдан, 2-контурга ток манбанин улаб, унда  $I_2$  ток ҳосил қиласиз. Ўз навбатида  $I_2$  ток  $\psi_2=L_2I_2$  магнит оқимини вужудга келтиради. Бу оқимнинг

$$\psi_{21}=L_{21}I_2$$

қисми биринчи контурни кесиб ўтади.

$I_2$  ток қийматини ўзгартирсак, 1-контурда  $\varepsilon_{21}$  - ўзиндуция ЭЮК ҳосил бўлади.

$$\varepsilon_{12} = -\frac{d\psi_{21}}{dt} = -L_{21} \frac{dI_2}{dt} . \quad (41.2)$$

Агарда контурларнинг ўлчамлари ва ҳолатлари ўзгармас сақланса  $L_{12}, L_{21}$  га тенг бўлади.

$$L_{21}=L_{12}=M ,$$

бу ерда  $M$  - икки контурнинг ўзаро индукция коэффициентидир ва унинг қиймати иккита контурнинг ўзаро боғланиш даражасини билдиради.

Бир контурда токнинг ўзгариши иккинчисида индукция ЭЮК ни ҳосил қилиш ҳодисаси - ўзаро индукция ҳодисаси деб аталади.

$L_{12}$  ва  $L_{21}$  коэффициентлар қийматлари контурларнинг шакли, ўлчамлари ва ўзаро жойлашишига боғлиқдир, ундан ташқари атроф мухитнинг магнит сингдирувчанлигига ҳам боғлиқдир.

Шундай қилиб, иккинчи занжирда индукцияланган ЭЮК қиймати ўзаро индукция коэффициенти ва биринчи занжирдаги токнинг ўзгариш тезлигига пропорционалдир.

$$\varepsilon = -M \frac{dI}{dt} , \quad (41.3)$$

Бундай индукция ЭЮК нинг пайдо бўлиши, одатда трансформаторларда кузатилади.

## 42-§ Токнинг магнит майдон энергияси

71-расмда келтирилган чизма (схема) ни кўриб чиқамиз.  $I_0$  бошланғич ток  $L$  индуктивликли фалтакда магнит майдони ҳосил қиласди.  $K$  калитни  $B$  контактга уланганда занжирда вақт бўйича сўнувчи,  $\varepsilon_{yz}$  - ўзиндукия ЭЮК ни тиклаб турувчи  $I$  ток оқабошлайди.

$dt$  вақт ичидаги бу токнинг бажарган иши қўйидагига тенгдир:

$$dA = \varepsilon_{yz} \cdot I \cdot dt = -\frac{d\psi}{dt} \cdot I \cdot dt = -I \cdot d\psi . \quad (42.1)$$

Агарда соленоид индуктивлиги  $L$  токка боғлиқ бўлмаса ( $L=const$ ), у ҳолда

$$d\psi = L \cdot dI$$

га тенг бўлади. Бу ерда

$$dA = -L \cdot I \cdot dI , \quad (42.2)$$

бу ифодани  $I$  дан 0 қийматгача интегралласак, магнит майдон йўқолгунча кетган вақт ичидаги токнинг бажарган ишини баҳолай оламиз:

$$A = -\int_{I_0}^0 LIdI = \frac{LI^2}{2} . \quad (42.3)$$

Магнит майдони бутунлай йўқолганда, ток оқими тўхтайди, бажарилган иш занжирда ажralган иссиқлик миқдорига тенг бўлади.

$$W_M = \frac{LI^2}{2} , \quad (42.4)$$

буерда,  $W_M$  - магнит майдон энергиясидир. Бу ифода магнит майдон энергияси ўтказгичда (индуктивликда) жойлашган бўлади ва токка боғлиқдир ( $L$  - ўтказгич индуктивлиги,  $I$  - ток).

Магнит майдон энергиясини

$$I = \frac{H}{n}$$

ифода ёрдамида майдон билан боғлиқ бўлган катталик орқали ҳам ифодалашимиз мумкин:

$$L = \mu_0 \mu n^2 \cdot V , \quad H = nI , \quad I = \frac{H}{n}$$

Шунинг учун:

$$W_M = \frac{\mu_0 \mu H^2}{2} \cdot V , \quad (42.5)$$

га тенг бўлади. Бу ерда,  $\mu$  ва  $H$  - муҳитнинг магнит синдирувчанлиги ва соленоид ичидаги майдон кучланганлиги,  $V$  - соленоид ҳажми.

$$\delta_M = \frac{\mu_0 \mu H^2}{2} - \text{ катталик, магнит майдон энергияси}$$

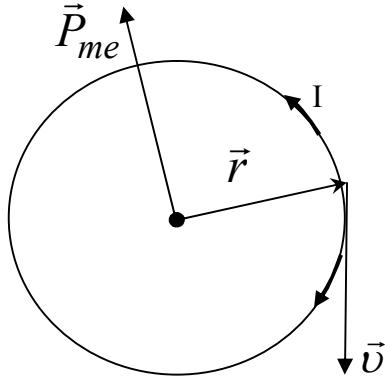
ўзгармас зичлик билан тақсимланганлигини кўрсатади.

### 43-§ Магнетикларда магнит майдони

Ташқи магнит майдонида магнитланиш хусусиятига эга бўлган ва атроф-муҳитдаги натижавий магнит майдоннинг ўзгартира оладиган моддалар – магнетиклар деб аталади.

Магнетикларнинг магнитланишини Ампернинг молекуляр токлар тўғрисидаги гипотезаси орқали тушуниш мумкин. Классик физика тушунчасига асосан, атомлардаги электронлар айлана шаклидаги траектория – орбита бўйлаб ҳаракатланади ва орбитал токни ҳосил қиласилар.

Магнит хусусиятларига асосан, ҳар бир атом ёки молекулани, ёпиқ электрон токлар тизими – молекуляр токлар деб аташади. Ҳар бир электрон орбитал ток  $\vec{P}_{me}$  магнит моменти билан характерланади (76-расм).



**76-расм. Электроннинг орбитал ток магнит моменти**

Бу магнит моменти – электроннинг орбитал магнит моменти деб аталади. Битта электроннинг орбитал магнит моменти

$$P_{me} = IS$$

га тенг. Бу ерда  $I = e\nu$  - орбитал ток,  $e$  - электрон заряди,  $\nu$  - айланиш частотаси,  $S = \pi r^2$  - орбитал ток юзаси. У ҳолда

$$P_{me} = e\nu\pi r^2 . \quad (43.1)$$

Атом ва молекуладаги ҳар бир электрон шундай орбитал магнит моментаига эга бўлгани учун, атом ва молекуланинг молекуляр токлари ҳосил қилган натижавий магнит моменти электронлар магнит моментларининг йиғиндисига тенгdir:

$$\vec{P}_{mi} = \sum \vec{P}_{me} , \quad (43.2)$$

Магнетикларнинг магнитланишини тавсифлаш учун  $\vec{j}$  - **магнитлаганлик вектори** деб аталадиган катталик киритилади. Бу катталик магнетикнинг бирлик хажмидаги атом ва

молекулаларининг орбитал магнит моментлари йиғиндишига тенгдир:

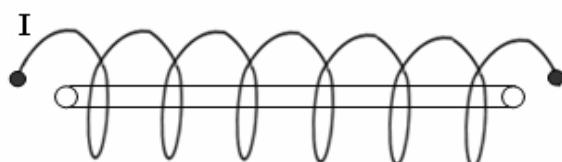
$$\vec{j} = \frac{\sum \vec{P}_{mi}}{\Delta V}, \quad (43.3)$$

бу ерда  $\Delta V$  – магнетикнинг мумкин бўлган энг кичик ҳажми ва унда магнит майдони бир жинсли деб ҳисобланади.

Индукцияси  $\vec{B}_0$  бўлган ташқи магнит майдонига жойлаштирилган магнетикда, индукцияси  $\vec{B}'$  бўлган ички майдон ҳосил бўлади, шу сабабли  $\vec{B}$  - натижавий магнит майдони қуидагича тенг бўлади:

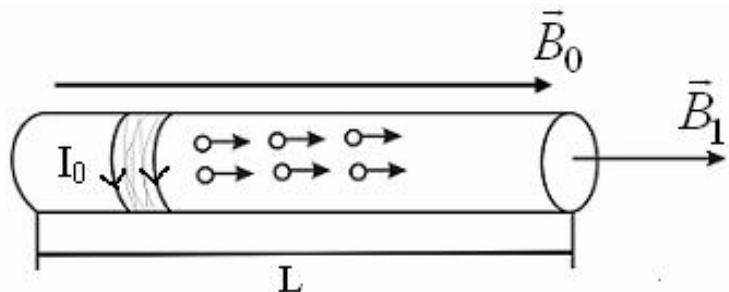
$$\vec{B} = \vec{B}_0 + \vec{B}', \quad (43.4)$$

Магнетикнинг  $\vec{B}'$  вектор билан ифодаланадиган хусусий майдони бир йўналишга йўналтирилган молекуляр токларнинг магнит моменти билан аниқланади. Фараз қиласлик,  $\vec{B}_0$  индукцияли ташқи бир жинсли магнит майдонида цилиндр кўринишда, кўндаланг кесим юзаси  $S$  ва узунлиги  $L$  бўлган бир жинсли магнетик жойлашган бўлсин (77-расм).



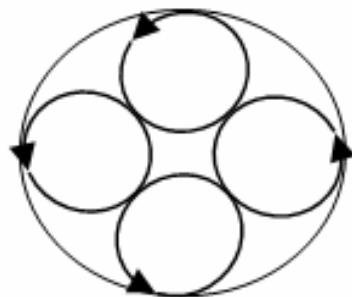
*77-расм. Индукцияли бир жинсли магнит майдонида магнетик*

Атом ва молекулалар орбитал магнит моментлари магнетикда ҳосил қилган  $\vec{B}'$  индукцияли ички магнит майдони, ташқи магнит майдон индукция вектори  $\vec{B}_0$  йўналиши билан мос тушади (78-расм).



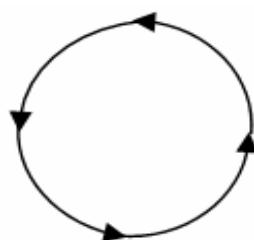
**78-расм. Атомлар орбитал магнит моментлари ички майдони индукция векторининг йўналиши**

Цилиндрик магнетик ўқига перпендикуляр бўлган  $S$  кўндаланг кесимида барча молекуляр токлар ўзаро компенсациялашади (79-расм).



**79-расм. Цилиндрик магнетик кўндаленг кесимидаги молекуляр токлар**

Магнетикнинг ён сиртида, кўндаланг кесимнинг периметрида токлар нолдан фарқли бўлади (80-расм).



**80-расм. Магнетикнинг ён сиртидаги молекуляр токлар**

Натижада, цилиндрик магнетикни соленоидга ўхшатиш мумкин ва унинг ташқи сиртининг бирлик узунлигида ўтказгичнинг  $I_0$  токли битта ўрами бор деб ҳисоблаш мумкин. Бу ток магнетикнинг молекуляр токларига эквивалент бўлганлиги учун  $H' = \mu_0 I_0$  кучланганликли ва  $B' = \mu_0 I_0$  индукцияли ички магнит майдонини ҳосил қиласи.

$I_0$  ток катталигини  $\vec{j}$  – магнитланганлик вектори билан қуидагича боғлаш мүмкін

$$|\vec{j}| = \frac{I_0 LS}{LS} = I_0 , \quad (43.5)$$

у ҳолда

$$\vec{B}' = \mu_0 \vec{j} . \quad (43.6)$$

Тажрибалар күрсатишича, магнитланганлик вектори

$$\vec{j} = \chi \vec{H} , \quad (43.7)$$

га тенгдир. Бу ерда  $\chi$  - магнетикнинг магнит қабул қилувчанлиги,  $\vec{j}$  ва  $\vec{H}$  нинг ўлчов бирликлари  $\left(\frac{A}{M}\right)$  бир хил бўлгани учун  $\chi$  - ўлчовсиз катталик ҳисобланади.

(43.6) – ва (43.7) – тенгламалардан қуидагига эга бўламиз.

$$\vec{B}' = \mu_0 \chi \vec{H} . \quad (43.8)$$

Натижавий магнит индукция

$$\vec{B} = \vec{B}' + \vec{B}_0 ,$$

тeng бўлгани учун

$$\vec{B} = \mu_0 \vec{H} + \mu_0 \chi \vec{H} , \quad (41.9)$$

$$\vec{B} = \mu_0 (1 + \chi) \vec{H} , \quad (43.10)$$

$(1+\chi)$  га teng бўлган ўлчовсиз катталик **магнетикнинг магнит сингдирувчанлиги** деб аталади:

$$\mu = 1 + \chi \quad , \quad (43.11)$$

Шундай қилиб, магнетикдаги натижавий магнит майдони индукцияси  $\vec{B}$  магнит майдони кучланганлиги  $\vec{H}$  билан қуидагича боғланган бўлади:

$$\vec{B} = \mu_0 \mu \vec{H} \quad \text{ёки} \quad \vec{H} = \frac{\vec{B}}{\mu \mu_0} \quad , \quad (43.12)$$

## 44-§ Максвелл тенгламалари

Максвелл назариясига асосан магнит майдони манбаи сифатида зарядларнинг тартибли ҳаракати бўлган токлардан ташқари, ўзгарувчан электр майдони ҳам манба бўлиши мумкин.

Электр майдон индукция (силжиш) вектори  $\vec{D}$  учун Гаусс теоремасини ёзамиз

$$N_D = \oint D_n dS = q$$

Бу тенгликнинг икки тарафини вакт бўйича дифференциалласак, қуидагига эга бўламиз:

$$\frac{dN_D}{dt} = \frac{d}{dt} \oint D_n dS = \oint \frac{\partial D_n}{\partial t} dS = \frac{dq}{dt}$$

$\vec{D}$  индукция вектори факат вактга эмас, балки координатага ҳам боғлиқ бўлгани учун  $\frac{\partial D_n}{\partial t}$  хусусий ҳосила белгисини танладик, қо заряднинг ўзгариши факат заяларнинг келиши ёки кетишида, яъни ток мавжуд бўлганда содир бўлади.

Ток қучи

$$I = \frac{dq}{dt} = \int_{(s)} j_n dS \quad ,$$

га тенг. Бу ерда,

$$j_n = \frac{\partial D_n}{\partial t} .$$

Тенгликнинг ўнг тарафи – силжиш векторининг ўзгариш тезлигидир ва у силжиш токининг зичлиги деб аталади.

Максвелл фараз қилишича, силжиш токи, ўтказувчанлик токига ўхшаш магнит майдонининг манбай ҳисобланади. У ҳолда магнит майдони кучланганлиги циркуляцияси формуласини қуидагида қайта ёзиш мумкин:

$$\oint H \ell d\ell = I + I_{\text{силж}} = I + \frac{dD_n}{dt} , \quad (44.1)$$

бу ерда  $I$  - ўтказувчанлик токи,  $I_{\text{силж}} = \frac{dD_n}{dt}$  силжиш токи.

Бу тенглама **Максвеллнинг биринчи тенгламасининг** дифференциал кўришидир.

Диэлектрикда, ўтказувчанлик токи йўқ бўлгани учун, бу тенглама қуидагида ёзилади:

$$\oint H \ell d\ell = \frac{dD_n}{dt} , \quad (44.2)$$

Бу тенглама қуидаги маънога эга: электр майдонининг исталган ўзгариши магнит майдонини ҳосил қиласди. Ўз навбатида, магнит майдонининг ўзгариши уормали электр майдонини вужудга келтиради, унинг кучланганлик вектори циркуляцияси, берилган контурни кесиб ўтувчи, ишораси тескари бўлган магнит майдон индукция оқимининг ўзгариш тезлигига тенгdir.

$$\oint E \ell d\ell = - \frac{d\Phi}{dt} , \quad (44.3)$$

Бу **Максвеллнинг иккинчи тенгламасидир**.

Электр майдон индукция оқими учун Гаусс теоремаси ифодаси

$$\oint D_n dS = q , \quad (44.4)$$

**Максвеллнинг учинчи тенгламаси** ҳисобланади.

Магнит майдони индукция оқими учун Гаусс теоремаси ифодаси

$$\oint \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S} = 0 , \quad (44.5)$$

### **Максвеллининг тўртинчи тенгламасидир.**

Электр майдонининг кучланганлиги ва индукция векторларининг ўзаро боғланиши

$$\vec{D} = \epsilon \epsilon_0 \vec{E} , \quad (44.6)$$

### **Максвеллининг бешинчи тенгламасидир.**

Магнит майдонининг кучланганлиги ва индукция векторларининг ўзаро боғлиқлик тенгламаси

$$\vec{B} = \mu \mu_0 \vec{H} , \quad (44.7)$$

### **Максвеллининг олтинчи тенгламасидир.**

Электр майдони кучланганлигини ўтказувчанлик токи зичлиги билан боғлиқлик ифодаси

$$\vec{j} = \sigma \vec{E} , \quad (44.8)$$

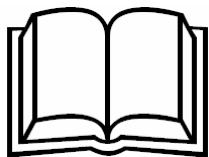
### **Максвеллининг еттинчи тенгламаси** деб аталади.

Бу юқорида санаб ўтилган еттига тенгламалар **Максвеллинг тенгламалар тизими** деб аталади.

Бу тенгламалардан электр ва магнетизмда мавжуд бўлган барча қонунларни келтириб чиқариш мумкин.

## **Қайтариш учун назорат саволлари**

1. Электромагнит индукция ходисаси нима? Электромагнит индукция ходисаси учун Фарадей ва Ленц қонунлари тушунтириинг. Индукция ва ўзиндукия электр юрутувчи кучлари қандай аниқланади?
2. Соленоиднинг индуктивлиги қандай топилади?
3. Электр занжирини ток манбаига улаш ва уни манбадан узишда ҳосил бўладиган токларнинг қиймати қандай формулалар билан аниқланади?
4. Магнит майдон энергияси қандай формула билан топилади?
5. Максвелл формулаларининг ёзиб тушунтириб беринг.



## IV Боб ГАРМОНИК ТЕБРАНИШЛАР

### 45-§ Гармоник тебранма ҳаракат кинематикаси ва динамикаси

Вақт ўтиши билан такрорланувчи ҳаракат ёки физик жараёнлар **тебранишлар** деб аталади. Табиатда ва техникада тебранма ҳаракатлар кенг тарқалғандыр. Мисол учун соат маятнигининг тебраниши, ўзгарувчан электр токи ва бошқалар. Шунинг учун тебранма ҳаракатларнинг физик табиатига қараб уларни механик, электромагнит тебранишлар ва б.га ажратиш мүмкін. Аммо тебранма ҳаракат ёки жараёнлар турли бўлишига қарамай, уларнинг барчаси умумий қонуниятлар асосида юзага келади.

Жисм ёки физик жараён мувозанат вазиятига эга бўлиши зарур ва уни шу ҳолатидан чиқариш ва аввалги вазиятига қайтарувчи кучлар мавжуд бўлиши керак. Агар жисм дастлаб олган энергияси ҳисобига мувозанатдан чиқиб, ташқи куч йўқ ҳолатида ўз тебранишларини анча вақт амалга ошириб турса, бундай тебранишлар **эркин ёки хусусий тебранишлар** деб аталади. Улар орасида энг содда кўриниши **гармоник тебранишлардир**.

Гармоник тебранишларда тебранувчи катталиклар вақт ўтиши билан синус ёки косинус қонуниятларига бўйсунган ҳолда ўзгариши кузатилади:

$$y = A \cdot \text{Sin}(\omega_0 t + \varphi) \quad , \quad (45.1)$$

бу ерда  $y$  – тебранувчи катталик,  $A$  - тебранувчи катталиктининг амплитудаси (максимал силжиши),  $\omega_0 = \frac{2\pi}{T} = 2\pi\nu$  - доиравий ёки циклик частота,  $\varphi$   $t=0$  вақтдаги тебранишнинг бошланғич фазаси,  $\omega_0 t + \varphi$ .  $t$  – вақтдаги тебраниш фазаси.

Гармоник тебранувчи тизимнинг айрим ҳолатлари тебраниш даври деб аталувчи  $T$  вақтдан сўнг такорланиб туради. Бу давр ичida тебраниш фазаси  $2\pi$  га ўзгаради, яъни:

$$\omega_0(t+T) + \varphi = (\omega_0 t + \varphi) + 2\pi$$

Бу ердан тебраниш даври қўйидагига тенг бўлади:

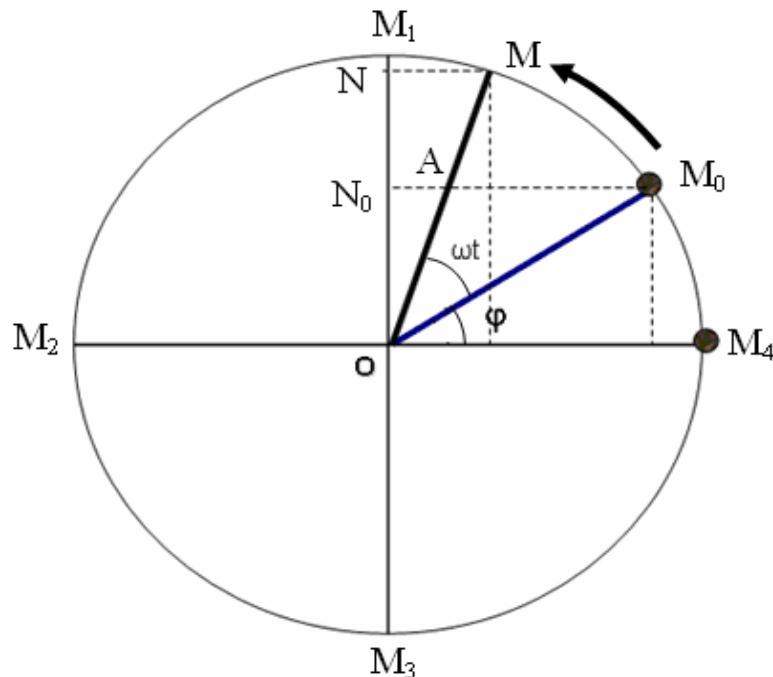
$$T = \frac{2\pi}{\omega_0}, \quad (45.2)$$

Тебраниш даврига тескари бўлган катталик, бирлик вақт ичидаги тўла тебранишлар сонини белгилайди ва у **тебранишлар частотаси** деб аталади.

$$v = \frac{1}{T}, \quad (45.3)$$

Частота бирлиги Герц билан ўлчанади ва 1 Герц -1 секунд давомида 1 цикл тебраниш бўлишини кўрсатади.

Гармоник тебранишларга бир мисол келтирамиз.  $M$  нуқта  $A$  радиусли айланада бўйлаб  $\omega = \frac{2\pi}{T}$  бурчак тезлик билан текис ҳаракатланаётган бўлсин (*81-расм*).



*81-расм. Моддий нуқтанинг айланада бўйлаб ҳаракати*

## Харакат бошланишда

$$(t=0)$$

нуқта  $M_0$  ҳолатда деб ҳисоблаймиз. Шу нүктага ўтказилган  $A=0M_0$  айлананинг радиуси  $M$  нүктанинг бурчак тезлигига тенг тезлик билан кўрсатгич йўналишида айланади. Агар  $t=0$  да радиус горизонтал ўқ билан  $\varphi$  бурчак ҳосил қилган бўлса,  $t$  вақт ўтгандан сўнг эса  $(\omega t + \varphi)$  қийматга эга бўлади.  $M$  нүқта айлана бўйлаб  $\omega$  бурчак тезлик билан ҳаракатланганда унинг тик диаметрга проекцияси  $N$  айлана маркази атрофига гармоник тебранишлар ҳосил қиласди.

$N$  нүктанинг тик диаметр бўйича силжиши ёки тебраниши синус қонуни билан ифодаланади:

$$y = A \sin(\omega t + \varphi) \quad , \quad (45.4)$$

бу ерда  $y - M$  нүктанинг тик диаметрга проекцияси  $N$  нүктанинг  $0$  айлана марказига нисбатан ҳолатидир ва тебранувчи катталик ҳисобланади.

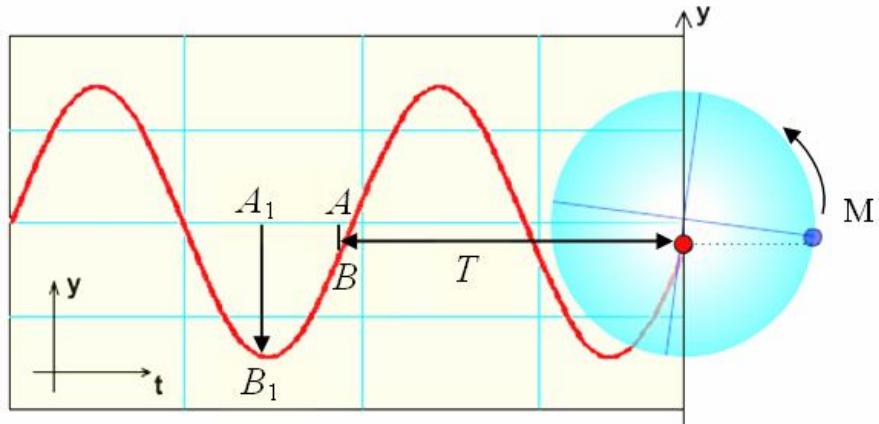
$M$  нүктанинг  $OX$  ўққа проекцияси ҳам шундай қонун асосида тебранади:

$$x = A \cos(\omega t + \varphi)$$

(45.4) – ифодада  $t$  ни  $t+T$  билан олмаштириб,  $\omega = \frac{2\pi}{T}$  га

тенглигини ҳисобга олсак,  $M$  нүктанинг тик диаметрга проекцияси  $N$  ни  $0$  нүқта атрофидаги тебраниш қийматини оламиз.  $x$  силжиш катталигининг даврий равишда ўзгаришини кузатамиз.

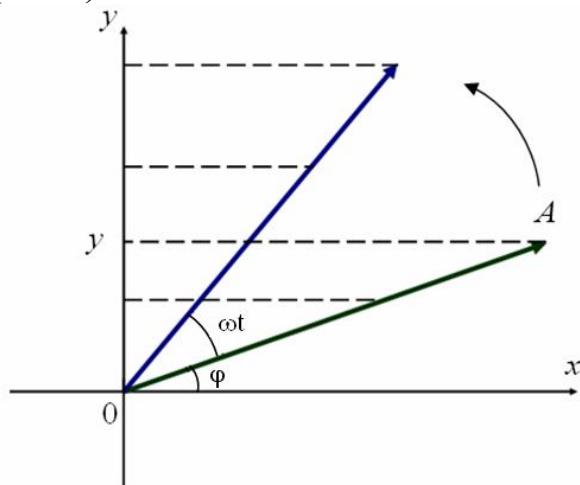
Горизонтал ўқ бўйича ватқнинг ўзгаришини, вертикал ўқ бўйича эса силжишининг ўзгаришини келтирсак, силжишнинг ўзгаришини график равишда тассавур қилиш мумкин. Натижада синусоида қонуниятини кузатамиз (82-расм).



**82-расм.** Моддий нүктанинг айлана траекториясидаги ҳолатини у-үққа проекциясининг гармоник тебраниши

Бу ерда исталған вертикаль  $AB$  кесма шу вақтдаги силжишни күрсатади,  $A_1B_1$  – амплитуданинг максимал қийматини,  $T$  – тебраниш даврини күрсатади.

Гармоник тебранишларнинг график тасвирлаш усулларидан яна бири **вектор диаграммалар** усули хисобланади (83-расм).



**83-расм.** Гармоник тебранишининг вектор диаграмма орқали график тасвири

$O$  нүкта атрофида  $\omega_0$  ўзгармас бурчак тезлик билан айланаётган, миқдор жиҳатдан ўзгармас  $A$  амплитудада тенг бўлган векторни тасаввур қиласиз. Исталған  $t$  вақтдаги  $A$  векторнинг вертикаль ўққа проекцияси силжишга тенгдир, горизонтал ўқ билан ҳосил қилган бурчаги эса тебранишининг фазасини билдиради.

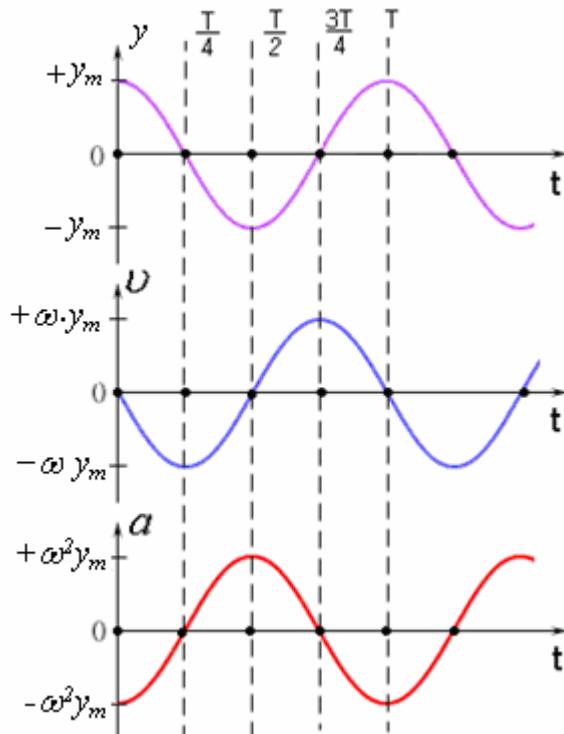
$N$  нүктанинг силжишини  $t$  вақт ичидаги босиб ўтган йўли деб ҳисобласак,  $t$  вақтдаги унинг тезлиги қўйидагига тенг бўлади:

$$v = \frac{dy}{dt} = \omega A \cos(\omega t + \varphi) \quad , \quad (45.5)$$

Тезланишни ҳам шундай аниқлаймиз:

$$a = \frac{dv}{dt} = -\omega^2 A \sin(\omega t + \varphi) = -\omega^2 y \quad , \quad (45.6)$$

Гармоник тебранаётган нүктанинг тезланиши силжишга пропорционал бўлиб, ишораси йўналишга тескаридир. (45.1)-, (45.5)- ва (45.6)- ифодалар гармоник тебранишнинг **кинематик қонунлари**дири (**84-расм**).



**84-расм. Гармоник тебраниши кинетик параметрларининг вақтга боғлиқ ўзгаришлари**

(45.6)- ифоданинг икки тарафини тебранаётган нүктанинг массасига кўпайтирсак, гармоник тебраниш **динамикасининг қонунига** эга бўламиз.

Вектор кўринишда қўйидагича ифодаланади:

$$\vec{F} = m \vec{a} = -m \omega^2 A \sin(\omega t + \varphi) = -m \omega^2 y \quad , \quad (45.7)$$

Гармоник тебранаётган жисмга қуйилган куч силжишга тескари йўналган бўлиб, у жисмни мувозанат ҳолатига қайтаришга интилади, шу сабабли бу куч - **қайтарувчи куч** деб аталади.

Кучнинг силжишга боғлиқлиги деформация таъсиридаги эластик кучини эслатгани учун, уни гоҳ пайтда **квазиэластик куч** деб ҳам аталади. Ўз навбатида квазиэластик кучлар тортишиш ёки эластик кучларига ўхшаб консерватив кучларга ўхшайдилар. Шу сабабли, гармоник тебранаётган жисмларнинг тўла механик энергияси ўзгармасдир, яъни энергиянинг сақланиш қонунига амал қиласди

$$E = T + U = \text{const} \quad , \quad (45.8)$$

Гармоник қонунийт билан тебранаётган жисмнинг кинетик энергияси қийидагича ифодаланади:

$$T = \frac{mv^2}{2} = \frac{m\omega^2 A^2 \cos^2(\omega t + \varphi)}{2} \quad , \quad (45.9)$$

Кинетик энергия максимал қийматга эга бўлганида потенциал энергия  $U$  нолга тенг бўлади. У ҳолда тўла энергия

$$E = \frac{m\omega^2 A^2}{2}$$

га тенг бўлади. Бошқа вактларда потенциал энергия шундай ифодаланади:

$$U = E - T = \frac{m\omega^2 A^2}{2} - \frac{m\omega^2 A^2 \cos^2(\omega t + \varphi)}{2} = \frac{m\omega^2 A^2 \sin^2(\omega t + \varphi)}{2} \quad , \quad (45.10)$$

Динамиканинг иккинчи қонунидан, тебранаётган жисмлар учун қийидаги ифодани ўринли деб хисобласа бўлади:

$$\begin{aligned} F &= ma = m \frac{d^2y}{dt^2} = -m\omega^2 y \quad , \\ \frac{d^2y}{dt^2} + \omega^2 y &= 0 \quad , \end{aligned} \quad (45.11)$$

Бу ифода гармоник тебранишларнинг **дифференциал тенгламаси** деб аталади. Унинг ечими

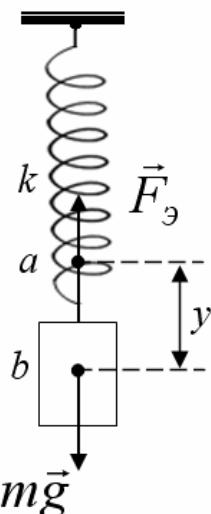
$$y = A \cdot \sin(\omega t + \varphi)$$

дан иборатдир.

## 46-§ Пружинали маятник

Гармоник тебранма ҳаракат қилувчи тизимларга турли күринишдаги маятникларни мисол тариқасида келтириш мүмкін.

**Пружинали маятник** – юқори тарафи қўзғалмас этиб қотирилган спиралли пружинанинг пастига илинган  $m$  – массали юкчадан иборатдир (85-расм).



85-расм. Пружинали маятник

Пружинанинг массаси юкчанинг массасидан жуда кичик деб ҳисобланади. Шунинг учун унинг массаси ҳисобга олинмайди.

Юкча  $a$  ҳолатда бўлганида, юкнинг оғирлиги билан чўзилган пружинанинг эластиклик кучи мувозанатда эканлигини эътиборга оламиз.

Агар спиралли пружинани чўзиб, юкчани  $B$  нуқтага силжитиб қўйиб юборсак, у ҳолатда юкча юқори ва пастига қараб тебрана бошлайди. Демак,  $t$  вақтда, юкча  $B$  нуқтада бўлганида юкчага таъсир этувчи кучни қуйидагича ифодалаймиз:

$$F = -ky \quad , \quad (46.1)$$

Бу ерда  $k$  – пружинанинг эластилик кучи, у юкнинг силжишига ( $y$ )га пропорционалдир.

Агарда пружинали маятникнинг гармоник тебранишини ҳисобга олсак, (46.1)- ифодани (45.4) – ифода билан солиштириб қўйидаги тенгликка эга бўламиз:

$$\vec{F} = m\vec{a} = -m\omega^2 \cdot A \cdot \sin(\omega t + \varphi) = -m\omega^2 \vec{y} = -k\vec{y}$$

$$k = m\omega^2 = m \frac{4\pi^2}{T^2}, \quad (46.2)$$

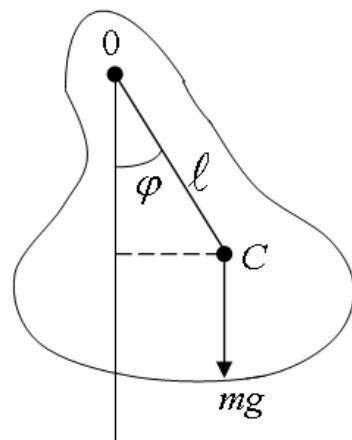
Пружинали маятникнинг тебраниш даври

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}, \quad (46.3)$$

га тенг бўлади.

## 47-§ Физик маятник

**Физик маятник** – бу оғирлик маркази  $C$  нуқтадан ўтган  $O$  ўқи маркази атрофида тебранадиган жисмдан иборатdir (86-расм).



86-расм. Физик маятник

Бу ерда  $O$  – тебраниш ўқи маркази,  $C$  – тебранаётган  $m$  – массали жисмнинг оғирлик маркази,  $mg$  – жисмнинг оғирлик кучи,  $\ell$  – физик маятникнинг елкаси.

Агар маятник кичик  $\varphi$  бурчакка оғдирилса, маятника қўйилган куч моменти

$$M = -mg\ell \cdot \sin \varphi \approx -mg\ell \cdot \varphi , \quad (47.1)$$

га тенг бўлади. Айланма ҳаракатнинг асосий қонунини

$$M = I \frac{d^2\varphi}{dt^2} , \quad (47.2)$$

(46.1) – ифодага тенглаштирасак, қўйидаги ифодага эга бўламиз

$$\begin{aligned} I \frac{d^2\varphi}{dt^2} &= -mg\ell \cdot \varphi \\ \frac{d^2\varphi}{dt^2} + \frac{mg\ell}{I} \varphi &= 0 \end{aligned} , \quad (47.3)$$

Бундан физик маятникнинг циклик частотаси

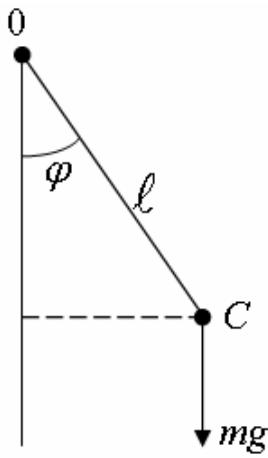
$$\omega = \sqrt{\frac{mg\ell}{I}}$$

га тенг бўлиниши кўриниб турибди. Физик маятникнинг тебраниш даврини қўйидагича ифодалаш мумкин:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{I}{mg\ell}} . \quad (47.4)$$

## 48-§ Математик маятник

**Математик маятник** – оғирлиги ҳисобга олинмайдиган  $\ell$  узунликдаги ипга осилган  $m$  массали моддий нуқтадир (87-расм).



### 87-расм. Математик маятник

У физик маятникнинг хусусий ҳолидир. Ип вертикал ўқдан кичик  $\varphi$  бурчакка сижитилса,  $m$  массали моддий нуқтанинг инерция моменти

$$I = m\ell^2$$

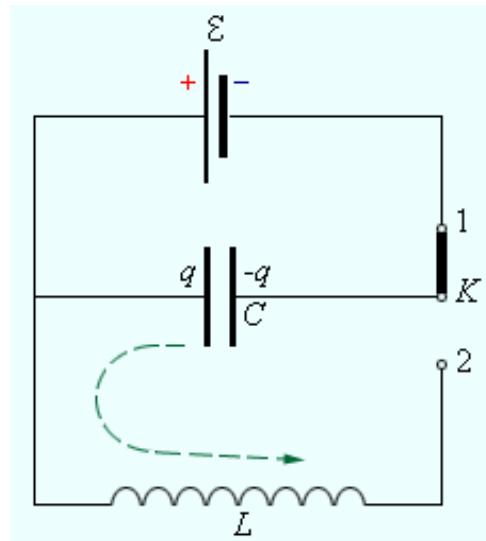
га тенг бўлади. (47.4)- ифодага инерция моменти қийматини қўйсак, математик маятникнинг тебраниш даври ифодасига эга бўламиз:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{I}{mg\ell}} = 2\pi \sqrt{\frac{m\ell^2}{mg\ell}} = 2\pi \sqrt{\frac{\ell}{g}} \quad , \quad (48.1)$$

## 49-§ Электромагнит тебранишлар

$C$  конденсатор ва  $L$  индуктивликдан ташкил топган ёпиқ электр занжирида юз берадиган заряд, кучланиш ва токларнинг тебранишларини кузатамиз.

Энг содда тебраниш контури 88-расмда келтирилган.

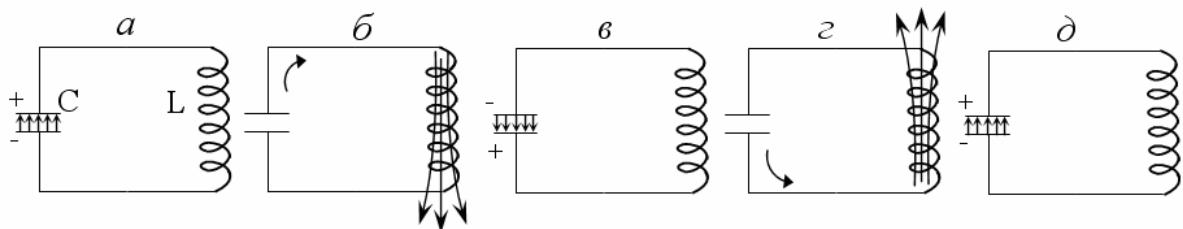


*88-расм. Энг содда ёпиқ электр занжир*

Берк занжирнинг қаршилигини ҳисобга олмаймиз.  $K$  калитни 1- ҳолатга улаб, конденсаторни  $U_c$  потенциаллар фарқигача зарядлаймиз. Кейин  $K$  калитни 2- ҳолатга келтириб, ёпиқ занжир ҳосил қиласиз. Бошланишда энергиянинг ҳамаси

$$W = \frac{CU_c^2}{2}$$

конденсаторнинг электр майдонида жойлашган бўлади (89 а-расм).



*89-расм. Ёпиқ электр занжирида электромагнит тебранишлар*

Кейин эса конденсатор  $L$  индуктивлик ғалтаги орқали разрядлана бошлайди ва ғалтак ичидаги магнит майдони ҳосил бўлади. Конденсатор тўла разрядланганда занжир орқали ўтаётган ток максимал қийматга эришади ва барча энергия ғалтак ичидаги магнит майдонига жойлашган бўлади (89б-расм).

$$W = \frac{LI^2}{2} = \frac{CU_c^2}{2}$$

$L$  индуктивлик ғалтаги қаршилиги орти ши билан токнинг қиймати камаябошлайди, натижада ғалтакда ўзиндуция электр юритувчи кучи

$$\varepsilon_{yz} = -L \frac{dI}{dt}$$

пайдо бўлади. Бу ЭЮК занжирдан ўтаётган токни ўша йўналишда тиклашга интилади. Натижада  $C$  конденсатор яна зарядлана бошлайди (89в-расм), аммо конденсатор қопламаларида зарядларнинг ишораси аввалги ҳолатига нисбатан тескари бўлади.

Занжир бўйича ток йўқолганда,  $C$  – конденсатор тўла зарядланиб бўлади ва барча энергия конденсатор қопламалари орасидаги электр майдонига жойлашади.

Ундан кейин тескари йўналишда конденсатор разрядлана бошлайди ва барча энергия ғалтак ичидаги тескари йўналишдаги магнит майдонига ўтади (89г-расм). Шундай қилиб, занжирдаги электромагнит тебраниш битта тўла тебраниш давридан ўтади.

Конденсатордаги потенциаллар фарқи

$$U_c = \frac{Q}{C}$$

га тенгдир. Кирхгофнинг 2-қонунидан тебраниш контуридаги электромагнит тебранишнинг дифференциал тенгламасини топамиз

$$-L \frac{dI}{dt} = \frac{Q}{C} \quad \text{ёки} \quad \frac{dI}{dt} + \frac{1}{LC} Q = 0 \quad , \quad (49.1)$$

Бу тенгламанинг ечими силжиш тенгламаси

$$y = A \cdot \sin(\omega t + \varphi)$$

га ўхшашдир. Фақат “ $y$ ” тебранувчи катталикни  $Q$  зарядга,  $\omega$  бурчак тезликни  $\frac{1}{\sqrt{LC}}$  билан алмаштиrsак

$$Q = Q_0 \sin\left(\frac{1}{\sqrt{LC}} t + \varphi\right) \quad , \quad (49.2)$$

га эга бўламиз. Конденсатор қопламаларидағи потенциаллар фарқини қуидагича ифодалаш мумкин.

$$U_c = \frac{Q_0}{C} \sin\left(\frac{1}{\sqrt{LC}} t + \varphi\right) , \quad (49.3)$$

(49.2)- ифодадан вақт бўйича ҳосила олсак, тебраниш контуридаги токнинг вақт бўйича гармоник тебраниш ифодасига эга бўламиз.

$$I = \frac{dQ}{dt} = \frac{Q_0}{\sqrt{LC}} \cos\left(\frac{1}{\sqrt{LC}} t + \varphi\right) = \frac{Q_0}{\sqrt{LC}} \sin\left(\frac{t}{\sqrt{LC}} + \varphi + \frac{\pi}{2}\right) , \quad (49.4)$$

(49.2)-, (49.3)-, (49.4)- ифодалардан конденсатор қопламаларидағи потенциаллар фарқи ва контур бўйича токлар ўзгаришини гармоник қонунларга бўйсуниши, уларнинг тебраниш частоталари бир хил қийматга эга бўлиши, кучланиш ва заряднинг фазалари бир хил эканлиги ва токнинг фазасидан  $\pi/2$  қийматга орқада қолиши кўриниб турибди.

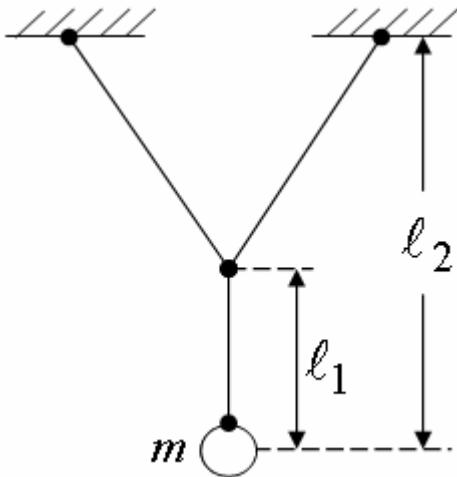
Агар циклик частота  $\omega = \frac{1}{\sqrt{LC}}$  лигини ҳисобга олсак, идеал контурнинг тебраниш даври қуидагига teng бўлади.

$$T = \frac{2\pi}{\omega} = 2\pi\sqrt{LC} , \quad (49.5)$$

Бу ифода **Томсон формуласи** деб аталади.

## 50-§ Тебранишларни қўшиш

Айрим тебранувчи тизимларда жисм бир вақтнинг ўзида бир неча ҳаракатда қатнашиши мумкин. Шундай тизимлардан бири қуидаги 90-расмда келтирилган.



**90-расм.** *M* массали жисмнинг бир-бирига перпендикуляр текисликлардаги тебраниши

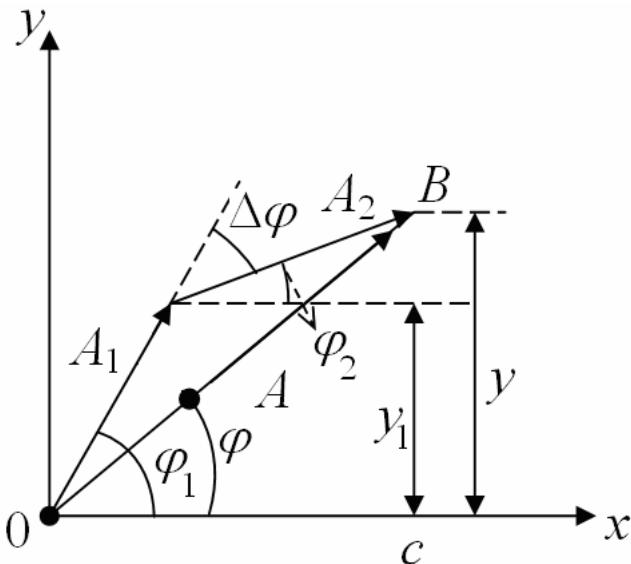
$m$  массали жисм расм текислигига  $\ell_1$  узунликдаги оддий маятник сингари тебранади. Шу текисликка перпендикуляр йўналишда эса,  $\ell_2$  узунликдаги маятник каби тебранади. Шу сабабли, жисмнинг натижавий ҳаракатини аниқлаш зарур бўлади. Куйида гармоник тебранишларни қўшишнинг айрим ҳолларини қўриб чиқамиз.

### 1) Бир йўналишдаги тебранишларни қўшиш.

Жисм частоталари бир хил, амплитуда ва фазалари фарқ қиласидиган иккита

$$\begin{aligned} y_1 &= A_1 \sin(\omega t + \varphi_1), \\ y_2 &= A_2 \sin(\omega t + \varphi_2) \end{aligned} \tag{50.1}$$

тебранишларда иштирок этади деб ҳисоблаймиз. Тебранишларни векторлар диаграммаси усулидан фойдаланиб қўшиш қулайдир (91-расм).



**91-расм.** Бир йұналишдаги тебранишларни векторлар диаграммаси усулида қүшии

$\vec{A}_1$  ва  $\vec{A}_2$  векторлар бир хил  $\omega$  бурчак тезлик билан айланишлари сабабли, фазалар силжиши доимо үзгармасдир. Натижавий тебраниш тенгламаси қуидагичадир:

$$y = y_1 + y_2 = A \sin(\omega t + \varphi) , \quad (50.2)$$

$\vec{A}$  вектор  $\vec{A}_1$  ва  $\vec{A}_2$  векторларнинг геометрик ыйғиндисига тенг, яъни  $\vec{A} = \vec{A}_1 + \vec{A}_2$ , унинг устига олдинги  $\omega$  бурчак тезлик билан айланади.

Натижавий тебранишнинг амплитудаси квадрати қуидагига тенг:

$$A^2 = A_1^2 + A_2^2 + 2A_1 A_2 \cos(\varphi_1 - \varphi_2) , \quad (50.3)$$

$\varphi$  бошланғич фаза  $\operatorname{tg} \varphi = \frac{\vec{BC}}{\vec{OC}}$  нисбат билан аниқланади ёки

$$\operatorname{tg} \varphi = \frac{A_1 \sin \varphi_1 + A_2 \sin \varphi_2}{A_1 \cos \varphi_1 + A_2 \cos \varphi_2} , \quad (50.4)$$

га тенгдир. Шундай қилиб, жисм бир хил частотали, бир йўналишда содир бўладиган иккита гармоник тебранишларда қатнашиб, ўша частотали, ўша йўналишда гармоник тебранади. (50.3)- ифодадан,  $A$  амплитуда  $\varphi_1 - \varphi_2 = m\pi$  бўлганда

максимал,  $\varphi_1 - \varphi_2 = (2m-1)\frac{\pi}{2}$  бўлганда минимал ва  $A_1 = A_2$  бўлганда ноль қийматларга эга бўлиши кўриниб турибди. Бу ерда  $m = 0, 1, 2, 3, \dots$ , қийматларни қабул қиласи. Натижавий тебранишга ўша йўналишда  $\omega$  бурчак тезликли учинчи тебранишни қўшилиши шу частотали янги гармоник тебранишга олиб келади.

**2) Тебраниш йўналиши бир хил, частота, амплитуда ва бошланғич фазалари ҳар хил бўлган иккита тебранишларни қўшиш**

$$\left. \begin{aligned} y_1 &= A_1 \sin(\omega_1 t + \varphi_1) \\ y_2 &= A_2 \sin(\omega_2 t + \varphi_2) \end{aligned} \right\}, \quad (50.5)$$

Агарда  $\omega_1 = \omega_2$  ва  $\varphi_1 = \varphi_2 = \varphi$  бўлса, иккита тебранишлар амплитудаси бир хил бўлади.

Фараз қилайлик,  $\omega_2 > \omega_1$  бўлсин. Бу ҳолда, тебранишларни қўшишни аналитик усул билан амалга ошириш қулайдир.

(50.5)- ифодадаги иккита тенгликни қўшсак, натижавий тебраниш тенгламасига эга бўламиш:

$$y = y_1 + y_2 = 2A \cos\left(\frac{\omega_1 - \omega_2}{2}t\right) \sin\left(\frac{\omega_1 + \omega_2}{2}t + \varphi\right), \quad (50.6)$$

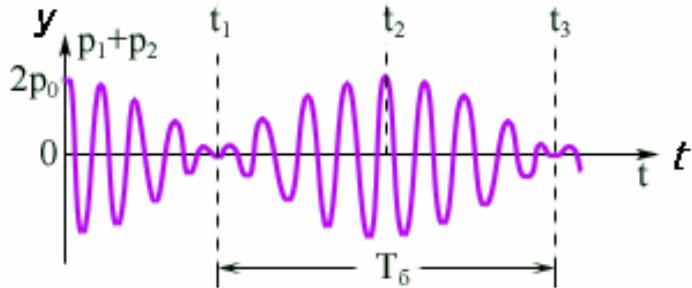
бу ерда  $\sin\left(\frac{\omega_1 + \omega_2}{2}t + \varphi\right)$  – даврий кўпайтмадир,

$A = \left| 2A_0 \cos\frac{\omega_1 + \omega_2}{2}t \right|$  – натижавий тебранишнинг

амплитудасидир.

Жисм силжиши йўналишининг ишораси ўзгариб турганлиги учун,  $A$  амплитуданинг ифодасини модули бўйича оламиз.

Амплитуда вактга боғлиқ бўлиб,  $\omega_1$  ва  $\omega_2$  ярим фарқларига тенг бўлган частота бўйича ўзгариб туради. Бундай тебраниш 92-расмда



**92-расм. Йўналишлари бир хил бўлган тебранишларни қўшишида тепкиларнинг ҳосил бўлиши**

келтирилган, узлуксиз чизик силжиш ўзгаришини, амплитуда ўзгариши эса натижавий тебранишни тасвирлайди. Натижавий тебраниш амплитудаси гоҳ ошиб, гоҳ пасайиб туради. Шундай даврий ўзгарадиган амплитудали тебраниш **тепкилар** деб аталади.

Тебранишни ташкил этувчиликнинг амплитудалари бирбирига тенг бўлмаса, натижавий тебраниш амплитудаси нолгача тушмайди ва фазалар фарқи  $\pi$  га тенг бўлганда минимумдан ўтади. (50.6)- тенгламадан қуйидагига эга бўламиз:

$$y = 2A_0 \cos \Omega t \sin \omega t$$

бу ерда,  $\Omega = 2\pi\nu = \frac{\omega_1 - \omega_2}{2}$ ,  $\nu = \frac{v_1 - v_2}{2}$ , яъни  $\omega = |\omega_1 - \omega_2|$

циклик частота  $v = |v_1 - v_2|$  частотага мос келади.

Битта тўла тебраниш вақтида тебраниш амплитудаси икки марта максимумга эришади, шу сабабли тепкилар частотаси қўшиладиган тебранишлар частоталари фарқига тенг бўлади. Кўпинча тепки ҳодисаси товушли ва электр тебранишларида кузатилади.

### 3. Бир-бирига перпендикуляр бўлган тебранишларни қўшиши.

Материал нүкта  $x$  ўки бўйлаб ва унга перпендикуляр бўлган у ўки бўйлаб тебраниши мумкин. Агарда икки тебранишни қўзғатсак, моддий нүкта тебранишни ташкил этувчилари траекторияларидан фарқли бўлган қандайдир траектория бўйлаб ҳаракатланади.

Нуқтанинг силжиш тенгламаси қўйидагича бўлсин:  
у ўки бўйлаб

$$y = A_1 \sin(\omega_0 t + \varphi_1) \quad (50.7)$$

$x$  ўки бўйлаб

$$x = A_2 \sin(\omega_0 t + \varphi_2)$$

бу ерда  $\Delta\varphi = \varphi_2 - \varphi_1$  иккала тебраниш фазалари фарқидир. (50.7)- тенгламалардан иккита бир-бирига ўзаро перпендикуляр бўлган тебранишларда қатнашаётган нуқтанинг ҳаракат траекторияси тенгламасига эга бўламиз:

$$\frac{y}{A_1} = \sin(\omega_0 t + \varphi_1); \quad \frac{x}{A_2} = \sin(\omega_0 t + \varphi_2)$$

Бу тенгламалардан  $t$  вақтни йўқотсак, қўйидаги ифодага эга бўламиз.

$$\frac{y^2}{A_1^2} + \frac{x^2}{A_2^2} + 2 \frac{xy}{A_1 A_2} \cos(\varphi_2 - \varphi_1) = \sin^2(\varphi_2 - \varphi_1), \quad (50.8)$$

Бу тенглама, ўқлари  $x$  ва  $y$  координата ўқларига нисбатан йўналган эллипснинг тенгламасидир.

Бир неча хусусий ҳолларда траектория формулаларини текшириб кўрамиз.

**а)** Фазалар фарқи нолга тенг бўлсин, яъни  $\Delta\varphi = 0$ . У ҳолда (50.8)- тенглама қўйидаги кўриниш олади

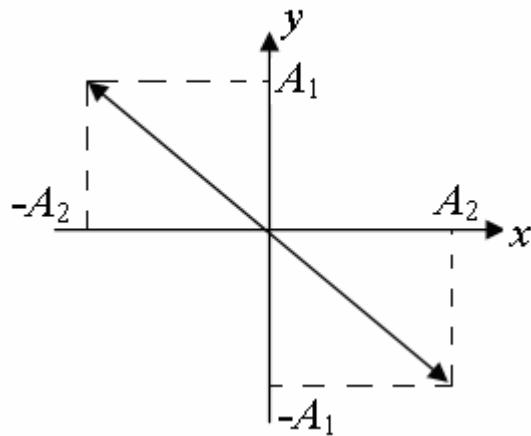
$$\left( \frac{x}{A_1} + \frac{y}{A_2} \right)^2 = 0$$

Бу тенгламанинг ечими

$$\frac{y}{A_1} = -\frac{x}{A_2} \quad \text{ёки} \quad y = -\frac{A_1}{A_2} x$$

тўғри чизикдан иборатdir. Нуқта координат тизимининг иккинчи ва тўртинчи квадрантларидан ўтувчи чизик бўйлаб тебранади (93-расм).

$$\varphi_2 - \varphi_1 = \pi; 3\pi; \dots$$



**93-расм.** Фазалар фарқи нолга тенг тебранишлар қўшилишидаги натижавий тебраниши ( $\Delta\varphi=0$ )

Нуқтанинг силжиши  $r = \sqrt{A_1^2 + A_2^2} \cdot \sin \omega_0 t$  га тенг бўлади.

Бу ерда  $A = \sqrt{A_1^2 + A_2^2}$  - унинг амплитудаси,  $\omega_0$  – циклик частотасидир.

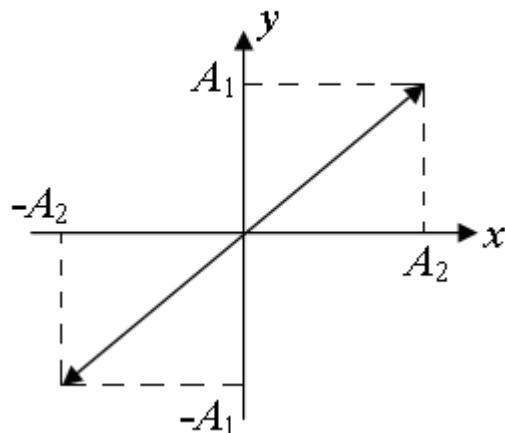
**б)** фазалар фарқи  $\Delta\varphi = \pi$  га тенг бўлсин.

(50.8)- тенгламадан қўйидаги тўғри чизик тенгламасини келтириб чиқарамиз.

$$\frac{y^2}{A_1^2} + \frac{x^2}{A_2^2} - \frac{2xy}{A_1 A_2} = 0 \quad \text{ёки} \quad \frac{y}{A_1} = \frac{x}{A_2}$$

Бу тўғри чизик координата тизимининг биринчи ва учинчи квадрантларидан ўтади (94-расм).

$$\varphi_2 - \varphi_1 = 0; 2\pi; \dots$$



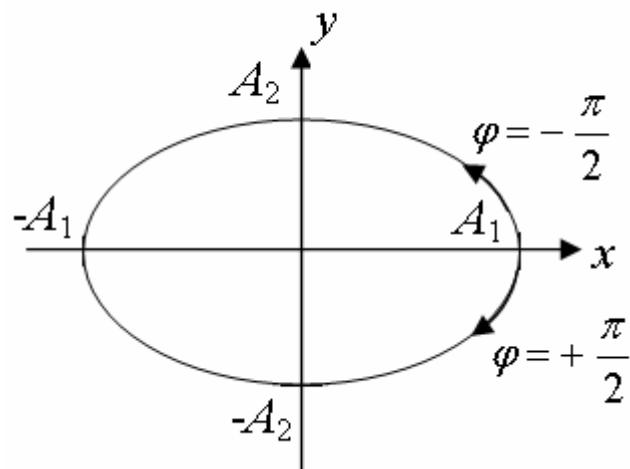
**94-расм.** Фазалар фарқи.  $\pi$  га тенг бўлган тебранишлар қўшилишидаги натижавий тебраниши ( $\Delta\varphi=\pi$ )

**в)** фазалар фарқи  $\Delta\varphi = \pm\frac{\pi}{2}$  га тенг бўлсин, у ҳолда (50.8)-тenglama эллипс тenglamasига ўтади:

$$\frac{x^2}{A_1} + \frac{y^2}{A_2} = 1$$

Бу ерда эллипснинг ярим ўқлари тебраниш амплитудаларига тенг бўлади.  $\Delta\varphi = \frac{\pi}{2}$  ва  $\Delta\varphi = -\frac{\pi}{2}$  ҳоллар эллипс бўйича ҳаракат йўналишлари билан фарқ қиласидилар (*95-расм*).

$$\varphi_2 - \varphi_1 = 3\pi/2; 7\pi/2\pi; \dots$$

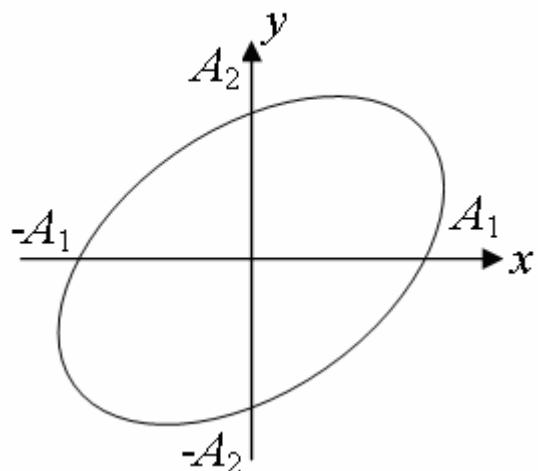


*95-расм. Фазалар фарқи  $\pm\frac{\pi}{2}$  га тенг бўлган тебранишилар қўшилишидаги натижавий тебраниши*

$A_1 = A_2$  бўлганда эллипс айланага айланади.

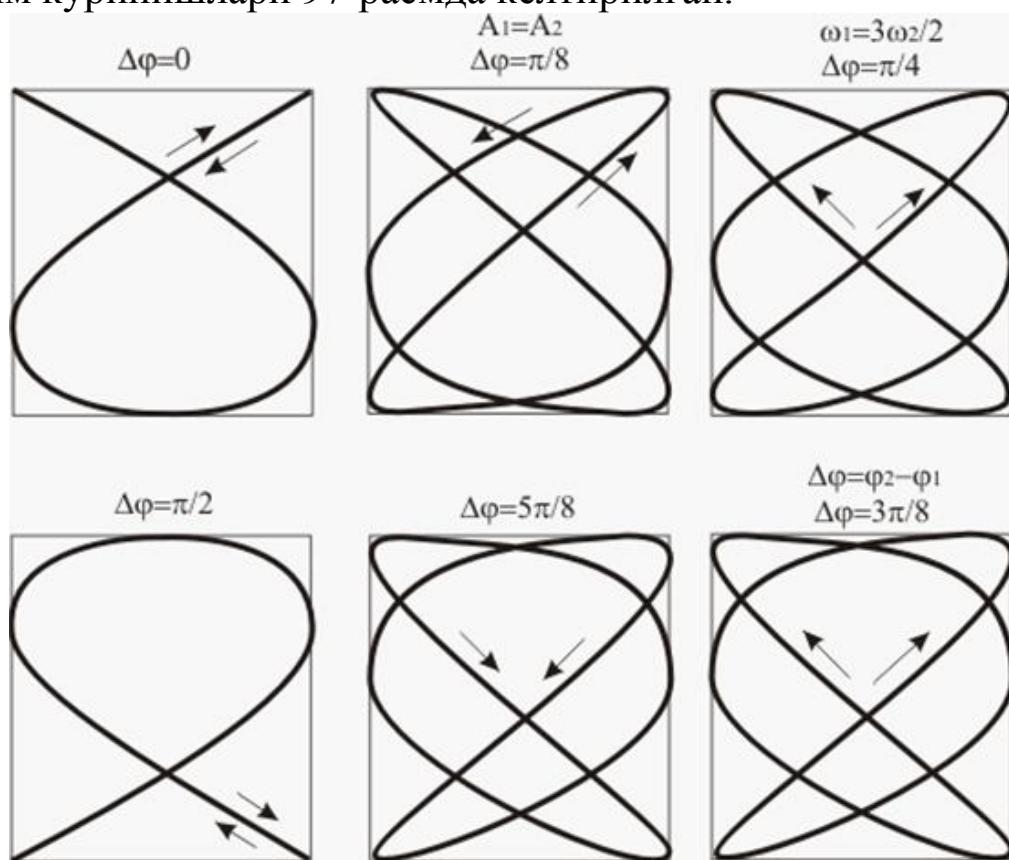
**г)** Иккала тебраниш даврлари бир хил бўлиб, фазалар фарқи  $\frac{\pi}{2}$  дан фарқ қиласа, нуқтанинг траекторияси оғишган эллипс кўринишга эга бўлади (*96-расм*).

$$\varphi_2 - \varphi_1 = \pi/2; 5\pi/2; \dots$$



**96-расм.** Огишган эллипс күринишидаги тебраниши  $\Delta\varphi \neq \frac{\pi}{2}$

д) Тебранишни ташкил этувчиilar даврлари ҳар хил бўлганда ва ҳар хил бошланғич фазаларда натижавий тебраниш траекториялари мураккаб күринишга эга бўлади. Уларнинг айrim күринишлари 97-расмда келтирилган.



**97-расм.** Лиссажу фигуралари  
Бундай эгри чизиқлар Лиссажу фигуралари деб аталади.

## 51-§ Сўнувчи механик ва электромагнит тебранишлар

Вақт ўтиши билан тебраниш тизимининг энергияси аста-секин йўқотилишига боғлиқ тебранишлар – сўнувчи тебранишлар деб аталади. Бошқача қилиб айтганда, энергия заҳираси муҳитнинг қаршилиги, ишқаланиш кучларини енгишга сарф бўлади ва тебраниш сўна бошлайди, тебраниш амплитудаси аста-секин камая боради. **Бу холларда эркин сўнувчи тебранма ҳаракатлар** кузатилади.

Механик тебранма ҳаракатларда ишқаланиш ҳисобига энергия иссиқлик энергиясига ўтиб камая боради.

Электромагнит энергия электромагнит тебраниш тизими қаршиликларида иссиқлик ажралишига сарф бўлиши ҳисобига камая боради.

Оддий чизиқли тизимларни, яъни пружинали маятник ёки индуктивлик, сифим ва қаршиликдан иборат бўлган тебраниш контурини кўриб чиқамиз.

### Эркин механик тебранишлар

Сўнувчи тебранишларнинг дифференциал тенгламасини келтириб чиқаришга ҳаракат қиласиз. Тебранувчи жисмга қайтарувчи куч ва жисмнинг ҳаракат тезлигига пропорционал бўлган қаршилик кучларнинг йигиндиси таъсир этади, деб ҳисоблайлик.

Бу ерда  $F_k = -r \frac{dy}{dt}$  қаршилик кучи,  $r$  - қаршилик коэффициенти,  $\frac{dy}{dt}$  - ҳаракат тезлиги, “-“ ишора ишқаланиш кучи доимо ҳаракат тезлиги йўналишига тескари эканлигини билдиради.

ОУ ўқ бўйлаб сўнувчи тўғри чизиқли тебраниш учун Ньютоннинг II қонуни қуйидаги қўринишга эга бўлади:

$$m \frac{d^2y}{dt^2} = F + F_k = -m\omega_0^2 y - r \frac{dy}{dt}, \quad (51.1)$$

Бу ерда ( $y$ ) - тебранувчи катталик,  $\omega_0$  - қаршилик кучи йўқлигидаги тебранишлар частотаси ёки тебранувчи тизимнинг хусусий чатотасидир.

Тенгликнинг ҳадларини  $m$  га бўлсак қуйидаги ифодага эга бўламиз:

$$\frac{d^2y}{dt^2} + \frac{r}{m} \frac{dy}{dt} + \omega_0^2 y = 0, \quad (51.2)$$

Бу ифода **эркин сўнувчи тебранишларнинг дифференциал тенгламаси** деб аталади.

Бу ерда  $\frac{r}{m} = 2\beta$ ,  $\beta$  - сўниш коэффициенти деб аталади.

(51.2) тенгламани қуйидаги кўринишда ҳам ёзиш мумкин:

$$\frac{d^2y}{dt^2} + 2\beta \frac{dy}{dt} + \omega_0^2 y = 0, \quad (51.3)$$

Бу тенгламанинг ёними

$$y = A_0 e^{-\beta t} \sin(\omega' t + \varphi), \quad (51.4)$$

дан иборатдир. Бу ерда,  $\omega' = \sqrt{\omega_0^2 - \beta^2}$  сўнувчи тебранишнинг частотасидир

$$\omega' = \sqrt{\omega_0^2 - \beta^2} = \sqrt{\omega_0^2 - \frac{r^2}{4m^2}}, \quad (51.5)$$

Мухитнинг қаршилиги йўқ ҳолатда ( $r=0$ ) (51.5) – ифода тизимнинг **хусусий частотасига** тенглашади.

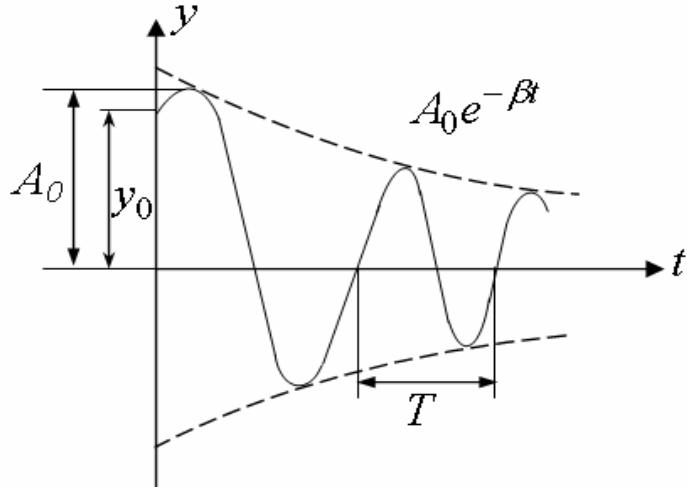
$$\omega' = \omega_0.$$

(51.4) - функция кўринишига қараб, тизимнинг ҳаракатини  $\omega'$  частотали, амплитудаси вақт бўйича ўзгарадиган қуйидаги

$$A(t) = A_0 e^{-\beta t}$$

сўнувчи тебраниш деб қараш мумкин. Бу ерда  $A_0$  - вактнинг бошланғич ҳолатидаги тебраниш амплитудасидир.

98-расмда амплитуда ва силжишнинг вақтга боғлиқ эгри чизиқлари келтирилган.



**98-расм. Эркин сўнивчи тебранишининг амплитудасининг вақтга боғлиқ ўзгариши**

Эгри чизиқларнинг юқоригиси

$$A(t) = A_0 e^{-\beta t}$$

функция графигини белгилайди. Бу ерда  $A_0$  ва  $y_0$  бошланғич моментдаги амплитуда ва силжишнинг қийматларидир.

Бошланғич силжиш  $y_0$  ўз вақтида,  $A_0$  дан ташқари, бошланғич фазага ҳам боғлиқдир:

$$y_0 = A_0 \sin \alpha$$

Тебранишининг сўниш тезлиги  $\beta = \frac{r}{2m}$  билан аниқланади ва у **сўниш коэффициенти** деб аталади.

Амплитуда “e” марта камайишга кетган вақт

$$e^{-\beta t} = e^{-1}, \quad \tau = \frac{1}{\beta} = \frac{2m}{r}$$

га тенгдир. Сўнувчи тебранишлар даври

$$T = \frac{2\pi}{\omega'}, \quad (51.6)$$

ифода билан аниқланади. Мұхитнинг қаршилиги сезиларли равища кичик бўлганда ( $\beta^2 < \omega_0^2$ ), тебраниш даври хусусий даврга тенгдир

$$T_0 = \frac{2\pi}{\omega_0}$$

Сўниш коэффициенти ортиши билан тебраниш даври катталаша боради.

Битта тўла даврнинг бошлангич ва охирги ҳолатларига мос келувчи амплитудалар нисбати қўйидагига тенгдир:

$$\frac{A(t)}{A(t+T)} = e^{\beta\tau}, \quad (51.7)$$

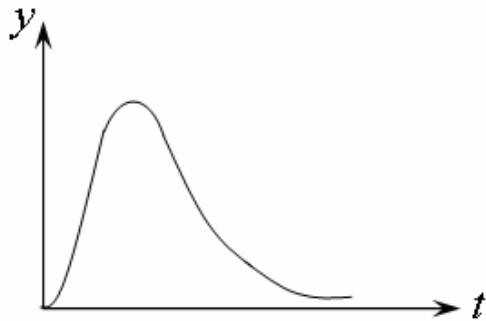
ва уни **сўниш декременти** деб атасади. Бу ифоданинг логарифми **сўнишнинг логарифмик декременти** деб аталади:

$$\delta = \ln \frac{A(t)}{A(t+T)} = \ln e^{\beta\tau} = \beta\tau, \quad (51.8)$$

Сўнишнинг логарифмик декременти бир давр ичida амплитуданинг нисбий камайишини характерлайди, сўниш коэффициенти эса амплитуданинг бирлик вақт ичидаги нисбий камайишини қўрсатади.

Юқорида таъкидлангандек, сўниш коэффициенти  $r$  қаршилик коэффициентига тўғри ва тебранувчи жисмнинг массасига тескари пропорционалдир.

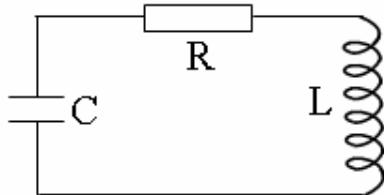
(51.5) - ифодадан циклик частота  $\omega'$  хусусий частота -  $\omega_0$  дан кичиклиги кўриниб турибди. Агарда мұхитнинг қаршилиги жуда катта бўлса  $\beta > \omega_0$  дир, илдиз остидаги  $\omega_0^2 - \beta^2$  ифода манфий, циклик частота эса мавҳум бўлади. Бу ҳолатда жисм даврий бўлмаган - **апериодик** ҳаракат қиласабошлайди (99-расм).



**99-расм.** Даврий бўлмаган апериодик тебраниши  $\beta > \omega_0$

### Қаршиликли электромагнит занжирдаги эркин сўнувчи тебранишлар

Кондесатор, ғалтак ва қаршиликдан иборат бўлган ҳар қандай занжирда электромагнит сўнувчи тебранишлар содир бўлади. Шундай занжир 100-расмда тасвирланган.



**100-расм.** Қаршиликли электромагнит занжири

Агар конденсаторни зарядласак ва занжирни ўз ҳолича қолдирсак, унда электромагнит сўнувчи тебранишлар содир бўлади. Чунки занжир бўйича ток қаршилик қисмидан ўтаётганда электр энергияси иссиқлик энергияси ажралиб чиқишига сарф бўлади. Шу сабабли, контурдаги энергия заҳираси ва тебранишлар амплитудаси аста-секин камая боради, натижада тебранишлар сўнабошлайди.

Сўнувчи электромагнит тебраниш учун Кирхгофнинг II қонунини ёзамиз:

$$-L \frac{dI}{dt} = RI + \frac{Q}{C}, \quad (51.9)$$

бу ерда  $RI$  – қаршиликдаги кучланиш тушишидир.  $I$  ни  $\frac{dQ}{dt}$  ва

$\frac{dI}{dt}$  ни  $\frac{d^2Q}{dt^2}$  билан алмаштиrsак, қуидагига эга бўламиз:

$$\frac{d^2Q}{dt^2} + \frac{R}{L} \frac{dQ}{dt} + \frac{1}{LC} Q = 0 , \quad (51.10)$$

Бу ифода эркин сўнувчи тебранишларнинг дифференциал тенгламасини ўзидир. Бу вақтда тебранувчи катталиклар бирбирига қуидагича ўхшашликка эгадирлар.

$$y \rightarrow Q, \quad r \rightarrow R, \quad m \rightarrow L \quad \text{ва} \quad \omega_0 \rightarrow \frac{1}{\sqrt{LC}}$$

Энди  $\beta = \frac{R}{2L}$ ,  $\omega_0^2 = \frac{1}{LC}$  белгилашларни киритсак (51.10) – ифода қуидаги кўринишни олади

$$\frac{d^2Q}{dt^2} + 2\beta \frac{dQ}{dt} + \omega_0^2 Q = 0 , \quad (51.11)$$

Бу дифференциал тенглама сўнувчи механик тебранишларнинг дифференциал тенгламасига ўхшашдир.  $\beta^2 < \omega_0^2$  ёки  $\frac{R^2}{4L^2} < \frac{1}{LC}$  шартлар бажарилган ҳолда, (51.11) – ифоданинг ечими қуидагидан иборат бўлади.

$$Q = Q_0 e^{-\beta t} \sin(\omega' t + \alpha) , \quad (51.12)$$

бу ерда

$$\omega' = \sqrt{\omega_0^2 - \beta^2} = \sqrt{\frac{1}{LC} - \frac{R^2}{4L^2}} , \quad (51.13)$$

Бу ҳолда ҳам, электромагнит сўнувчи тебранишлар частотаси  $\omega'$  хусусий частота  $\omega_0$  дан кичикдир.

$R=0$  бўлганда  $\omega' = \omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}}$  шарт бажарилади. Фаза ўзгариши нолга тенг бўлган ( $\alpha=0$ ) оддий ҳолатни кўрамиз.

$$Q = Q_0 e^{-\beta t} \sin \omega' t , \quad (51.14)$$

Ток учун

$$I = Q_0 e^{-\beta t} [-\beta \sin \omega' t + \omega' \cos \omega' t] , \quad (51.15)$$

$\omega' = \sqrt{\omega_0^2 - \beta^2}$  тенгламадан хусусий частотани қуидагида ифодалаш мүмкін.

$$\omega_0 = \sqrt{\omega'^2 + \beta^2}$$

Натижада ток қиймати қуидаги күриниш олади:

$$I = \omega_0 Q e^{-\beta t} \left[ -\frac{\beta}{\sqrt{\omega'^2 + \beta^2}} \sin \omega' t + \frac{\omega'}{\sqrt{\omega'^2 + \beta^2}} \cos \omega' t \right] , \quad (51.16)$$

Конденсатор қопламаларидаги кучланиш тушиши қуидагига тенг бўлади:

$$U = \frac{Q}{c} = \frac{Q_0}{c} e^{-\beta t} \sin(\omega' t + \alpha) = U_0 e^{-\beta t} \sin(\omega' t + \alpha) , \quad (51.17)$$

Қаршиликли тебраниш контурида конденсатор қопламаларидаги заряд, кучланиш тушиши ва токлар бир хил сўниш коэффициенти билан эркин сўнувчи тебраниш ҳосил қиласидилар. Бу ҳолда заряд ва кучланиш бир хил фазада тебранадилар, ток фазаси эса доимо  $\frac{\pi}{2}$  бурчакда олдинда боради.

## 52-§ Мажбурий механик тебранишлар

Доимо таъсир қилувчи, даврий ташқи куч таъсирида тизимнинг тебраниши **мажбурий тебранишлар** деб аталади. Таъсир этувчи куч **мажбур этувчи куч** деб аталади.

Оддий ҳолатларда бу куч гармоник қонуниятларга асосан үзгәради:

$$F = F_0 \sin \omega t$$

бу ерда  $F_0$  – мажбур этувчи кучнинг амплитудаси,  $\omega$  - шу куч үзгаришининг циклик частотаси. Одатда, тебранаётган тизимга мажбур этувчи кучдан ташқари, қайтарувчи куч  $F_k = -ky = -m\omega_0^2 y$  ва муҳитнинг қаршилик кучи  $F_c = -rv = r \frac{dy}{dt}$  таъсир этади. Бу кучларнинг таъсири натижасида  $m$  массали тизим Ньютоннинг II қонунига асосан  $a$  - тезланиш олади.

$$ma = -ky - rv + F_0 \sin \omega t , \quad (52.1)$$

Бу ифоданинг икки тарафини  $m$  массага бўлсак,  $m$  тебранаётган жисмнинг тезланиши ифодасига эга бўламиз:

$$a = -\frac{k}{m}y - \frac{r}{m}v + \frac{F_0}{m} \sin \omega t$$

Қуйидаги алмаштиришлардан сўнг

$$a = \frac{d^2y}{dt^2}; \quad v = \frac{dy}{dt}; \quad \frac{k}{m} = \omega_0^2; \quad \frac{r}{m} = 2\beta; \quad \frac{F_0}{m} = f_0$$

мажбурий тебранишларнинг тенгламасига эга бўламиз:

$$\frac{d^2y}{dt^2} + 2\beta \frac{dy}{dt} + \omega_0^2 y = f_0 \sin \omega t , \quad (52.2)$$

Бу ифода иккинчи тартибли, чизиқли, биржинсли бўлмаган дифференциал тенгламадир. Тенгламанинг ечими икки функциянинг йиғиндисидан иборатдир:

$$y = A_0 e^{-\beta t} \sin \left( \sqrt{\omega_0^2 - \beta^2} t \right) + A \sin(\omega t + \varphi) , \quad (52.3)$$

Шундай қилиб, мажбурий тебраниш

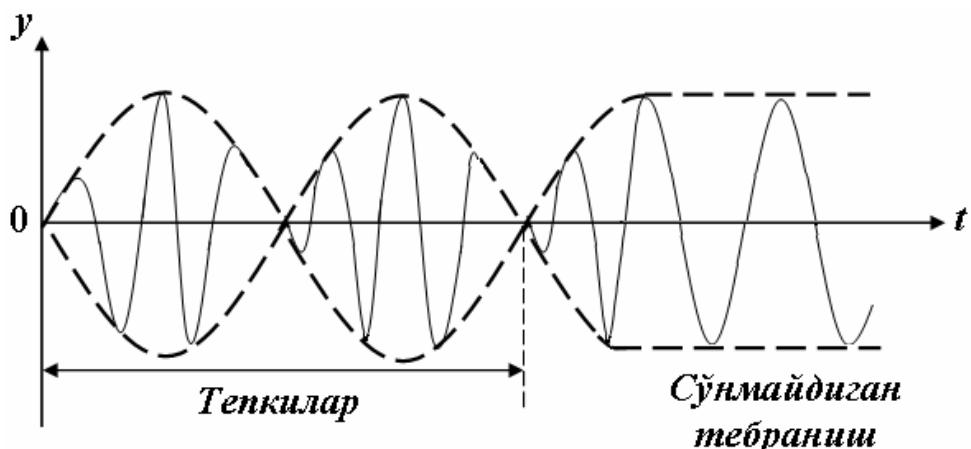
$$\omega^1 = \sqrt{\omega_0^2 - \beta^2}$$

циклик частотали сўнувчи тебраниш ва  $\omega$  частотали гармоник тебранишлар йиғиндисидан иборатdir.

Аввал,  $\omega' \neq \omega$  ҳолатда **тепкилар** ҳосил бўлади, ундан кейин биринчи тебраниш сўнади ва тоза мажбурий гармоник тебраниш

$$y = A \sin(\omega t + \varphi) , \quad (52.4)$$

қолади (**101-расм**).



**101-расм.** Тоза мажбурий гармоник тебранишнинг ҳосил бўлиши

Бу ечимни (52.2)-ифодага қўйиб, айрим ўзгартиришлардан сўнг қуйидагига эга бўламиз:

$$A^2 (\omega_0^2 - \omega^2) + 4\beta^2 A^2 \omega^2 = f_0^2 , \quad (52.5)$$

Бу ифодадан мажбурий тебранишлар амплитудаси ва бошланғич фазанинг тангенси қийматларини топишимиз мумкин

$$A = \frac{f_0}{\sqrt{(\omega_0^2 - \omega^2)^2 + 4\beta^2 \omega^2}} , \quad (52.6)$$

$$\operatorname{tg} \varphi = -\frac{2\beta\omega}{\omega_0^2 - \beta^2}, \quad (52.7)$$

Тебранишнинг амплитудаси ва фазаси тизимнинг  $\omega_0$  ва  $\beta$  параметрларига боғлиқдир.  $\omega_0$  ва  $\beta$  нинг аниқ қийматларида  $\omega$  частотани ўзгартириб амплитуданинг максимал қийматига эришиш мумкин.

$\omega \rightarrow \omega_{pe3}$  бўлганда мажбурий тебранишлар амплитудасининг бирданига ошиши ҳодисаси - **резонанс ҳодисаси** деб аталади.

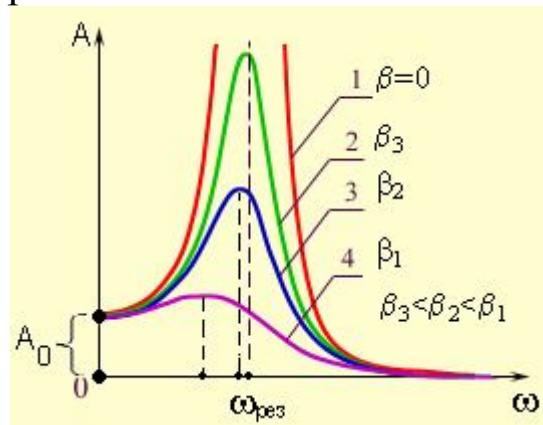
Резонанс ҳодисаси содир бўладиган частота **резонанс частотаси** деб аталади ва уни (52.6) - ифоданинг маҳражи минимумга эришиши шарти орқали аниқланади

$$\frac{d}{d\omega} \sqrt{(\omega_0^2 - \omega^2)^2 + 4\beta^2\omega^2} = 0$$

$$4(\omega_0^2 - \omega^2) \cdot \omega + 8\beta^2\omega = 0 \quad (\omega_0^2 - \omega^2) + 2\beta^2 = 0$$

$$\omega_{pe3} = \sqrt{\omega_0^2 + 2\beta^2}, \quad (52.8)$$

102-расмда мажбурий тебранишлар амплитудаси ташқи кучнинг частотасига боғлиқ эгри чизиқлари - **резонанс чизиқлари** келтирилган.

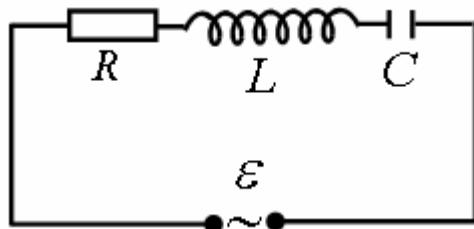


**102-расм. Мажбурий тебранишлар амплитудаларининг резонанс чизиқлари**

Резонанс частотаси  $\beta$ -сүниш коэффициентига боғлиқ ва  $\beta \rightarrow 0$  бўлганда,  $\omega_{рез} = \omega_0$ ,  $A \rightarrow \infty$  га интилади.  $\beta$  қанча кичик бўлса, эгри чизик шунча юқорига кўтарилади ва ўткир характерга эга бўлади. Натижада, резонанс частотаси тизимнинг  $\omega_0$  хусусий частотасига яқинлашади.

### 53-§ Мажбурий электромагнит тебранишлар

Электромагнит тебранишлар сўнмаслиги учун, тебраниш контурига  $R$  - қаршилик,  $L$  - индуктивлик ва  $C$  - сифимга кетма-кет ва параллел уланган,  $\varepsilon = \varepsilon_0 \sin \omega t$  гармоник қонун бўйича ўзгарадиган, мажбур этувчи ташқи ЭЮК киритилади (103-расм).



*103-расм. Мажбурий электромагнит тебраниши ҳосил қилувчи электр занжиси*

Кирхгоф қонунига асосан  $\varepsilon$  нинг оний қиймати контур элементларидаги кучланиш тушишларининг оний қийматлари йиғиндисига тенгдир

$$U_L + U_R + U_C = \varepsilon, \quad (53.1)$$

бу ерда  $U_L$  - индуктивликдаги,  $U_R$  - қаршиликдаги ва  $U_C$  - конденсатордаги кучланиш тушишларидир. (53.1) - ифодада қўйидаги алмаштиришларни амалга оширасак

$$U_L = L \frac{d^2 Q}{dt^2}; \quad U_R = R \frac{dQ}{dt}; \quad U_C = \frac{Q}{C}; \quad \varepsilon = \varepsilon_0 \sin \omega t$$

мажбурий электромагнит тебранишларнинг дифференциал тенгламасига эга бўламиз.

$$L \frac{d^2 Q}{dt^2} + R \frac{dQ}{dt} + \frac{1}{C} Q = \varepsilon_0 \sin \omega t, \quad (53.2)$$

Бу тенгламанинг ечимини контурдаги ток учун қуйидагича ифодалаш мумкин:

$$I = I_0 \sin(\omega t - \varphi), \quad (53.3)$$

ва уни интегралласак конденсатор қопламалари даги заряднинг ўзгариш қонунини топишимиз мумкин:

$$Q = \int I_0 \sin(\omega t - \varphi) dt = -\frac{I_0}{\omega} \cos(\omega t - \varphi) = \frac{I_0}{\omega} \sin\left(\omega t - \varphi - \frac{\pi}{2}\right), \quad (53.4)$$

ўз навбатида бу тенгламани дифференциалласак ғалтақдаги токнинг ўзгариш тезлигини топишимиз мумкин.

$$\frac{d^2 Q}{dt^2} = I_0 \omega \cos(\omega t - \varphi) = I_0 \omega \sin\left(\omega t - \varphi + \frac{\pi}{2}\right), \quad (53.5)$$

53.1÷53.4 - ифодалардан фойдалансак, қуйидаги мажбурий электромагнит тебранишлар тенгламасини келтириб чиқарамиз:

$$L \omega I_0 \sin\left(\omega t - \varphi + \frac{\pi}{2}\right) + R I_0 \sin(\omega t - \varphi) + \frac{I_0}{\omega C} \sin\left(\omega t - \varphi - \frac{\pi}{2}\right) = \varepsilon_0 \sin \omega t, \quad (53.6)$$

(53.1)- ва (53.6)- тенгламалардан қуйидаги қонуниятларни тасаввур қилишимиз мумкин:

$$1) \quad U_L = L \omega I_0 \sin\left(\omega t - \varphi + \frac{\pi}{2}\right); \quad R_L = \omega L \quad \text{контурнинг}$$

индуктивлик қаршилигидаги кучланишнинг тебраниш қонуни;

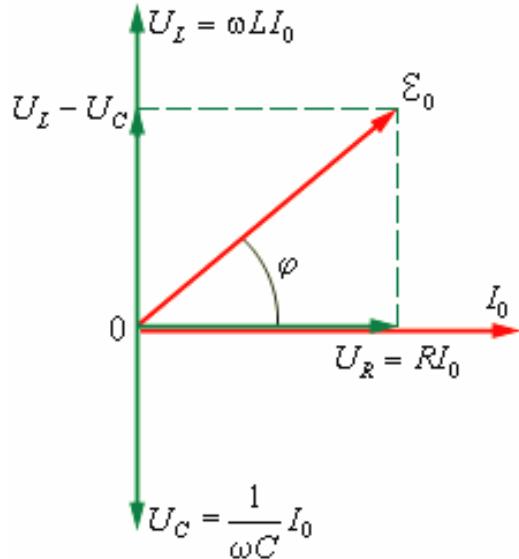
2)  $U_R = R I_0 \sin(\omega t - \varphi)$  - R актив қаршилиқдаги кучланишнинг тебраниш қонуни ва;

$$3) \quad U_C = \frac{1}{\omega C} I_0 \sin\left(\omega t - \varphi - \frac{\pi}{2}\right) \quad R_C = \frac{1}{\omega C} \quad \text{сигим}$$

қаршилигидаги кучланишнинг тебраниш қонуни.

Бу ерда  $\omega L I_0 = U_{L0}$ ;  $R I_0 = U_{R0}$ ;  $\frac{I_0}{\omega C} = U_{C0}$  – индуктивлик, қаршилик ва сигимдаги кучланишларининг амплитуда қийматларидир.

$U_L$ ,  $U_R$  ва  $U_C$  кучланишларни таққосласак,  $U_R$  га нисбатан  $U_L$  фазаси  $+\frac{\pi}{2}$  олдинда,  $U_C$  фазаси, эса  $-\frac{\pi}{2}$  орқада қолади (104-расм).



104-расм. Электромагнит занжирнинг индуктивлик қаршилиги ва сигимидағы кучланишларнинг амплитудалари

Расмда юқоридаги кучланишларнинг фазавий ҳолатлари кучланишнинг вектор диаграммаси кўринишида келтирилган. Диаграммадан

$$\mathcal{E}_0^2 = R^2 I_0^2 = \left( \omega L - \frac{1}{\omega C} \right)^2 I_0^2 , \quad (53.7)$$

Бу ердан

$$I_0 = \frac{\mathcal{E}_0}{\sqrt{R^2 + \left( \omega L - \frac{1}{\omega C} \right)^2}} , \quad (53.8)$$

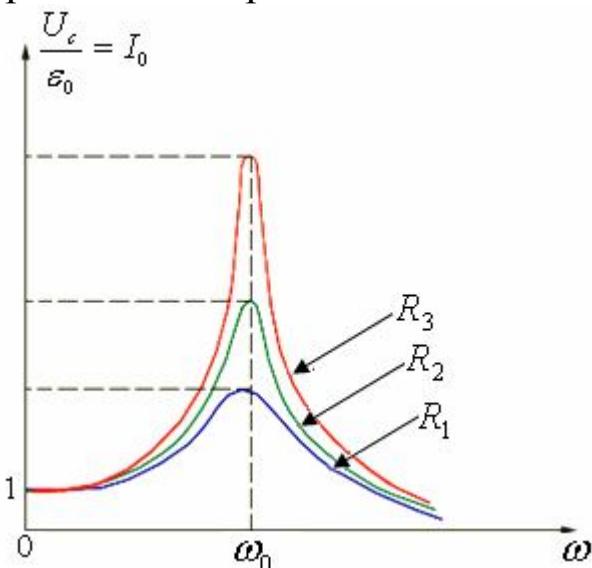
$\sqrt{R^2 + \left( \omega L - \frac{1}{\omega C} \right)^2}$  - тебраниш контурининг **импеданси** – ёки тўла қаршилиги деб аталади.

Кучланишлар диаграммасидан  $\varphi$  бошланғич фазани ҳам топиш мумкин.

$$\operatorname{tg} \varphi = \frac{\omega L - \frac{1}{\omega C}}{R}, \quad (53.9)$$

Ток кучининг амплитудаси контурнинг ( $L$ ,  $R$  ва  $C$ ) параметрларидан ташқари  $\mathcal{E}_0$  мажбурловчи ЭЮК ва унинг циклик частотасига боғлиқ.

$I_0$  ток кучи амплитудасининг  $\omega$  - циклик частотага боғлиқлиги 105-расмда келтирилган.



105-расм. Тебраниш контури ток кучи амплитудасининг циклик частотага боғлиқ ўзгариши  $R_1 < R_2 < R_3$

Мажбур этувчи ЭЮК нинг  $\omega$  частотаси ўзгариши билан

$$\omega L = \frac{1}{\omega C}$$

тeng бўлиш ҳолатига эришиш мумкин ва контурнинг реактив қаршилиги нолга айланади.

$$\left( \omega L - \frac{1}{\omega C} \right) = 0, \quad (53.10)$$

Бу шарт бажарилганда занжирдаги ток кучининг амплитудаси максимал бўлади ва фақат актив қаршиликка боғлиқ бўлади.

$$I_{0\max} = \frac{\mathcal{E}_0}{R}, \quad (53.11)$$

$R$ ,  $L$ ,  $C$  га мажбур этувчи ЭЮК ни кетма-кет уланганда тебраниш контуридаги ток кучи амплитудасининг бирдан ошиш ҳодисаси **кучланишнинг резонанси** деб аталади. Резонанс содир бўладиган  $\omega_{рез}$  частота **резонанс частотаси** деб аталади ва (53.10) - шарт билан аниқланади.

$$\omega_{рез} = \frac{1}{\sqrt{LC}} = \omega_0 , \quad (53.12)$$

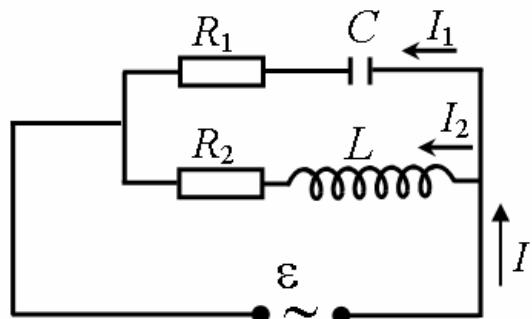
бу ерда  $\omega_0$  - тебраниш контурининг хусусий частотасидир. **105-расмда** келтирилган эгри чизиқлар **резонанс эгри чизиқлари** деб аталади. Барча эгри чизиқларнинг максимуми, механик резонансдан фарқли равишда,  $\omega_{рез}$  частотага тўғри келади.

Кучланишнинг резонансида  $U_L$  ва  $U_C$  ўзларининг максимал қийматларига эришадилар:

$$U_{L_o} = U_{C_o} = \varepsilon_0 \frac{\sqrt{\frac{L}{C}}}{R} , \quad \frac{U_{C_o}}{\varepsilon_0} = \frac{\sqrt{\frac{L}{C}}}{R} = \eta , \quad (53.13)$$

нисбат **тебраниш контурининг асллиги** деб аталади. Бу ерда  $\sqrt{\frac{L}{C}}$  контурнинг тўлқин қаршилигидир.

Энди мажбур этувчи ЭЮК нинг тебраниш контури индуктивлиги ва сиғимига параллел уланиш ҳолатини кўриб чиқамиз (**106-расм**).



**106-расм.** Индуктивлик ва сиғимига параллел уланганди ЭЮК ли тебраниш контури

Тармоқлардаги актив қаршиликтарни жуда кичик деб хисоблаймиз ва уларни инобатта олмасак ҳам бўлади.

$$R_1 = R_2 = 0.$$

У ҳолда, вақтнинг исталган моментида, ўзаро параллел бўлган сифим ва индуктивликдаги кучланишлар бир-бирига тенгdir.

$$U_L = U_C = \varepsilon$$

Занжирнинг иккала тармоғидаги ҳар бир токнинг амплитуда қийматлари ва уларнинг фазаларини қуидагича хисоблаш мумкин.

$$I_{01} = \frac{\varepsilon_0}{\omega L} ; \quad (R_1 = 0, \omega L = 0) \text{ ва } \operatorname{tg} \varphi_1 = -\frac{1}{\omega c} = -\infty , \quad (53.14)$$

$$I_{02} = \frac{\varepsilon_0}{\omega L} ; \quad \left( R_2 = 0, \omega \frac{1}{\infty} = 0 \right) \text{ ва } \operatorname{tg} \varphi_2 = \frac{\omega L}{0} = \infty , \quad (53.15)$$

Бу тенгламалардан  $\varphi_1 = \frac{\pi}{2}$ ,  $\varphi_2 = \frac{3}{2}\pi$  га тенгdir. Ташқи занжирда токнинг амплитудаси

$$I_0 = |I_{01} - I_{02}| = \varepsilon_0 \left| \omega c - \frac{1}{\omega L} \right| , \quad (53.16)$$

га тенг.

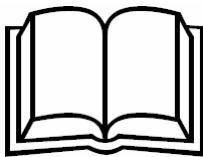
Агарда  $\omega = \omega_{pez} = \frac{1}{LC}$  бўлса,

$$I_0 = \varepsilon_0 \left| \frac{C}{\sqrt{LC}} - \frac{\sqrt{LC}}{L} \right| = \varepsilon_0 \left| \sqrt{\frac{C}{L}} - \sqrt{\frac{C}{L}} \right| = 0 , \quad (53.17)$$

Бу ҳолда контур қаршилиги катта бўлган фильтрни эслатади.

## **Қайтариш учун назорат саволлари**

1. Қандай тебранишлар гармоник тебранишлар дейилади? Уларнинг асосий характеристикалари (амплитуда, фаза даври, частота, циклик частота) тушунтиринг.
2. Пружинали, математик, физик маятникларнинг тебраниш даврлари қандай топилади?
3. Электромагнит тебранишлар нима?
4. Бир томонига йўналган ёки ўзаро перпендикуляр бўлган икки тебранишларни қўшиш.
5. Эркин механик тебранишлар тенгламасини ёзинг. Сўниш коэффициенти нима? Сўнишнинг логарифмик декременти нима?
6. Электромагнит занжирдаги эркин сўнувчи тебранишларни дифференциал тенгламаси унинг ечими топилсин?
7. Мажбурий механик ва электромагнит тебранишлар. Уларни тенгламаси амплитуда қиймати ва мажбурий тебранишлар частоталарини ёзинг?
8. Кучланиш ва ток резонанс ходисасини тушунтиринг.



## V Боб

### ТҮЛҚИН ҲОДИСАЛАРИ

#### 54-§ Түлқин ҳодисалари

Фазода модда ёки майдонларни турли кўринишдаги ғалаёнланишининг тарқалиши - **түлқин** деб аталади. Түлқин ҳодисаси ғалаёнланиш энергиясининг кўчишида намоён бўлади.

**Механик түлқин** - бу ғалаёнланиш ёки тебранишнинг эластик муҳитдаги тарқалиш жараёнидир. Бу түлқинларни юзага келтирувчи жисм **түлқин манбай** деб аталади.

Муҳитнинг тебранаётган заррачаларини ҳали тебранишга улгурмаганларидан ажратувчи сирт **түлқин фронти** деб аталади.

Бир хил фазаларда тебранаётган нукталардан ўтувчи сирт **түлқин сирти деб аталади**. Ўз навбатида түлқин фронти түлқин сиртларининг биридир. Түлқин сиртларининг шакли манбаларнинг жойлашиши ва муҳитнинг хусусияти билан аниқланади. Қуйидаги түлқинлар мавжуддир:

**Ясси түлқинлар**, улар фақат бир хил йўналишда тарқаладилар (уларнинг түлқин сирти тарқалиш йўналишига перпендикулярдир);

**Сферик түлқинлар** - манбадан барча йўналишларда тарқаладилар (түлқин сиртлари концентрик сфералардан иборат бўлади);

**Цилиндрик** ва б. түлқинлар.

Түлқин тарқалиш йўналишини кўрсатувчи чизик **түлқин нури** деб аталади. Изотроп муҳитларда түлқин нурлари түлқин сиртларига нормалдир.

Муҳитда ҳосил бўладиган эластик деформацияларнинг характеристига қараб уларни кўндаланг ва бўйлама түлқинларга ажратиш мумкин.

**Бўйлама тўлқинларда** муҳитнинг заррачалари тўлқин тарқалиш йўналиши бўйлаб тебранадилар. Бўйлама тўлқинларнинг тарқалиши эластик муҳитнинг сиқилиш ва чўзилиш деформацияларига боғлиқдир ва барча муҳитларда: суюқлик, қаттиқ жисм ва газларда содир бўлади.

Бўйлама тўлқинларнинг тарқалиш тезлиги

$$v_\delta = \sqrt{\frac{E}{\rho}}, \quad (54.1)$$

дан иборат. Бу ерда  $E$  - Юнг модули,  $\rho$  - эластик муҳитнинг зичлиги.

**Кўндаланг тўлқинларда** муҳит заррачалари тўлқин тарқалиш йўналишига перпендикуляр йўналишларда тебранадилар. Кўндаланг тўлқиннинг тарқалиши силжиш деформациясига боғлиқ бўлади ва у фақат қаттиқ жисмларда кузатилади.

Кўндаланг тўлқин тарқалиш тезлиги қўйидагидан иборат:

$$v_K = \sqrt{\frac{G}{\rho}}, \quad (54.2)$$

Бу ерда  $G$ -силжиш модули. Юнг модули силжиш модулидан катта бўлгани учун ( $E > G$ ), бўйлама тўлқин тезлиги кўндаланг тўлқин тезлигидан каттадир.

$$v_\delta > v_K$$

Муҳитдаги эластик тўлқинларнинг исталган бошқа тартибли муҳит заррачаларини ҳаракатидан сезиларли фарқи-тўлқин тарқалиши модда кўчиши билан боғлиқ бўлмаганлигидандир. Заррачалар фақат ўзларининг мувозанат ҳолатлари атрофида тебранадилар.

**Тўлқин жараёнининг характеристикаси** деб муҳит заррачаларининг мувозанат ҳолатларидан силжишига айтилади. Силжишнинг вақтга ва координатага боғлиқлиги **тўлқин тенгламаси** деб аталади.

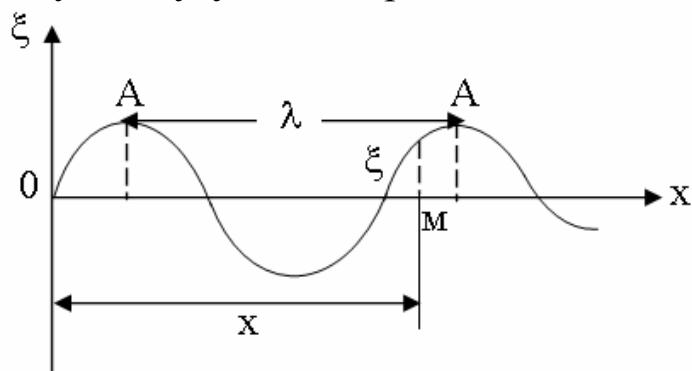
Мисол учун, тўлқин манбай координатаси боши 0 нуқта бўлсин ва

$$\xi = A \sin(\omega t + \varphi) \quad (54.3)$$

қонун бўйича гармоник тебраниш ҳосил қиласин. Бу ерда  $A, \omega, \varphi$  - тебранишнинг амплитудаси, циклик частотаси ва бошланғич фазасидир. У ҳолда  $0X$  ўқидаги  $M$  нуқтада  $\xi$  катталиктининг тебраниши  $\xi_0$  тебранишдан фаза бўйича орқада қолади.

$$\xi = ASin[(\omega t - \tau) + \varphi] = ASin\left(\omega t - \frac{\omega}{v}x + \varphi\right) = ASin(\omega t - kx + \varphi), \quad (54.4)$$

Бу ерда  $\tau = \frac{X}{v}$  – тўлқиннинг  $0M=X$  масофага етиб келиши учун зарур бўлган вақт (**107-расм**),  $k = \frac{\omega}{v} = \frac{2\pi}{Tv} = \frac{2\pi}{\lambda}$  – тўлқин сони,  $\lambda = vT$  – тўлқин узунлигидир.



**107-расм. Гармоник туборанивчи тулкин**

**Тўлқин узунлиги** деб  $T$  бир даврга тенг вақтда тўлқин фронтини кўчган масофасига айтилади. Нуқта кўчишининг масофага боғлиқ графигида бир-бирига яқин иккита максимум орасидаги масофа тўлқин узунлигига tengdir.

Тўлқин сони деб  $2\pi$  масофадаги узунлик бирлигida жойлашадиган тўлқин узунлклари сонига айтилади.

54.4 – тенглама ясси тўлқиннинг тенгламасини эслатади. Ясси тўлқиннинг амплитудаси барча тубранаётган нуқталар амплитудаси бир-хил эканлигини билдиради, чунки ясси тўлқин

тарқалғанда, ҳар бирлик вақтда, тебранма ҳаракатта мұхитнинг бир хил ҳажми жалб қилинади.

Сферик түлкін тарқалғанда, манбадан түлкін фронти узоклашғанда, бир хил вақтда, тебранма ҳаракатта ошиб боруви микдорда мұхит ҳажми жалб қилинади. Шу сабабли вақт ўтиши билан амплитуда камайыб боради:

$$\xi = \frac{A_0}{\tau} \sin(\omega t - kr + \varphi) , \quad (54.5)$$

бу ерда  $A$  - мұхитнинг  $r$  - масофадаги нүкталаридан түлкін амплитудасидир.

Исталған түлкіннинг функцияси түлкін деб аталувчи дифференциал тенгламанинг ечимиendir.

$OX$  йұналишда тарқалаётган ясси түлкін учун түлкін тенгламасини топиб күрамиз.

$\xi$  дан  $t$  ва  $x$  бүйича иккинчи тартибли хусусий ҳосилаларни оламиз.

$$\frac{\partial^2 \xi}{\partial t^2} = -\omega^2 A \sin(\omega t - kx + \varphi) = -\omega^2 \xi , \quad (54.6)$$

$$\frac{\partial^2 \xi}{\partial x^2} = -k^2 A \sin(\omega t - kx + \varphi) = -k^2 \xi$$

Икки тенгламанинг ўнг тарафларини таққосласак

$$\frac{\partial^2 \xi}{\partial x^2} = \frac{1}{v^2} \frac{\partial^2 \xi}{\partial t^2} , \quad (54.7)$$

$OX$  ўқи бүйича тарқалаётган ясси түлкіннинг түлкін тенгламасига эга бўламиз бўламиз.

$$\text{Бу ерда } \frac{k^2}{\omega^2} = \left( \frac{2\pi}{\lambda} \cdot \frac{T}{2\pi} \right)^2 , \quad \frac{\lambda}{T} = v .$$

Умумий ҳолда, исталған йұналишларда тарқаладиган түлкін учун,  $\xi$   $x$ ,  $y$ ,  $z$  кординаталар ва  $t$  вақтга боғлиқ бўлади

$$\frac{\partial^2 \xi}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \xi}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 \xi}{\partial z^2} = \frac{1}{v^2} \frac{\partial^2 \xi}{\partial t^2} , \quad (54.8)$$

Синусоидал түлқинларнинг тарқалиш тезлиги фазавий тезлик деб аталади. У фазанинг белгиланган қийматига мос келадиган түлқин сиртларининг күчиш тезлигини билдиради

$$\omega t - kx + \varphi = const$$

бу ердан  $x = \frac{\omega}{k}t = const$

$$\frac{dx}{dt} = \frac{\omega}{k} = \frac{\alpha}{T} = v , \quad (54.9)$$

Амалда, доимо түлқинлар гурухига дуч келамиз, яъни реал түлқин, яқин частотага эга бўлган кўп сонли синусоидал түлқинларнинг устма-уст тушган **түлқин пакетидан** иборат бўлади. Бу түлқин пакетининг тарқалиш тезлиги - **гурухли тезлик** деб аталади.

Умумий ҳолда у фазавий тезлик билан мос тушади. Фазавий тезлик гурухли тезлик билан қуийдагича боғланган.

$$U = v - \lambda \frac{dv}{dt} , \quad (54.10)$$

Агарда ҳар хил узунликдаги түлқинлар бир хил тезлик билан тарқалганда

$$\frac{dv}{d\lambda} = 0$$

бўлади, яъни гурухли тезлик фазавий билан мос тушади.

Тўлқин жараёни тебранаётган бир нуқтадан иккинчисига энергияни узатиш билан боғлиқдир. Агарда  $dV$  ҳажм элементида  $m$  массали  $n$  та тебранаётган заррачалар бўлса, у ҳолда ҳар бир заррачанинг энергияси

$$\frac{m\omega^2}{2} A^2$$

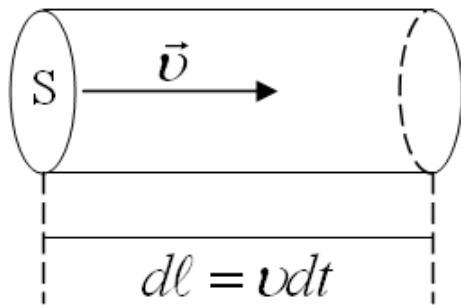
дан иборат бўлади.

Энергиянинг ҳажмий зичлиги, яъни бирлик ҳажмдаги заррачалар энергияси

$$w = \frac{dE}{dV} = \frac{mn \omega^2 A^2}{2} = \frac{\omega^2 A^2}{2} \rho , \quad (54.11)$$

бу ерда  $\rho = m/n$  - мұхит зичлигидір.

Бирлик вақтда түлқин тарқалиш йұналишига перпендикуляр бўлган бирлик сирт юзасидан кўчириладиган энергия - **энергия оқими**нинг зичлиги деб аталади. Уни шундай тасаввур этиш мумкин: Кесими  $dS$  ва  $d\ell = vdt$  бўлган кичик цилиндр бўйлаб (108-расм),



**108-расм.** Түлқин тарқалиши йұналишига перпендикуляр бўлган бирлик юзадан кўчириладиган энергия оқими

түлқин  $v$  фазавий тезлик билан тарқалаётган бўлсин. Бу цилиндр ҳажмидаги энергия қуйидагига тенг бўлади.

$$dE = w dV = w v dt ds$$

Энергия оқими зичлиги эса

$$\vec{j} = \frac{dE}{ds \cdot dt} = \frac{w \cdot v \cdot dt \cdot ds}{ds \cdot dt} = w \cdot v = \frac{Sw^2 A^2 v}{2} , \quad (54.12)$$

га тенг бўлади. Буни вектор кўринишда шундай ифодалаш мумкин

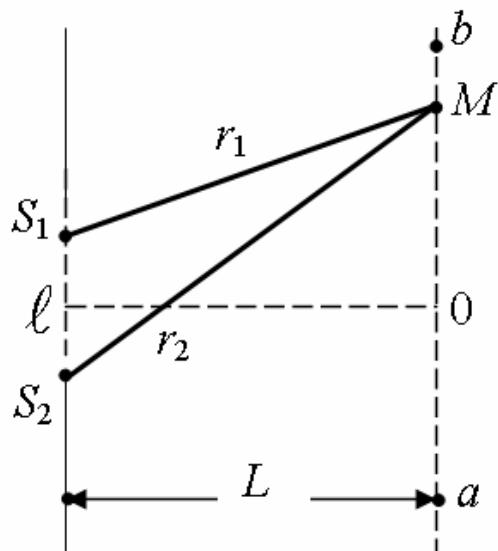
$$\vec{j} = w \vec{v}$$

Энергия кўчиши бўйича йўналган бу вектор **энергия оқими зичлигининг вектори** ёки **Умов вектори** деб аталади.

## 55-§ Түлқин суперпозицияси

Агарда, мұхитда бир вактда бир нечта түлқинлар тарқалаётган бўлса, у ҳолда мұхит заррачаларининг натижавий тебраниши ҳар бир түлқиннинг алоҳида тарқалишига боғлиқ заррачалар тебранишларининг геометрик йиғиндисидан иборат бўлади. Шу сабабли, түлқинлар бир-бирини қўзғатмай, оддийгина бир-бирининг устига тушади.

Тажрибалардан олинган бу тасдиқ түлқинларнинг **суперпозиция принципи** деб аталади. Заррачаларнинг натижавий ҳаракати ташкил этувчи тебранишларнинг частота, амплитуда ва фазаларига боғлиқдир. Бир хил йўналишга эга бўлган манбадан чиқаётган иккита түлқиннинг қўшилиши алоҳида қизиқиш туғдиради. Масалан, бу түлқинлар  $S_1$  ва  $S_2$  нуқтавий манбалардан қўзғатилган бўлиб уларнинг частоталари  $\omega_1$  ва  $\omega_2$ , бошланғич фазалари бир хил ва нолга teng бўлсин (*109-расм*).



*109-расм. Иккита нуқтавий манбадан бир хил йўналишида тарқалаётган түлқинларнинг қўшилиши*

Ихтиёрий  $M$  нуқтада ҳосил бўлган тебранишлар қўйидаги тенгламаларни қаноатлантирадилар

$$\left. \begin{aligned} \xi_1 &= A_1 \sin\left(\omega_1 t - \frac{2\pi}{\lambda_1} r_1\right) \\ \xi_2 &= A_2 \sin\left(\omega_2 t - \frac{2\pi}{\lambda_2} r_2\right) \end{aligned} \right\}, \quad (55.1)$$

Тебранишлар бир хил йұналишда содир бўлганлиги учун  $M$  нуқтада натижавий тебраниш амплитудаси

$$A = \sqrt{A_1^2 + A_2^2 + 2A_1 A_2 \cos(\varphi_1 - \varphi_2)}, \quad (55.2)$$

га тенг бўлади ва у **тебранишлар фазалари фарқи қийматига боғлиқ бўлади.**

$$\varphi_1 - \varphi_2 = \left( \omega_1 t - \frac{2\pi}{\lambda_1} r_1 \right) - \left( \omega_2 t - \frac{2\pi}{\lambda_2} r_2 \right)$$

Агарда тебранишлар частотаси бир-бирига тенг бўлмаса

$$\omega \neq \omega_2,$$

у ҳолда фазалар фарқи вақт ўтиши билан ўзгариб боради:

$$\varphi_1 - \varphi_2 = (\omega_1 - \omega_2)t - 2\pi \left( \frac{r_1}{\lambda_1} - \frac{r_2}{\lambda_2} \right)$$

Бундай тўлқинлар **когерент бўлмаган тўлқинлар** деб аталади, чунки вақт ўтиши билан натижавий тебраниш амплитудаси ҳам ўзгараборади. Когерент бўлмаган тўлқинлар бир - бирининг устига тушганда натижавий тўлқин амплитудаси квадратининг ўртача қиймати қўшиладиган тўлқинлар амплитудаларининг квадратлари йиғиндисига тенг бўлади.

$$\langle A^2 \rangle = A_1^2 + A_2^2$$

Бу холда фазалар фарқининг ўртача қиймати нолга тенг бўлиши керак

$$\langle \omega(\varphi_1 - \varphi_2) \rangle = 0$$

Юқоридаги қонуниятлар шундай хulosага олиб келади: ҳар бир нуқтадаги натижавий тебраниш энергияси барча нокогерент тўлқинлар энергияларининг йиғиндисига тенгdir.

Агарда манбалар тўлқинларининг частоталари тенг бўлса,

$$\omega_1 = \omega_2 ,$$

у холда, фазалар фарқи, вақтга боғлиқ бўлмаган, ўзгармас катталик бўлади

$$\varphi_1 - \varphi_2 = \frac{2\pi}{\lambda} (r_1 - r_2)$$

Тебранислари ўзгармас фазалар фарқига эга бўлган тўлқинлар **когерент тўлқинлар** деб аталади.

Когерент тўлқинлар учун, қўшиладиган тебранислар фазалар фарқи фақат

$$\Delta = r_1 - r_2$$

катталикка боғлиқ бўлади ва бу **йўлнинг** геометрик фарқи деб аталади.

(55.2) - ифодадан когерент тўлқинлар учун

$$\cos(\varphi_1 - \varphi_2) = 1$$

бўлган нуқталарда амплитуда максимал қийматга эришади:

$$A_{\max} = A_1 + A_2$$

$\cos(\varphi_1 - \varphi_2)$  қиймати қўйидаги ҳолларда бирга тенг бўлади:

$$\varphi_1 - \varphi_2 = \frac{2\pi}{\lambda} \Delta = 2m\pi ,$$

бу ерда  $m = 0, 1, 2, \dots$ , ҳамма нүкталар учун, йўл фарқи катталиги тўлқин узунлигининг бутун сонларига тенг бўлганда бажарилади

$$\Delta = m\lambda , \quad (55.3)$$

Бу шарт, тўлқинлар қўшилишида **тебранишлар кучайиши** шарти деб аталади.

Когерент тўлқинлар учун,

$$\cos(\varphi_1 - \varphi_2) = -1$$

бўлган нүкталарда тебраниш амплитудаси минимал қийматга эга бўлади:

$$A_{\min} = A_1 - A_2$$

$\cos(\varphi_1 - \varphi_2) = -1$  шарт қўйидаги ҳолларда бажарилади:

$$\varphi_1 - \varphi_2 = \frac{2\pi}{\lambda} \cdot \Delta = (2m+1)\pi \quad \text{ёки} \quad \Delta = (2m+1)\frac{\lambda}{2} , \quad (55.4)$$

Бу тенглик **тебранишларнинг сусайиш** шарти деб аталади.

Агарда, қўшиладиган тебранишлар амплитудалари бирбирига тенг бўлса

$$A_1 = A_2 ,$$

у ҳолда тўлқинлар кучаядиган нүкталарда

$$A = 2A_1$$

га тенг бўлади, тўлқинлар сусаядиган нүкталарда

$$A = 0$$

га тенг бўлади.

Шундай қилиб, когерент тўлқинларнинг бир-бирининг устига тушиши фазанинг айрим нуқталарида мұхит заррачалари тебранишларининг турғун кучайишига ва бошқа нуқталарида тебранишнинг сусайишига олиб келади. Бу ходиса **тебранишларнинг интерференцияси** деб аталади.

(55.3) - ва (55.4) тенгликлардаги  $m$  катталик **интерференция максимуми ёки минимумининг тартиби** деб аталади.

109-расмдаги  $S_1$ ,  $S_2$  манбалар чизигига параллел бўлган ва ундан  $L$  масофада жойлашган  $\langle ab \rangle$  тўғри чизикда ноль тартибли марказий максимум,  $S_1$  ва  $S_2$  манбалардан баробар масофада бўлган 0 нуқтада кузатилади.

Агарда манбалар орасидаги масофа

$$\ell \ll L$$

бўлса,  $\langle ab \rangle$  чизикда, 0 нуқтадан  $\langle y \rangle$  масофада жойлашган  $M$  нуқта учун йўл фарқи

$$\Delta = \frac{ly}{L} \quad (55.5)$$

га тенг бўлади.

$m$  ва  $m+1$  тартибли максимумлар қўйидаги масофаларда кузатилади:

$$Y_m = \frac{m\lambda L}{l}, \quad Y_{m+1} = \frac{(m+1)\lambda L}{l}, \quad (55.6)$$

Кўшни максимумлар ёки минимумлар орасидаги масофа **интерференция йўллари кенглиги** деб аталади. (55.6)-ифодадан интерференция йўллари кенглиги қўйидагига тенгдир:

$$\Delta y = Y_{m+1} - Y_m = \frac{h}{l} \lambda, \quad (55.7)$$

Тўлқинлар интерференциясида энергиялар йиғиндиси мураккаб кўринишга эга.

Тўлқинлар интерференцияси мұхитнинг қўшни соҳалари орасида тебранишлар энергиясининг қайта тақсимланишига

олиб келади. Аммо энергиянинг умумий миқдори ўзгармай қолади.

## 56-§ Турғун тўлқинлар

Бир хил амплитудали иккита қарама-қарши йўналган тўлқинларни қўшилишида жуда муҳим бўлган интерференция ходисаси кузатилади. Натижада пайдо бўлган тебранма жараён **турғун тўлқин** деб аталади. Амалда турғун тўлқинлар тўлқинларни тўсиқлардан қайтишида ҳосил бўлади.  $x$  - ўқи бўйлаб, қарама - қарши йўналишларда тарқалаётган, амплитуда ва частоталари бир хил бўлган иккита ясси тўлқиннинг тенгламасини ёзамиз.

$$\left. \begin{aligned} \xi_1 &= A \sin \left( \omega t - \frac{2\pi}{\lambda} x \right) \\ \xi_2 &= A \sin \left( \omega t + \frac{2\pi}{\lambda} x \right) \end{aligned} \right\}, \quad (56.1)$$

Бу икки тенгламани қўшсак, натижавий тўлқин тенгламасини келтириб чиқарамиз:

$$\xi = \xi_1 + \xi_2 = 2A \cos \frac{2\pi}{\lambda} x \cdot \sin \omega t, \quad (56.2)$$

Бу тенгламадан, турғун тўлқиннинг ҳъар бир нуқтасида учрашаётган, тўлқинлар частотасига тенг частотали тебранишлар кузатилиши кўриниб туриди ва унинг амплитудаси  $x$  га қуйидагича боғлиқ бўлади:

$$A_{myp} = 2A \cos \frac{2\pi}{\lambda} x$$

Координаталари қуйидаги шартларни:

$$\frac{2\pi}{\lambda} x = 2m\pi \quad (m = 0, 1, 2, \dots), \quad (56.3)$$

қаноатлантирадиган нүқталарда амплитуда ўзининг  $2A$  максимал қийматига эришади. Бу нүқталар турғун түлқиннинг **дўнгликлари** деб аталади. Координаталари

$$\frac{2\pi}{\lambda}x = \pm(2m+1)\frac{\pi}{2}, \quad (56.4)$$

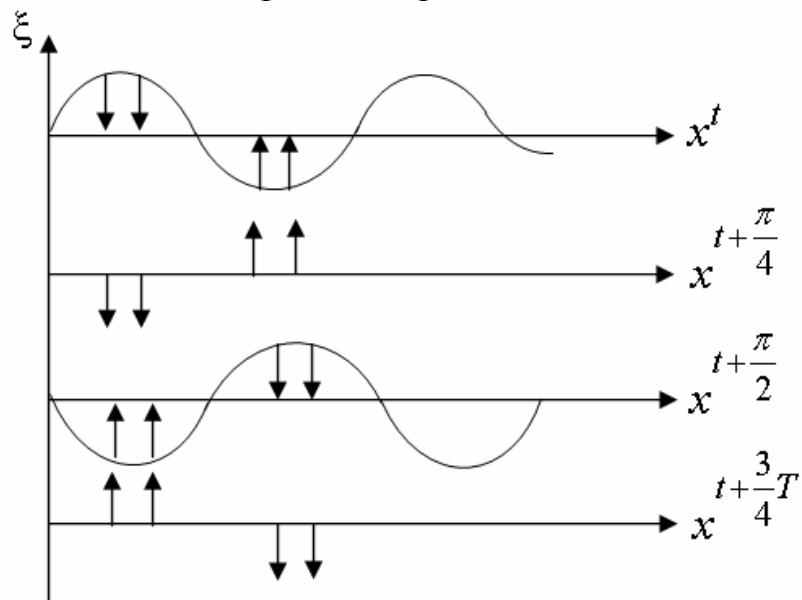
шартни қаноатлантирадиган нүқталарда түлқин амплитудаси нолга айланади ва бу нүқталар турғун түлқиннинг **тугунлари** деб аталади. Кўшни тугунлар ёки дўнгликлар орасидаги масофа турғун түлқиннинг узунлиги деб аталади ва у (56.3)- ва (56.4)-ифодадан, югурувчи түлқин узунлигининг ярмига teng бўлади

$$\lambda_{юг} = \frac{\lambda}{2}$$

$2ACos\frac{2\pi}{\lambda}x$  – кўпайтма, ноль қийматни кесиб ўтганда

ўзининг ишорасини ўзгартиради, шу сабабли, тугуннинг ҳар хил томонларидаги тебранишлар фазаси  $\pi$  га фарқ қиласди, яъни икки томондаги заррачалар қарама - қарши фазаларда тебранадилар.

110-расмда муҳит заррачаларининг  $1/4$  даврга teng вақт моментларидаги ҳолатлари келтирилган.

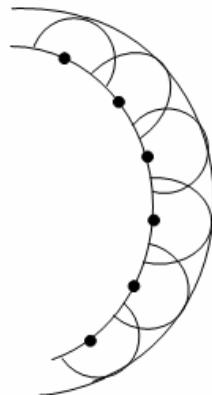


110-расм. Турғун түлқинлар

Кўрсаткичлар билан заррачалар тезлиги кўрсатилган. Югургаётган тўлқиндан фарқли равища турғун тўлқинда энергия узатилиши кузатилмайди. Энергия даврий равища, муҳитни эластик деформациялаб, кинетик энергиядан потенциал энергияга ва тескарига ўтиб туради. Қайтиш нуқталарида, тушаётган ва қайтаётган тўлқинлар тебраниши бир хил фазада содир бўлади, шунинг учун бу тебранишлар қўшилганда амплитудалар кучаяди.

## 57-§ Гюйгенс принципи

Гюйгенс принципи ёрдамида тўлқинларнинг тарқалиш ҳодисаларини кузатиш осонлашади. Бу принципга асосан, тўлқин ҳаракати етиб борган ҳар бир нуқта иккиламчи тўлқинлар марказига айланади: бу тўлқинларни ўраб оловчи эгри чизик кейинги моментдаги тўлқинлар фронти ҳолатини беради (*111-расм*).



*111-расм. Иккиламчи тўлқинлар марказлари*

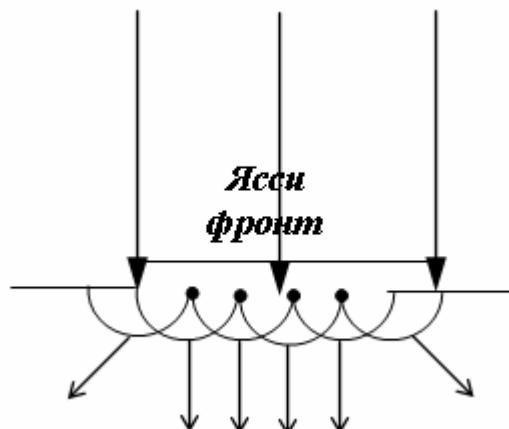
Гюйгенс принципидан фойдаланиб, икки муҳит чегарасидан тўлқинларни қайтиш ва синиш қонунларини келтириб чиқариш мумкин.

Тўлқинларнинг бурчак остида тушгандаги синиши ҳар хил муҳитдаги, уларнинг ҳар хил тезликларга эга бўлиши билан тушунтирилади.

Гюйгенс принципи, тўлқинларга хос бўлган, уларнинг тўғри чизиқли тарқалишидан оғишини тушунтириб бераолади.

Агарда тўлқинлар чегараланмаган фазода тарқалсалар, улар ўзларининг тўғри чизиқли йўналишини сақлаб қоладилар. Ўз йўлида тўсиқларга дуч келса, уни ўраб ўтишга интилишади. Бу ходиса **дифракция ҳодисаси** деб аталади.

Масалан, кўп тешикли ясси тўсиқقا унга параллел бўлган тўлқин фронти тушаётган бўлсин (112-расм).



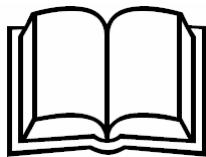
**112-расм. Иккиламчи тўлқинлар фронтининг ҳосил бўлиши**

Гюйгенс принципига асосан, ясси тўлқиннинг ҳар бир тешигига тўғри келган нуқталар иккиламчи тўлқинлар марказига айланадилар. Бу иккиламчи тўлқинларни ўраб оловчи эгри чизиқни чизсак, у иккиламчи тўлқин фронти геометрик соя соҳасини ҳам эгаллай бошлайди.

### Қайтариш учун назорат саволлари

1. Тўлқин нима? Қандай тўлқинларни биласиз? Тўлқинларнинг тарқалиш тезлиги қандай физик катталикларга боғлиқ? Тўлқиннинг силжиш тенгламаси қандай кўринишда? Дифференциал кўриниши қандай ёзилади? Тўлқинларнинг фаза ва гурух тезлигини тушунтириб беринг.
2. Тўлқинларни қўшиш. Суперпозиция принципи қандай бўлади? Турғун тўлқинлар ва уларнинг тенгламаси қандай кўринишда? Акустика нима?
3. Электромагнит тўлқинларни ҳосил бўлиши ва дифференциал тенгламаси қандай кўринишда? Уларни

тарқалиш тезлигини хисобланг? Умов-Пойтинг векторини тушинтиринг.



## VI Боб

### АКУСТИКА

#### 58-§ Акустика

Товуш тўғрисидаги таълимот **акустика** деб аталади. Инсон ва ҳайвонларнинг товушни сезиши сабаби ҳаво ёки бошқа эластик мұхитда тарқалаётган эластик тўлқинларнинг эшлиши органларига таъсиридир. Бу эластик тўлқинлар манбай тебранаётган жисмлардир. Тебранаётган жисм ўз атрофида тебранаётган мұхит заррачаларининг сийраклашиши ёки қуюқлашишини ҳосил қиласы. Заррачаларнинг сийраклашиши ва қуюқлашиши, мұхитнинг эластиклиги сабабли, унда тарқалиб, товуш тўлқинларини ҳосил қиласы.

Товуш тўлқинлари, одатдаги механик тўлқинларга ўхшаб, сферик ёки ясси фронтга эга бўлиши мумкин. Товуш тўлқинлари газли, суюқлик ва қаттиқ мұхитларда тарқалиши мумкин. Газ ва суюқликларда улар бўйлама тўлқин шаклида бўладилар, қаттиқ жисмларда бўйлама ва кўндаланг тўлқин шаклида бўладилар.

Товуш ўзининг кучи, баландлиги ва тембри билан тавсифланади. Товушнинг кучи ёки жадаллиги тўлқин тарқалиши йўналишига перпендикуляр бўлган бирлик юза кесимидан узатилаётган тўлқин энергияси миқдори билан аниқланади. Тўлқин узатаётган энергия тўлқин амплитудасининг ва частотасининг квадратларига пропорционал бўлгани учун, товуш кучи ҳам шу катталикларга пропорционалдир.

$$I = \frac{1}{2} A^2 \omega^2 \rho v , \quad (58.1)$$

бу ерда  $A$  тўлқин амплитудаси,  $\omega$  - тўлқиннинг циклик частотаси,  $\rho$  - мұхит зичлиги,  $v$  - тўлқин тарқалишининг фазавий тезлигидир.

Мисол учун, частота ўзгармас бўлганда, амплитуда икки маротаба кучаяди, товуш жадаллиги эса бир маротаба ошади.

ХБТ да товуш жадаллиги бирлиги  $Vm/m^2$  да ўлчанади, СГС тизимида эса  $\frac{\mathcal{E}rg}{cm^2 s}$  да ўлчанади.

Эластик мұхитта бўйлама товуш тўлқинларининг тарқалиши мұхитнинг хажмий деформацияланиши билан боғлиқдир. Шунинг учун мұхитнинг ҳар бир нүктасидаги босим узлуксиз тебраниб турари ва у мұхит босимининг мувозанатдаги қиймати ва  $\Delta P$  қўшимча босим йиғиндисига tengdir.  $\Delta P$  қўшимча босим мұхитнинг товуш босими деб аталадиган деформацияси таъсирида вужудга келади.

Синусоидал тўлқин **товуш босими**, мұхитнинг тўлқин қаршилигини ( $\rho v$ ) заррачаларнинг тебраниш тезлигига  $\left(\frac{\partial S}{\partial t}\right)$  кўпайтмасига tengdir

$$\Delta P = \rho v \frac{\partial S}{\partial t}, \quad (58.2)$$

Товуш босими баландлигининг бирлиги қилиб «Белл» олинган. «Белл» катта ўлчов бирлиги бўлгани учун унинг ўндан бир қисми децибелл ( $\text{dB}$ ) олинади.

Физиологик акустикада товуш сезишининг тавсифи сифатида товушнинг баландлиги, тембри ва қаттиқлиги қабул қилинади. Товуш **баландлиги** деб, тебраниш частотаси ва эшитиш қобилиятига боғлиқ бўлган, деярли, даврий товушнинг сифатига айтилади. Частота пасайиши билан товушнинг баландлиги пасаяди.

Товушнинг кучи ва жадаллигидан фарқли, товуш **қаттиқлиги** эшитиш сезгирлиги кучининг субъектив баҳосидир, у мұхитнинг зичлиги ва қулоқнинг сезгирлигига боғлиқдир.

Товуш қаттиқлиги бирлиги сифатида «фон» қабул қилинади ва уни частотаси  $10^3$  Гц бўлган товушнинг ҳосил қилган босими 1 дБ га тенглигини билдиради.

Инсон қулоғи товушнинг айрим жадаллигини қабул қиласи. Паст ёки суст товушларни инсон қабул қила олмайди.

Товушнинг ҳар бир частотаси учун эшитиш чегараси деб аталадиган айрим товуш жадаллиги мавжуд, яъни бундан паст ҳолатларда шу частотали товуш эшитилмайди. Кучли товушларни ҳам, инсон қулоғи эшитмаслиги мумкин, чунки у фақат қулоқда оғриқ қўзғатиши мумкин.

Инсон қулоғи айрим частотали товушларни қабул қилиши мумкин ва у ҳар хил одамларда ҳар хилдир, аммо инсон ўртача 20 Гц дан 20000 Гц гача бўлган частотадаги товушларни қабул қиласиди.

Частотаси 20 Гц дан паст товушлар - **инфратовушлар**, 20000 Гц дан юқориси - **ультратовушлар** деб аталади.

Одатда, ультратовуш тўлқинларни генерация қилиш учун, асосан пъезоэлектрик ва магнитострикциявий нурлатгичлар ишлатилади.

Ультратовушли тўлқинлар бир қатор ўзига хос хусусиятларга эга. Улардан энг муҳими, ёруғликка ўхшаб тор йўналган дасталар - ультратовушли нурлар каби нурланиши мумкин.

Ультратовушли нурларнинг икки муҳит чегарасида қайтиши ва синиши геометриявий оптика қонунларига асосан содир бўлади. Шунинг учун ультратовуш нурлари тарқалиш йўналишини ўзгартириш ва фокуслашда ҳар хил формадаги ойналар, товушли линзалар, призмалар ва бошқа қурилмалар қўлланилади.

**Товушли линзалар**, товуш тарқаладиган муҳитдаги тезлигидан фарқ қилувчи тезликка эга бўлган материаллардан фойдаланилади. Масалан, суюқликдан иборат бўлган муҳитга мўлжалланган товушли линзалар пластмассалардан тайёрланади.

Оптикадагига ўхшашиб, товушли ойна ва линзаларга бирбирига қарама-қарши бўлган талаблар қўйилади.

**Товушли ойналар** ультратовушли тўлқинларни иложи борича тўла қайтариш хусусиятига эга бўлишлари керак.

Шунинг учун ойнага мўлжалланган модданинг тўлқин қаршилиги  $\ll \rho_1 V_1 \gg$  муҳитнинг тўлқин қаршилигидан  $\ll \rho_2 V_2 \gg$  жуда кўп марта катта бўлиши зарур.

$$\gamma = \frac{\rho_2 v_2}{\rho_1 v_1} \gg 1$$

Аксинча, товушли линзалар ультратовуш тўлқинлар учун жудаям тиниқ бўлиши керак. Шу сабабли, линзалар учун ишлатиладиган моддаларнинг тўлқин қаршилиги мухит қаршилигига иложи борича тенг бўлиши керак, яъни  $\gamma = 1$ .

Ультратовушларнинг тўғри чизиқли тарқалиши қонунига асосан, уларни дефектоскопия ва ультратовушли локацияда қўлланилади.

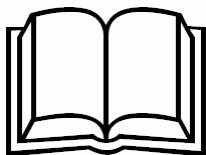
Кучли ультратовушлар ҳосил қиласидиган товуш босимининг амплитудаси катта бўлгани туфайли, суюқликда **кавитация** ҳодисаси пайдо бўлади, яъни узлуксиз ички узилишлар ҳосил бўлади ва йўқолиб туради. Натижада, суюқликда макро организмлар, қаттиқ жисмлар парчаланишига олиб келади.

Газ, суюқлик ва қаттиқ жисмларда ультратовушларнинг тарқалиши ва ютилишига боғлиқ тажрибаларни қузатиш орқали моддаларнинг тузилиши, термодинамик хусусиятларини, молекуляр жараёнлар кинетикаси, ўзаро таъсири, модданинг иссиқлик сифими эластиклиги ва б.га тегишли қонуниятларни ўрганиш мумкин.

Ёпиқ хоналарда, деворлар орасидаги масофа кичик бўлгани учун, девордаги қайтган товуш (эхо), асосий товуш билан қўшилиши мумкин.

Иккита мухит чегарасида товуш фақат қайтиши эмас, балки ютилиши ҳам мумкин, чунки тўлқин босими энергиясининг бир қисми қайтиши, қолган қисми мухитга ўтиб тартибсиз молекулалар харакат энергиясига айланиши мумкин.

Тушаётган товуш энергиясининг 20 % ни гилам, 3,4 % ни сувалган девор, 2,7 % ни дераза ойнаси ютиши мумкин. Бўш хонада товуш қаттиқ бўлса, буюмлар билан тўлган хонада товуш паст бўлади.



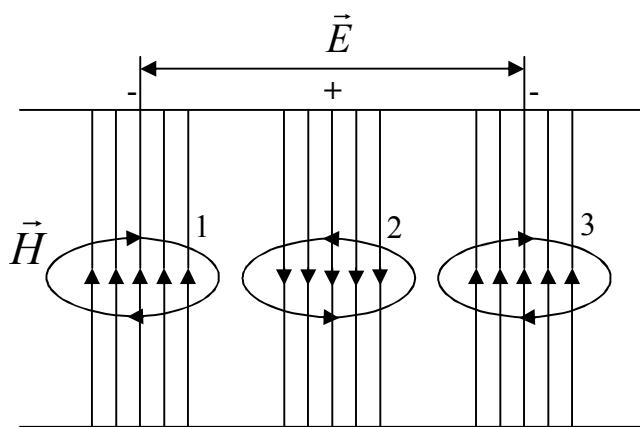
## VII бөб

# ЭЛЕКТРОМАГНИТ ТҮЛҚИНЛАР

### 59-§ Электромагнит түлқинлар

Диэлектрик учун Максвеллнинг (1)- ва (2)-тenglamalariidan қуидаги фикр келиб чиқади, яни электр ва магнит майдонларнинг ўзаро боғлиқлиги, бу майдонлардан бирининг ўзгариши күшни нұқталарда бошқасининг пайдо бўлишини эслатади. Бу эса фазода **электромагнит түлқинларни** пайдо бўлиши ва тарқалишига олиб келади.

Фараз қилайлик, фазонинг қандайдир жойида (113-расм, 1-нұқтада) кучланганлиги  $\vec{E}$  бўлган электр майдони ҳосил қилинган.



**113-расм. Электромагнит түлқин тарқалишида электр ва магнит майдонларнинг тақсимланиши**

Майдон кучланганлигини 0 дан  $E$  гача ўзгариши Максвеллнинг 1-тенгламасига асосан

$$\oint H_\ell dl = \frac{\partial Dn}{\partial t}$$

электр майдон куч чизиқларини ўраб олувчи магнит майдонини ҳосил бўлишига олиб келади.

Кучланганлиги  $\vec{H}$  бўлган магнит майдонининг пайдо бўлиши, Максвеллнинг 2- тенгламасига асосан

$$\oint E_\ell dl = -\frac{d\Phi}{dt}$$

яна электр майдонини ҳосил қиласи. Электр майдони уормали ва ёпиқ бўлиб 2- нуқтада юқорига, 1- нуқтада пастга йўналган бўлади.

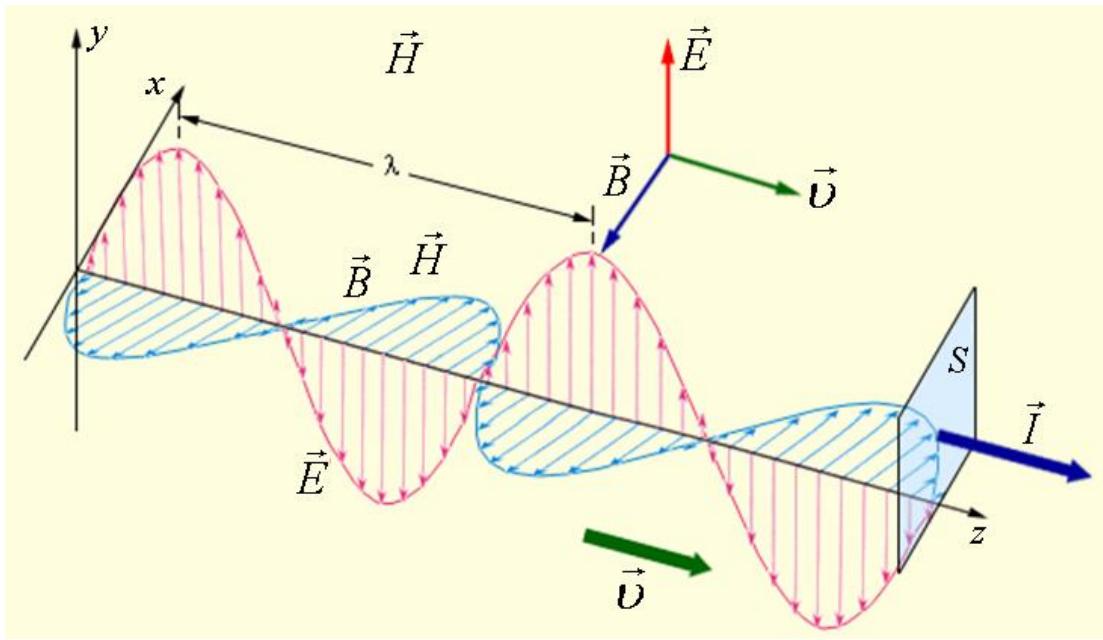
Шундай қилиб, қандайдир нуқтада пайдо бўлган электр (ёки магнит) майдони барча йўналишларда бир вақтда тарқаладиган электр ва магнит тўлқинларнинг манбаси бўлиб қолади.

Электр ва магнит тўлқинларининг мажмуаси **электромагнит тўлқин** деб аталади.

Бу ҳолда, электромагнит тўлқин ўтувчи ҳар бир нуқтада  $\vec{E}$  ва  $\vec{H}$  кучланганликларнинг ҳар бири максимумгача ўсиб, нолгача камайишга интилади.

Агарда бошланғич нуқтада майдон кучланганлиги узоқ вақт  $E = E_0 \sin \omega t$  қонуният билан тебраниб турса, у ҳолда тўлқин ўтадиган ҳар бир нуқтада  $\vec{E}$  ва  $\vec{H}$  майдон кучланганликлари ҳам шу қонуният билан тебранадилар. Бу иккала векторлар бир-бирига перпендикуляр бўлиб, тўлқин тарқалиши йўналишига перпендикулярдир, яъни электромагнит тўлқин **кўндаланг** тўлқиндир.

Икки майдон кучланганликлари векторларининг вақтнинг бир моментида ҳар хил нуқталарда йўналганликлари қуидаги расмда келтирилган (114-расм).



**114-расм.** Электромагнит тўлқиннинг электр ва магнит кучланганлик векторлари йўналишилари

Максвелл тенгламаларидан қўйидаги дифференциал тенгламаларни келтириб чиқариш мумкин:

$$\left. \begin{aligned} \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial z^2} &= \epsilon \epsilon_0 \mu \mu_0 \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial z^2} \\ \frac{\partial^2 \vec{H}}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \vec{H}}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 \vec{H}}{\partial z^2} &= \epsilon \epsilon_0 \mu \mu_0 \frac{\partial^2 \vec{H}}{\partial z^2} \end{aligned} \right\}, \quad (59.1)$$

Бу электр ва магнит тўлқинларининг мос равища тўлқин тенгламаларидир. Бу тенгламаларни тўлқиннинг дифференциал тенгламаси

$$\frac{\partial^2 \xi}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \xi}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 \xi}{\partial z^2} = \frac{1}{U^2} \frac{\partial^2 \xi}{\partial t^2}$$

билин солиштирсак, электр ва магнит тўлқинларнинг фазали тезликлари бир хил эканлиги кўриниб турибди

$$v = \frac{1}{\sqrt{\epsilon \epsilon_0 \mu \mu_0}},$$

яъни факат тўлқин тарқаладиган муҳитнинг дизэлектрик ва магнит сингдирувчангликларига боғлиқ экан.

Вакуумда  $\varepsilon = \mu = 1$  га тенг бўлгани учун тўлқинларнинг фазали тезликлари ёруғликнинг вакуумдаги тезлигига тенгdir.

$$v = c = \frac{1}{\sqrt{\varepsilon_0 \mu_0}} = 299729 \text{ km/c}.$$

Агар  $c = \frac{1}{\sqrt{\varepsilon_0 \mu_0}}$  эканлигини ҳисобга олсак, электромагнит тўлқинининг исталган муҳитдаги тарқалиш тезлиги учун Максвелл формуласини келтириб чиқарамиз.

$$v = \frac{c}{\sqrt{\varepsilon \mu}}, \quad (59.2)$$

$X$  ўқи бўйлаб тарқалаётган яssi электромагнит тўлқин учун, электромагнит тўлқинининг кўндаланг эканлигини ҳисобга олган ҳолда, қуидагига эга бўламиз:

$$E_x = H_x = 0$$

$Ez = Hy = 0$  эканлигини ҳисобга олсак, Максвелл тенгламасидан  $X$  ўқи бўйлаб тарқалаётган яssi электромагнит тўлқинининг дифференциал тенгламаларини келтириб чиқарамиз.

$$\frac{\partial^2 E_y}{\partial x^2} = \frac{\varepsilon \mu}{c^2} \frac{\partial^2 E_y}{\partial t^2}; \quad \frac{\partial^2 H_z}{\partial x^2} = \frac{\varepsilon \mu}{c^2} \frac{\partial^2 H_z}{\partial t^2}, \quad (59.3)$$

Бу тенгламаларнинг энг оддий ечимлари қуидаги функциялардан иборатdir.

$$E_y = E_0 \sin(\omega t - kx + \alpha_1); \quad H_z = H_0 \sin(\omega t - kx + \alpha_2), \quad (59.4)$$

Бу ерда  $\omega$  - тўлқин частотаси,  $k = \frac{2\pi}{\lambda} = \frac{\omega}{u}$  тўлқин сонидир,

$\alpha_1$  ва  $\alpha_2$   $x=0$  нуқтадаги тебранишнинг бошланғич фазаларидир.

Электромагнит тўлқин учун, қуидаги тенглик

$$\epsilon\epsilon_0 E_0^2 = \mu\mu_0 H^2, \quad (59.5)$$

ўринлидир. Бу тенгликдан электр ва магнит майдон векторларининг тебранишлари бир хил фазада ( $\alpha_1 = \alpha_2$ ) содир бўлиши кўриниб турибди ва бу векторларнинг амплитудалари бир-бири билан қуидагича боғлангандир.

$$E_0 \sqrt{\epsilon\epsilon_0} = H_0 \sqrt{\mu\mu_0}, \quad (59.6)$$

Ясси электромагнит тўлқин тенгламасининг вектор кўриниши қуидагичадир:

$$\vec{E} = \vec{E}_0 \sin(\omega t - kx); \quad \vec{H} = H_0 \sin(\omega t - kx), \quad (59.7)$$

бу ерда  $\alpha_1 = \alpha_2 = 0$ .

Электромагнит тўлқинлар, ҳар қандай тўлқинларга ўхаш, энергияни кўчириш хусусиятига эгадирлар.

Электромагнит майдон энергияси зичлиги  $w$  электр ва магнит майдонлар энергиялари зичликлари йиғиндисидан иборат.

$$w = w_E + w_H = \frac{\epsilon\epsilon_0 E^2}{2} + \frac{\mu\mu_0 H^2}{2}, \quad (59.8)$$

Фазонинг берилган нуқтасида  $\vec{E}$  ва  $\vec{H}$  векторлар бир хил фазада ўзгарадилар. Шу сабабли,  $E_0$  ва  $H_0$  ларнинг амплитуда қийматлари орасидаги (59.6)- нисбат уларнинг бошқа оний қийматлари учун ҳам ўринлидир. Бундан, тўлқиннинг электр ва магнит майдонлари энергиялари зичлиги вақтнинг ҳар бир моменти учун бир хилдир деган фикр туғилади, яъни

$$w_E = w_H$$

Шунинг учун

$$w = 2w_E^* = \epsilon\epsilon_0 E^2, \quad (59.9)$$

$E\sqrt{\epsilon\epsilon_0} = H\sqrt{\mu\mu_0}$  тенгликдан фойдаланиб, (59.9) - ифодани қуидаги қайта ёзиш мүмкін:

$$w = \sqrt{\epsilon\epsilon_0\mu\mu_0} EH = \frac{1}{v} EH$$

бу ерда  $v$  - электромагнит түлкін тарқалиш тезлиги. Электромагнит түлкін энергияси оқими зичлиги вектори қуидагига тенгдир:

$$S = w \cdot v = EH , \quad (59.10)$$

$\vec{E}$  ва  $\vec{H}$  векторлар ўзаро бир - бирига перпендикуляр ва түлкін тарқалиши йұналиши билан ўнг бурама тизимини ташкил этади. Шу сабабли,  $[\vec{E}\vec{H}]$  вектор йұналиши энергиянинг күчиши йұналишига мос келади.

Электромагнит түлкін энергияси оқими зичлиги векторини  $\vec{E}$  ва  $\vec{H}$  нинг вектор күпайтмаси сифатида тасаввур қилиш мүмкін

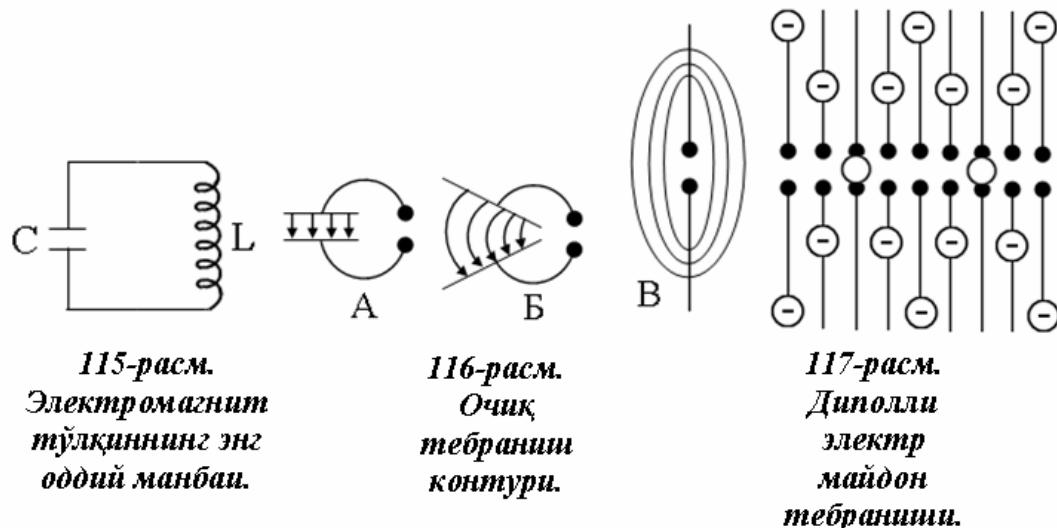
$$\vec{S} = [\vec{E} \cdot \vec{H}] , \quad (59.11)$$

ва бу  $\vec{S}$  - вектор **Умов-Пойнтинг вектори** деб аталади.

## 60-§ Электромагнит түлкінлар шкаласи

Амалда электромагнит түлкінлар манбаи бўлиб исталган электр тебраниш контури ёки ўзгарувчан электр токи оқаётган ўтказгич бўлиши мүмкін. Электромагнит түлкінларни қўзғатиш учун фазода ўзгарувчан электр майдонини (силжиш токини) ёки мос равишда ўзгарувчан магнит майдонини ҳосил қилиш зарурдир. Манбанинг нурланиш қобилияти унинг шакли, ўлчамлари ва тебраниш частотаси билан аниқланади.

Нурланиш сезиларли бўлиши учун, ўзгарувчан электр майдони ҳосил бўладиган фазонинг ҳажми катта бўлиши керак. Шу сабабли, электромагнит тўлқинлар ҳосил қилиш учун ёпиқ тебраниш контурларини ишлатиб бўлмайди, чунки конденсатор қопламалари орасида электр майдони, индуктивлик ғалтаги ичидаги магнит майдони жойлашган бўлади.



Ёпиқ тебраниш контурида (*115-расм*) сифим ва индуктивлик катта қийматга эга бўлгани учун тебраниш даври ва электромагнит тўлқин узунлиги катта бўлади.

$$\lambda = vT = 2\pi v \sqrt{LC} , \quad (60.1)$$

Тўлқин узунлигини қисқартириш учун индуктивлик ва сифим қийматини қисқартириш керак. Шу сабабли, Герц ўз тажрибаларида ғалтак ўрами ва конденсатор қопламалари юзасини камайтириб, қопламалар орасини кенгайтириш ҳисобига ёпиқ тебраниш контуридан очиқ тебраниш контурига ўтиш усулини топди (*116-расм, A, B*).

Натижада чақнаш оралиғи билан ажralган иккита стерженли (симли) тебраниш контурини ҳосил қилди (*116-расм, B*). Агарда, ёпиқ тебраниш контурида ўзгарувчан электр майдони конденсатор қопламалари орасига жойлашган бўлса (*116-расм, A*), очиқ тебраниш контурида эса, ўзгарувчан электр майдони контур атрофидаги фазони эгаллайди (*116-расм, B*) ва электромагнит нурланиш жадаллигини кучайтиради.

Иккита стерженли тебраниш контурининг учларига қарама-қарши зарядлар киритилса, стержен атрофида электр майдони куч чизиклари ҳосил бўлади. Қарама-қарши зарядлар бир-бири билан тортишиб ўтказгичда ток ҳосил қиласидилар, бу ток ўз навбатида ўтказгич атрофида электр майдони ҳосил қиласиди.

117-расмда бутун даврнинг  $1/8$  қисмига тегишли зарядларнинг жойлашиши келтирилган. Расмдан кўринишча, бу ўз навбатида, диполь электр майдони тебранишини тасаввур этади.

Вибраторнинг ўртасида қарама-қарши зарядлар дуч келса, улар бир-бирини нейтраллайди ва электр куч чизикларининг учлари зарядлардан узилади. Ажралган электр майдон куч чизиклари вибраторнинг барча тарафларига тарқала бошлайди.

Герц шундай вибратор орқали  $100 \text{ мГц}$  частотали электромагнит тўлқинларни ҳосил қила олди. Бу тўлқинларнинг тўлқин узунлиги тахминан  $3 \text{ м}$  га tengdir.

Стерженларнинг қалинлиги ва узунлигини янада камайтириш ҳисобига П.Н.Лебедов  $\lambda = 6:4 \text{ мм}$  ли электромагнит тўлқинларини ҳосил қилди.

Электромагнит тўлқинлар кенг частота спектри ёки тўлқин узунлигига ( $\lambda = C/v$ ) эга бўлиб, бир-биридан генерация ва қайд қилиш усуллари ва ўзининг хусусиятлари билан фарқ қиласиди.

Тўлқин узунлиги  $0,1 \div 10^3 \text{ м}$  кенгликдаги электромагнит тўлқинлар радиоалоқа ва тасвирини узатишида (узун, ўрта, қисқа, ультрақисқа ва дециметрли радио тўлқинлар) ишлатилади.

Тўлқин узунлиги  $10^{-8} \div 10^{-4} \text{ м}$  кенгликда бўлган электромагнит тўлқинлар, учта группадаги оптик тўлқинлардан иборатдир: инфрақизил, кўзга кўринадиган ( $7,6 \cdot 10^{-7} \div 4 \cdot 10^{-4} \text{ м}$ ) ва ультрабинафша нурлардир.

Ниҳоятда қисқа тўлқинли нурлар модда ичига кириш хусусиятига эга бўлган рентген ва гамма - нурлардан иборат.

## Қайтариш учун назорат саволлари

1. Түлқин нима? Қандай түлқинларни биласиз? Түлқинларнинг тарқалиш тезлиги қандай физик катталикларга боғлиқ? Түлқиннинг силжиш тенгламаси қандай кўринишда? Дифференциал кўриниши қандай ёзилади? Түлқинларнинг фаза ва гурух тезлигини тушунтириб беринг.
2. Түлқинларни қўшиш. Суперпозиция принципи қандай бўлади? Тургун түлқинлар ва уларнинг тенгламаси қандай кўринишда? Акустика нима?
3. Электромагнит түлқинларни ҳосил бўлиши ва дифференциал тенгламаси қандай кўринишда? Уларни тарқалиш тезлигини ҳисобланг? Умов-Пойтинг векторини тушинтиринг.

### *Электромагнит түлқинлар шкаласи*

1-жадвал

<b>Нурланиш турлари</b>	<b>Түлқин узунлиги, м</b>	<b>Түлқин частотаси, Гц</b>	<b>Нурланиш манбалари</b>
Радиотүлқинлар	$10^{-4} - 10^3$	$3 \cdot 10^5 - 3 \cdot 10^{12}$	Тебраниш контури Герц вибратори лампали генератор
<b>Ёруғлик түлқинлари:</b> Инфрақизил кўзга кўринадиган нурлар	$8 \cdot 10^{-7} - 5 \cdot 10^{-7}$ $8 \cdot 10^{-7} - 4 \cdot 10^{-7}$	$8 \cdot 10^{11} - 3,75 \cdot 10^{14}$ $3,75 \cdot 10^{14} - 7,5 \cdot 10^{14}$	Лампалар Лазерлар
Ультрабинафша нурлар	$10^{-9} - 4 \cdot 10^{-7}$	$7,5 \cdot 10^{14} - 3 \cdot 10^{17}$	Лазерлар
Рентген нурлари	$6 \cdot 10^{-12} - 2 \cdot 10^{-9}$	$1,5 \cdot 10^{17} - 5 \cdot 10^{19}$	Рентген трубалари
$\gamma$ -нурланиш	$< 6 \cdot 10^{-12}$	$> 5 \cdot 10^{19}$	Радиоактив парчаланиш, ядро жараёнлари, космик нурланиш

## ҲАЛҚАРО БИРЛИКЛАР ТИЗИМИ (ХБТ)

1960 йили ўлчов ва оғирликлар XI Бош конференциясида ҳалқаро миқёсида Ҳалқаро бирликлар тизими ўрнатилган.

ХБТ негизи қуидаги асосий бирликлардан иборатдир.

Жадвал-1

<b>Катталиклар тури</b>	<b>Бирликлар номи</b>	<b>Қисқача белгилаш</b>
Узунлик	метр	м
Масса	килограмм	кг
Вақт	секунда	с
Электр токи кучи	ампер	А
Температура	кельвин	К
Ёруғлик кучи	кандела	кд
Модда миқдори	моль	моль
Текис бурчак	радиан	рад
Телес бурчак	стерадиан	ср

## ХБТ бирликларининг ҳосилалари

Жадвал-2

<b>Бирликлар</b>	<b>Бирликлар номи</b>	<b>Қисқартирилган белгиси</b>	<b>Бошқа бирликлар билан боғланиш</b>
Куч	Ньютон	Н	$1 \text{ Н}=1 \text{ кг.м.с}^{-2}$
Босим	Паскаль	Па	$1 \text{ Па}=1 \text{ Н.м}^{-2}$
Энергия, иш	Джоуль	Дж	$1 \text{ Дж}=1 \text{ Н.м}$
Кувват	Ватт	Вт	$1 \text{ Вт}=1 \text{ Дж.с}^{-1}$
Заряд	Кулон	Кл	$1 \text{ Кл}=1 \text{ А.с}$
Электр кучланиши	Вольт	В	$1 \text{ В}=1 \text{ Вт.А}^{-1}$
Электр сифими	Фараада	Ф	$1 \text{ Ф}=1 \text{ Кл.В}^{-1}$
Электр қаршилик	Ом	Ом	$1 \text{ Ом}=1 \text{ В.А}^{-1}$
Электр ўтказувчанлик	Сименс	см	$1 \text{ см}=1 \text{ Ом}^{-1}$

Магнит оқими	Вебер	Вб	$1 \text{ Вб} = 1 \text{ В.с}$
Магнит оқими зичлиги	Тесла	Т	$1 \text{ Т} = 1 \text{ Вб.м}^{-2}$
Индуктивлик	Генри	Г	$1 \text{ Г} = 1 \text{ Вб.А}^{-1}$
Ёрглик оқими	Люмен	Лм	$1 \text{ лм} = 1 \text{ кд.ср}$
Ёритилганлик	Люкс	Лк	$1 \text{ лк} = 1 \text{ лм.м}^{-2}$
Частота	Герц	Гц	$1 \text{ Гц} = 1 \text{ с}^{-1}$
Сингдириш қобилияти	Диоптрия	Дпт	$1 \text{ дпт} = 1 \text{ м}^{-1}$

### Айрим физик катталиклар бирликлари

$$1 \text{ А}^0 = 10^{-10} \text{ м} = 10^{-8} \text{ см} = 10^{-4} \text{ мкм} = 10^{-1} \text{ нм}$$

$$1 \text{ рад} = 57^0 17' 44,8'' = 57,3^0$$

$$1 \text{ г / см}^3 = 10^3 \text{ кг / м}^3 = 1 \text{ т / м}^3$$

$$1 \text{ атм} = 1,01 \cdot 10^5 \text{ Па} = 1,01 \cdot 10^6 \text{ дин / см}^2 = 1,03 \text{ кг с/см}^2$$

$$1 \text{ мм....} = 1,33 \cdot 10^2 \text{ Па} = 1,33 \cdot 2 \text{ Па} = 13,6 \text{ мм. сув устуни}$$

$$1 \text{ эрг} = 10^{-7} \text{ Дж} = 1,02 \text{ кг с.м.} = 6,24 \cdot 10^{11} \text{ эВ}$$

$$1 \text{ Кл} = 3 \cdot 10^9 \text{ СГЭС з.б.} = 0,1 \text{ СГСМ б.}$$

$$1 \text{ А} = 3 \cdot 10^9 \text{ СГЭС з.б.} = 0,1 \text{ СГСМ б.}$$

$$1 \text{ В} = 3,34 \cdot 10^{-3} \text{ СГЭС з.б.} = 10^8 \text{ СГСМ б.}$$

$$1 \text{ Ф} = 8,99 \cdot 10^{11} \text{ см} = 10^{-9} \text{ СГСМ б.}$$

$$1 \text{ Ом} = 1,11 \cdot 10^{-12} \text{ СГЭС з.б.} = 10^9 \text{ СГСМ б.}$$

$$1 \text{ Тл} = 3,34 \cdot 10^{-7} \text{ СГЭС з.б.} = 10^4 \text{ Гс}$$

$$1 \text{ Гн} = 1,11 \cdot 10^{-12} \text{ СГЭС з.б.} = 10^9 \text{ см}$$

$$1 \text{ А/м} = 3,77 \cdot 10^8 \text{ СГЭС з.б.} = 1,26 \cdot 10^{-2} \text{ Э}$$

## Фундаментал физик доимиийлар

**Жадвал-3**

<b>Катталик</b>	<b>Белгиси</b>	<b>Сон қийматлари</b>
Ёруғлик тезлиги	$c$	$2,997924458.10^{-11}$
Вакуумнинг магнит сингдирувчанлиги	$\mu_0$	$4\pi.10^{-7} Гн.м^{-1}$
Диэлектрик сингдирувчанлик	$\epsilon_0 = \frac{1}{\mu_0 c^2}$	$8,85418782.10^{-12} \Phi.m^{-1}$
Ридберг доимиийси	$R_\infty$	$10973731,77 m^{-1}$
Планк доимиийси	$\hbar = \frac{h}{2\pi}$ $h$	$1,0545887.10^{-34} Дж.с$ $6,626176.10^{-34} Дж.с$
Электроннинг тинч ҳолатдаги массаси	$m_e$	$9,109534.10^{-31} кг$
Электроннинг тинг ҳолатдаги энергияси	$m_e c^2$	$0,5110034 MэВ$
Протоннинг тинч ҳолатдаги массаси	$m_p$	$1,6726485.10^{-27} кг$
Протоннинг тинч ҳолатдаги энергияси	$m_p c^2$	$938,2796 MэВ$
Нейтроннинг тинч ҳолатдаги массаси	$m_n$	$1,6749543.10^{-27} кг$
Нейтроннинг тинч ҳолатдаги энергияси	$m_n c^2$	$939,5731 MэВ$
Протон массасининг электрон массасига нисбати	$m_p / m_e$	1836,15152
Электрон заряди	$e$	$1,6021892.10^{-19} Кл$
Электрон зарядининг унинг массасига нисбати	$e / m_e$	$4,803242.10^{-10} СГСЭ$ 3.6.
Бор магнетони	$\mu_B$	$1,7588047.10^{11} Кл.кг^{-1}$
Ядро магнетони	$\mu_N$	$9,274078.10^{-24} Дж.Тл^{-1}$
Ядро магнетонида нейтроннинг магнит моменти	$\mu_n / \mu_H$	$5,050824.10^{-27} Дж.Тл^{-1}$
Ядро магнетонида протоннинг магнит моменти	$\mu_p / \mu_N$	1,91315

Массанинг атом бирлиги $(10^{-3}$ кг. моль $^{-1}$ ). $N_A$	<i>m.a.б.</i>	2,7928456
М.а.б. бирлигига:		$1,6605655 \cdot 10^{-27}$ кг
Водород массаси	$^1H$	1,007825036
Дейтерий массаси	$^2H$	2,014101795
Гелий-4 массаси	$^4He$	4,002603267
Авогадро доимийси	$N_A$	$6,022045 \cdot 10^{23}$ моль $^{-1}$
Фарадей доимийси	$F = e \cdot N_A$	96484,56 Кл.моль $^{-1}$
Моляр газ доимийси	$R$	$8,31441$ Дж.моль $^{-1}$ К $^{-1}$
Нормал шароитда ( $P=1$ атм, $T_0=273,15$ К) идеал газнинг моляр ҳажми	$V_m$	$22,41333 \cdot 10^{-3}$ м $^3$ .моль $^{-1}$
Больцман доимийси	$k=R / N_A$	$1,380662 \cdot 10^{-23}$ Дж.К $^{-1}$
Нозик тузилиш доимийси	$\alpha$	0,0072973506
Биринчи Бор қобигининг радиуси	$a_0$	137,03604 $0,52917706 \cdot 10^{-10}$ м
Электроннинг классик радиуси	$r_e$	$2,8179380 \cdot 10^{-15}$ м
Джозефсон доимийси	$2e / h$	$4,835939 \cdot 10^{14}$ Гц.В $^{-1}$
Магнит оқимининг кванти	$\Phi_0 = h / 2e$	$2,0678506 \cdot 10^{-15}$ Вб

## **АДАБИЁТЛАР**

1. Савельев И.В. Умумий физика курси. Т.: , «Ўқитувчи», 1973.  
т. 1
2. Савельев И.В. Умумий физика курси. Т.: , «Ўқитувчи», 1973.  
т. 2
3. Савельев И. В. Курс физики. М.: Наука 1989 т. 1
4. Савельев И. В. Курс физики. М.: Наука 1989 т. 2
5. Трофимова Т. И. Курс физики. М.: Высшая школа, 1985
6. Детлаф А.А., Яворский Б.М. Курс физики. М.: Высшая школа, 1989
7. Исмоилов М., Хабибуллаев П.К., Халиуллин М. Физика курси Тошкент «Ўзбекистон», 2000
8. Раҳматуллаев М. «Умумий физика курси». Механика,  
Ўқитувчи, 1995
9. Аҳмаджонов О. Физика курси. Т.: «Ўқитувчи», 1987. т. 1,2,3-  
қисмлар
10. Нуъмонхўжаев А.С. Физика курси, 1-қ., Ўқитувчи, 1992

# **МУНДАРИЖА**

<b>Сўз боши.....</b>	<b>3</b>
<b>КИРИШ.....</b>	<b>5</b>
<b>Биринчи қисм</b>	
<b>I боб МЕХАНИКА.....</b>	<b>8</b>
1-§ Механикавий ҳаракат.....	8
2-§ Моддий нуқта. Абсолют қаттиқ жисм. Фазо ва вакт.....	8
3-§ Моддий нуқта кинематикаси.....	12
4-§ Нуқтанинг айланга бўйлаб ҳаракати.....	14
5-§ Эгри чизиқли ҳаракат.....	16
6-§ Моддий нуқта динамикаси.....	21
7-§ Табиатда кучлар.....	25
Кулон кучи.....	26
Бир жинсли оғирлик кучи.....	26
Эластиклик кучи.....	27
Ишқаланиш кучи.....	28
Қаршилик кучи.....	28
8-§ Моддий нуқталар тизими. Инерция маркази.....	29
9-§ Импульснинг сақланиш қонуни.....	33
10-§ Куч моменти.....	34
11-§ Қаттиқ жисм айланма ҳаракат динамикасининг асосий тенгламаси.....	38
12-§ Иш ва қувват.....	40
13-§ Кинетик ва потенциал энергия.....	43

14-§ Энергиянинг сақланиш қонуни.....	46
15-§ Инерциал саноқ тизимлари. Галилей алмаштиришлари.....	48
16-§ Эйнштейн постулатлари. Лоренц алмаштиришлари.....	50
<b>II бөб ЭЛЕКТР.....</b>	<b>56</b>
17-§ Электр ўзаро таъсир.....	56
18-§ Кулон қонуни.....	57
19-§ Электр майдони. Майдон кучланганлиги.....	60
20-§ Электр индукция вектори куч чизиқлари ва оқими..	63
21-§ Остроградский – Гаусс теоремаси.....	65
22-§ Электр майдонида зарядни күчиришда бажарилган иш.....	70
23-§ Майдоннинг потенциали. Заряднинг потенциал энергияси.....	72
24-§ Диэлектрикларнинг кутбланиши.....	75
25-§ Кутбланиш вектори.....	82
26-§ Электростатик майдондаги ўтказгичлар.....	83
27-§ Электр сиғими.....	85
Шарчанинг электр сиғими.....	87
Конденсаторлар.....	88
Ясси конденсатор.....	89
Сферик конденсатор.....	90
Цилиндрик конденсатор.....	91
28-§ Электростатик майдон энергияси.....	92

Яккаланган зарядли ўтказгич энергияси.....	92
29-§ Электр токи.....	93
30-§ Ом ва Джоуль-Ленц қонунларининг дифференциал ва интеграл ифодалари.....	95
31-§ Кирхгоф қонунлари.....	97
<b>III боб МАГНЕТИЗМ.....</b>	<b>100</b>
32-§ Магнит майдони индукцияси. Лоренц кучи.....	100
33-§ Ампер қонуни.....	105
Магнит майдонидаги токли контур.....	106
34-§ Био-Савар-Лаплас қонунининг дифференциал ва интеграл кўриниши.....	112
35-§ Магнит индукцияси вектори циркуляцияси.....	117
36-§ Фарадейнинг электромагнит индукция ҳодисаси. Ленц қонуни.....	121
37-§ Ўтказгичнинг индуктивлиги.....	128
38-§ Соленоиднинг индуктивлиги.....	129
39-§ Занжирни ток манбаидан узишда ҳосил бўладиган ўзиндукия.....	130
40-§ Занжирни ток манбаига улашда ҳосил бўладиган ўзиндукия.....	132
41-§ Ўзароиндукия.....	133
42-§ Токнинг магнит майдон энергияси.....	135
43-§ Магнетикларда магнит майдони.....	136
44-§ Максвелл тенгламалари.....	141
<b>IV боб ГАРМОНИК ТЕБРАНИШЛАР.....</b>	<b>144</b>
45-§ Гармоник тебранма ҳаракат кинематикаси ва	144

динамикаси.....	
46-§ Пружинали маятник.....	150
47-§ Физик маятник.....	151
48-§ Математик маятник.....	152
49-§ Электромагнит тебранишлар.....	153
50-§ Тебранишларни қўшиш.....	156
51-§ Сўнувчи механик ва электромагнит тебранишлар... Эркин механик тебранишлар.....	165
Каршиликли электромагнит занжирдаги эркин сўнувчи тебранишлар.....	169
52-§ Мажбурий механик тебранишлар.....	171
53-§ Мажбурий электромагнит тебранишлар.....	175
<b>V боб ТЎЛҚИН ҲОДИСАЛАРИ.....</b>	181
54-§ Тўлқин ҳодисалари.....	181
55-§ Тўлқин суперпозицияси.....	186
56-§ Турғун тўлқинлар.....	191
57-§ Гюйгенс принципи.....	193
<b>VI боб АКУСТИКА.....</b>	196
58-§ Акустика.....	196
<b>VII боб ЭЛЕКТРОМАГНИТ ТЎЛҚИНЛАР....</b>	200
59-§ Электромагнит тўлқинлар.....	200
60-§ Электромагнит тўлқинлар шкаласи.....	205
Адабиётлар.....	208